## **BOETHIUS**

Texte und Abhandlungen zur Geschichte der Mathematik und der Naturwissenschaften

Begründet von Joseph Ehrenfried Hofmann, Friedrich Klemm und Bernhard Sticker

Herausgegeben von Menso Folkerts

Band 52

# Al-Farghānī On the Astrolabe

Arabic Text Edited with Translation and Commentary by Richard Lorch



## Contents

Introduction	
1. The astrolabe	1
2. Al-Farghānī	4
3. The markings on the astrolabe described by al-Farghānī	6
4. The form and style of al-Kāmil	7
5. Al-Farghānī and his predecessors	9
6. Al-Farghānī's value for $\epsilon$	11
<ol> <li>Observation of al-'ayyūq; value for precession</li> </ol>	12
8. Arithmetic and trigonometry in al-Kāmil	13
9. Two texts based on al-Kāmil	16
10. The manuscripts	16
11. Editorial conventions	18
12. Mathematical symbols	19
Al-Farghānī, On the Astrolabe, Text and Translation	21
Chapter 1	22
Chapter 2	40
Chapter 3	68
Chapter 4	110
-	
Table 1	116
Table 2	122
Table 3	124
Table 4	130
Table 5	278
Chapter 5	294
Chapter 6	340
Chapter 7	362
Appendix 1: Variant Passages in S, B and T	379
Appendix 2: Titles and Colophons	387
Appendix 3: Ibn al-Ṣalāḥ, On Projection (excerpt)	393
Mathematical Summary	399
Bibliography	443

## Introduction

#### 1. The astrolabe

An astrolabe imitates the motion of the heavens. The stars may be imagined to be on a celestial sphere, and their daily rotation may be represented by the rotation of this sphere. The astrolabe is essentially a plane representation of this rotating sphere as seen over a representation of some observer's horizon and horizon coordinates: the stars (and also the Sun, Moon and planets) on one flat plate are revolved against the observer's horizon and almucantars (circles parallel to the horizon) drawn on another, fixed, plate. If the altitude of the Sun or of a star is measured, the instrument may be set to represent the position of the heavens by putting the representation of the star on the almucantar for that altitude. Then, for instance, the time of day (or night) may be determined by measuring the rotation necessary to bring the star from the horizon in the east (or west); an astrolabe was furnished with markings to facilitate the measurement. There were many other uses to which the astrolabe could be put.

A flat representation of the celestial sphere may be made in many ways, but in practice the astrolabe was almost always made by using the northern stereographic projection. In this the sphere is imagined tangent to the plane of projection at the north pole and the image of any other point (P in Fig. 1) on the sphere, except the south pole S, is found by joining S to P and producing the line until it meets the plane: at P', the image of P.

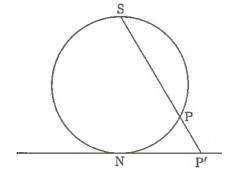
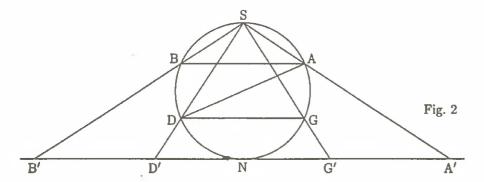
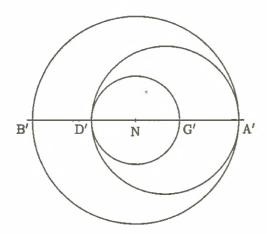


Fig.1

The astrolabe

When a circle, great or small, is projected in this way, the image is a circle: this is the fundamental property of stereographic projection. It is the reason why this way of flattening the sphere was so popular, for it is not only mathematically elegant for the theoretician, but practical for the artificer. Fig. 2 shows how a great circle, AD, such as the zodiac,





is projected. In the sphere circle AD is tangent to circles AB and GD, which are parallel to the equator circle. To draw circle A'D' in the plane, the image of circle AD in the sphere, one needs to know its centre and radius, and these are easily determined from the radii of the images of circles AB and GD. The same procedure may be used for all circles on the sphere: all that is needed is to find NA' (in Fig. 2) from  $\widehat{NA}$ , for all values of  $\widehat{NA}$ . Tables may be established to this end.

Of the literature on the astrolabe little has survived from antiquity; and what there is does not concern the construction of the instrument. The fullest treatment is in the treatise of Philoponus (6c. AD), which, after a description of the astrolabe and its inscribed circles, sets forth its uses<sup>1</sup>. In the same tradition are Severus Sebokht, writing in Syriac in the seventh century, and al-Ya'qūbī, writing in Arabic in the ninth. A description by one Synesius (ca. 400 AD) of an astrolabe-like instrument is not clear.<sup>2</sup>.

The *Planisphaerium* by Claudius Ptolemy (2c. AD) is the only Greek work on stereographic projection that has come down to us. Unfortunately, the text exists only in an Arabic translation and a Latin translation derived from it<sup>3</sup> It was translated into Arabic some time before 946, probably "in or around 900"<sup>4</sup>. Much of the latter part of the book is taken up with circles parallel to the zodiac and those through the poles of the zodiac. At least in its present state, it contains no proof of the fundamental theorem of stereographic projection<sup>5</sup>. The *Fihrist* of Ibn al-Nadīm does not mention the Arabic translation, but it lists a commentary on the *Planisphaerium* by Pappus<sup>6</sup>, which seems not to have survived.

The astrolabe was known to the early Islamic astronomers, for al-Fazārī (fl. 8c., second half) is credited in the *Fihrist* with making one<sup>7</sup>; but what theoretical treatments of the instrument were available to them we do not know. Al-Farghānī wrote the first known substantial description of the astrolabe. It was written about the years 856-57 AD, the date of the star table, which was based on the *Mumtaḥan Tables*.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>It was edited by H. Hase in 1834. His edition was reproduced, with facing French translation and long introduction, in Philoponus [1981].

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>See Neugebauer [1949], pp. 248-253, and Vogt and Schramm [1970].

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup>For a facsimile of one of the three known Arabic manuscripts, with English translation and commentary, see C. Anagnostakis [1984]. The Latin translation by Hermann of Carinthia is edited in Ptolemy [1907], pp. 227-259.

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup>Kunitzsch [1994], p. 84.

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup>This appears to be the purpose of a note to the text under the name of Maslama. See Lorch [1995-96].

<sup>&</sup>lt;sup>6</sup>Ibn al-Nadīm, [1871-72], p. 269

<sup>&</sup>lt;sup>7</sup>Ibn al-Nadīm [1871-72], p. 273.

Al-Farghanī

## 2. Al-Farghānī<sup>8</sup>

Little is known of the life of Ahmad ibn Muhammad ibn Kathīr al-Farghānī. He was an astronomer at the court of the Abbasid caliph al-Ma'mūn (reigned 813-833) in Baghdad. Later he was supervisor of the construction of the "Great Nilometer" at al-Fustat (Old Cairo), which Caliph al-Mutawakkil had ordered. The project was completed in 861, the year the caliph died. It is likely that al-Farghānī wrote the astrolabe treatise when he was in Fustat, since the examples in it to illustrate mathematical calculations involving the local latitude all use or imply the value 30° for it, a good approximation for the latitude of Cairo<sup>9</sup>. Since al-Mutawakkil had his capital at Samarra – the court had been moved there by al-Mu'tasim in 836 - it is likely that al-Farghānī spent some time there. He was entrusted by Muhammad and Ahmad, the sons of Mūsā<sup>10</sup>, with the task of digging the Ja'farī canal, near Samarra. Al-Farghānī's attempt at this project was not a success; but before his failure became apparent from the sinking level of the Tigris, al-Mutawakkil was murdered<sup>11</sup>.

Al-Farghānī probably took part in the turbulent politics of the sons of Mūsā, who had for the philosopher al-Kindī "such an antipathy and deep aversion as turns boys into old men", as al-Bīrūnī expresses it<sup>12</sup>. Al-Bīrūnī goes on to explain al-Farghānī's vituperation about the melon-shaped astrolabe by his association of the instrument with al-Kindī, for al-Farghānī "expresses at the beginning of his book al-Kāmil what can be understood as [meaning] that al-Kindī either was the

inventor of this melon-shaped astrolabe or had a preference for it and used it" – a passage unfortunately not in the extant manuscripts of al-Kāmil. Al-Farghānī was chosen to direct the canal project although a better engineer, Sanad ibn 'Alī, was available<sup>13</sup>. We may note that the only mathematician al-Farghānī mentions in his astrolabe treatise, apart from Euclid and Ptolemy, is Muḥammad ibn Mūsā – for a minor result used in the proof of the fundamental theorem of stereographic projection (Chapter 1, lines 40-41) and for his judgement of the melon-shaped astrolabe (Chapter 7, lines 62-64).

A likely date of al-Kāmil, the treatise edited here, is 225 Yazdijird (856-857 AD), the date of the star table included in it.

Al-Farghānī's most influential work was a 30-chapter summary of Ptolemaic astronomy, Jawāmi' 'ilm al-nujūm wa-usūl al-harakāt alsamāwīya (Compendium of the science of the stars and the foundations of the celestial motions), though it also went under many other names. It is extant in numerous manuscripts (Sezgin mentions fourteen<sup>14</sup>) and was printed by Golius with his own Latin translation (Amsterdam, 1669). The Arabic text was twice translated into Latin in the twelfth century, by Johannes Hispalensis and by Gerard of Cremona, and also into Hebrew by Jacob Anatoli, perhaps between 1230 and 1235<sup>15</sup> the Hebrew being again translated into Latin by Jacob Christmann (printed Frankfurt, 1590). The translation by Johannes Hispalensis was printed in Ferrara in 1493 and, together with the astronomy of al-Battānī, in Nuremberg in 1537. Carmody [1956, 113-15] lists 30 manuscripts, to which Benjamin adds another 46. Clearly, this was a very influential text, particularly in Latin. By contrast, al-Kāmil was not so widely known - there were no translations into Latin - but it was influential among Arabic writers on the astrolabe.

The following works are either lost or are known only in fragments: al- $Kal\bar{a}m$  ' $al\bar{a}$   $his\bar{a}b$  al- $aq\bar{a}l\bar{i}m$  al-sab'a (Statement on the calculation of the seven climates), of which there is a fragment in the Egyptian National Library<sup>16</sup>;  $Kit\bar{a}b$  al- $rukh\bar{a}m\bar{a}t$  (Book of sundials), ascribed to him in the  $Fihrist^{17}$ ; Ta' $l\bar{i}l$  li- $z\bar{i}j$  Muhammad ibn  $M\bar{u}s\bar{a}$  al-

<sup>&</sup>lt;sup>8</sup>Except where an explicit source is quoted, this short account is based on Sezgin, GAS V 259-260 and VI 149-151; Sezgin, Editor's Preface in Al-Farghānī [1986]; Sabra [1971]; King [1986], item B18, p. 34. Variations in al-Farghānī's name (in particular with Muḥammad for Aḥmad ibn Muḥammad, so that there are two al-Farghānīs) are dismissed by Sabra.

<sup>&</sup>lt;sup>9</sup>This was suggested by F. Charette [1998], p. 2. I am most grateful to Dr. Charette for letting me see this paper before publication.

<sup>&</sup>lt;sup>10</sup>In referring explicitly to Muḥammad and Aḥmad, and not to the Banū Mūsā (i.e. Muḥammad, Aḥmad and their brother al-Ḥasan), we are copying Ibn Abī Uṣaybi'a, our source. Sabra follows the same practice in his article in the *DSB* [1971].

<sup>&</sup>lt;sup>11</sup>See Ibn Abī Uṣaybi'a [1882], pp. 207-208, reporting from Aḥmad ibn Yūsuf ibn Ibrāhīm (presumably the tenth-century mathematician), who had the story from Abū Kāmil Shujā' ibn Aslam al-Hāsib, the well-known writer on algebra.

<sup>&</sup>lt;sup>12</sup>In the *Istī āb al-wujūh al-mumkina fī ṣan'at al-asṭurlāb*. See Kennedy-Kunitzsch-Lorch [1999], pp. 184–187.

<sup>13</sup> Ibn Abī Usaybi'a, ibid.

<sup>&</sup>lt;sup>14</sup>Sezgin, *GAS* VI, p. 150

<sup>&</sup>lt;sup>15</sup>Steinschneider [1893], p. 555.

<sup>16</sup>MS Muştafā Fādil, mīqāt 194,3, f. 32r, 876H.

<sup>&</sup>lt;sup>17</sup>Ibn al-Nadīm [1871-72], p. 279.

rants (the upper left quadrant in the diagrams of CBT<sup>23</sup>) is divided

into 90 degrees, marked 1 to 90, and on the rim of the opposite quadrant

(lower right) are the markings for the projected shadows. Presumably

On the back of the instrument, the rim of one of the upper quad-

Khwārizmī (the explanation for the zīj of Muḥammad ibn Mūsā al-Khwārizmī, mentioned by al-Bīrūnī in his Istikhrāj al-awtār<sup>18</sup>); 'Ilal al-aflāk (The reasons behind [the motions of] the spheres), of which there is a fragment in al-A'lāq al-nafīsa by the late-ninth century geographer Ibn Rustah<sup>19</sup>. An anonymous Bāb fī ma'rifat al-awqāt allatī yakūn fīhā al-qamar fawqa al-ard (Chapter on determining the times in which the Moon will be above the Earth) may also be by al-Farghānī<sup>20</sup>.

## 3. The markings on the astrolabe described by al-Farghānī

On the rete the zodiac, with graduations, and twenty-five fixed stars are marked. On the plate of the "sixth" astrolabe<sup>21</sup> described by al-Farghānī there are: the three parallel circles – the equator and the tropics of Capricorn and Cancer - and the north-south and the east-west lines (vertical and horizontal, respectively); the horizon and almucantars for every 6°; azimuths for every ten degrees; the hour lines for unequal and equal hours; the line of 'aṣr (Muslim afternoon prayer) between the eighth and tenth unequal-hour lines.

Al-Farghānī gives a full treatment of azimuths, although these lines do not appear in the description by Philoponus or on several surviving instruments from the earlier Islamic period, e.g. the oldest dated Arabic astrolabe, made by Naṣṭūlus, of 315/927-28<sup>22</sup>. It is possible that the lines for unequal hours and equal hours were alternatives, though MS T (f. 39r) has a diagram showing both together.

pp. 53 and 74-75.

the construction lines (ES, TSH, etc. in Fig. 5.6) were erased after use. Al-Farghānī uses these shadow markings in his calculations for the line of ' $asr^{24}$ . No doubt they were meant for other purposes as well. They are to be found on surviving instruments, some of them relatively early, e.g. on Khafīf's astrolabe (before  $300/913)^{25}$ . Both in al-Farghānī's description and in Khafīf's instrument the scale goes from 1 to 45. Mayer gives photographs of astrolabes with shadow scales going to 25. His plate IV, of an instrument made by Muḥammad ibn Abī 'l-Qāsim in 496/1102-1103, shows an instrument with both, the 45-scale carrying the label al-aqdām (feet). We note that al-Farghānī relied on a graphic procedure to find shadow-lengths and did not reduce the procedure to tabulated results.

### 4. The form and style of al-Kāmil

Al-Farghānī's treatise is in seven chapters: 1. mathematical preliminaries (including the fundamental theorem of stereographic projection); 2. a discussion of the lines and circles on the astrolabe; 3. the method of calculating the semidiameters and the positions of the centres of the circles; 4. the tables themselves, as calculated by the methods of the previous chapter; 5. and 6. a description of the northern and southern astrolabes; 7. a diatribe against other forms of the instrument.

Throughout the approach is that of a mathematician rather than an artificer. Little information is given on the physical form of the instrument. Thus the pointer on the rete is not mentioned; nor is the way the instrument is put together. Segonds notices similar omissions in Philoponus' text, but explains this by supposing that the readers are assumed to have an astrolabe in their hands<sup>26</sup>. Another omission

<sup>&</sup>lt;sup>18</sup>Al-Bīrūnī [1948], pp. 128 and 168.

 <sup>&</sup>lt;sup>19</sup>See Sezgin, GAS VI, p. 151. Brockelmann (vol. I, p. 250 = 221 in the original pagination -, and Suppl. I 393) mentions manuscripts for this title.
 <sup>20</sup>Mustafā Fādil, mīqāt 194,2, f. 31v. See King, [1986], p. 34.

<sup>&</sup>lt;sup>21</sup> suds al-asturlāb, elsewhere also called "the sudsi astrolabe", a sixth of a complete astrolabe, i.e. one with an almucantar for ever six degrees and a graduation every six degrees on the zodiac circle (see Chapter 5, lines 36-38 and 140-141). Cf. Philoponus [1981], pp. 146-147 and 154-155. Al-Farghānī considers azimuths for every ten degrees as suitable for a "sixth" astrolabe. For the various types of astrolabe in this sense – half, third, sixth, etc. –, see Kunitzsch [1993]. An old Arabic text naming these types of astrolabe is in MS B: see Charette-Schmidl, text 5,

<sup>&</sup>lt;sup>22</sup>This is now in the Kuwait National Museum. For a photograph of the instrument, see Jenkins [1983] p. 39. Of the seven oldest astrolabes noted by King [1994], only one (no. 1.4) has azimuths (on the plates for 34° and 36°). Here and elsewhere two numbers separated by an oblique stroke represent equivalent Muslim and Christian years.

<sup>&</sup>lt;sup>23</sup>Of the very poor diagrams in K one (p. 171) has 18 graduations in the top right quadrant, but no shadow markings, and the other (p. 172) has 15 graduations in each of the two lower quadrants. We have followed **CBT**.

<sup>&</sup>lt;sup>24</sup>For a survey of the use of shadows for timekeeping, see King [1990].

<sup>&</sup>lt;sup>25</sup>Mayer [1956], Plate 1.

<sup>&</sup>lt;sup>26</sup>Philoponus [1981], p. 25.

in al-Kāmil is that the mater is never described as containing a set of plates for different latitudes. In fact, the mater is mentioned, as umm, only in cases in which "plate" would be appropriate (Chap. 5, lines 68-70) and, as bāṭin, when describing where the central point of the back of the astrolabe is (Chap. 5, lines 243-244). On the other hand, not all practical details are omitted. Thus, while no indication is given of how big the instrument may conveniently be made, al-Farghānī is careful to specify the relative dimensions of the strips on the rete that hold it together and support the stars; he also stipulates that the rete should be as thick as two plates.

Some old surviving astrolabes have plates for the seven climates. This is true of the mater of the instrument that is probably the oldest surviving eastern astrolabe, made by Aḥmad ibn Kamāl, perhaps ca.  $800^{27}$ , and of the oldest witness to a western Arabic astrolabe tradition, the drawings in MS Bibliothèque nationale de France, lat. 7412, copied from an instrument made by Khalaf ibn Muʻādh²8. But in his tables al-Farghānī shows no sign of favouring the climates and gives values for the almucantars and azimuths for latitudes 0° and 15(1)50°.

In general, al-Farghānī's technical vocabulary is the common mathematical language of his time. Perhaps two terms may be noticed here. First, he refers to the east-west line on the instrument as ufq al-falak al-mustaqīm (horizon at sphaera recta). We may note that Ibn al-Ṣalāḥ uses the term ufq al-istiwā' in his treatise on projection<sup>29</sup>; this term is also to be found inscribed on the front of the mater of an astrolabe by Ḥāmid ibn 'Alī al-Wāsiṭī dated 343/954-55<sup>30</sup>, showing the projections of twelve horizons. Secondly, al-Farghānī's term for "gnomon", a rod whose shadow is used as a measure of time, is 'ūd.

It is clear from passages in Chapter 3 (lines 107-112, 139-141 and 148-150) that when al-Farghānī is considering right ascensions, he measures both ascension and corresponding longitude from the colure through the beginning of Capricorn and that he has before him ascension tables drawn up with such coordinates. It could well be that the table of ascensions that was transmitted with the text (i.e. Table 2,

below) was substituted for the original at some stage, for it begins, as Ptolemy's does, at an equinox. A table of right ascensions beginning with Capricorn was presented by Al-Battānī in his  $z\bar{\imath}j^{31}$ . This tradition can also be traced in Theon of Alexandria<sup>32</sup>. A similar table, calculated to seconds, appears in al-Khwārizmī's  $z\bar{\imath}j^{33}$ . We note that the table implied by al-Farghānī has the longitudes, in the first column, counted continuously and not defined by signs and degrees within the signs (as in al-Khwārizmī and al-Battānī).

A curiosity of the text is al-Farghānī's occasional use of letters more than once in a diagram. The most obvious example is in his description of the northern rete, our Fig. 5.1. Here Z H T K L all appear in the main diagram, but Z H T are also used in a subsidiary diagram showing a rule with divisions drawn on it, which is considered and described at the same time as the main diagram; and later the positions of two stars are indicated by using points H T K L. True. one manuscript, T, has different letters here, from the end of the abjad alphabet. Though T's readings were accepted for two letters against all the other manuscripts, it seems likely that the copyist of T (or of his exemplar) saw the duplication of H T K L and changed them<sup>34</sup>. It is possible that the author considered the main and subsidiary diagrams as separate (despite mixing their descriptions) and intended a new diagram to be drawn when the two stars are treated; but this does not accord completely with the text. In the edition below a compromise is made between explicit indications and hints in the text and the transmitted diagrams.

#### 5. Al-Farghānī and his predecessors

In the beginning of Chapter 5 al-Farghānī speaks clearly of his predecessors: he sets out tables with respect to the north pole "following in it the practice of the Ancients" (Chap. 5, lines 7-8) – here the Ancients' choice of the north pole rather than their drawing up tables

 $<sup>^{27}\</sup>mathrm{Apart}$  from the mater the plates have not survived. See King [1994], Section 2, item 1.

<sup>&</sup>lt;sup>28</sup>Kunitzsch [1998].

<sup>&</sup>lt;sup>29</sup>See the extract reproduced in Appendix 3.

<sup>&</sup>lt;sup>30</sup>King [1994], Section 2, item 9a.

 $<sup>^{31}\</sup>mathrm{Kennedy}$  [1956], p. 33; Battānī [1899–1907], II pp. 61–64; cf. also I 163–164 and bxvii.

<sup>&</sup>lt;sup>32</sup> Ibid., II xvii; Theon [1822], pp. 148-155.

<sup>&</sup>lt;sup>33</sup>Kennedy [1956], p. 26; Khwarizmī [1914], p. 171-172; Neugebauer [1962], 104; cf. also *ibid.*, p. 48.

<sup>&</sup>lt;sup>34</sup>My criterion was principally the preservation of sequences of letters from the *abjad* alphabet.

Al-Farghānī's value for  $\epsilon$ 

is probably meant. Further, he describes the plates as "in the way in which the practitioners of this art are still making them"; again, the alidade with sights, the pin and the "horse" are described as being "as they have always been made". But he says in the introduction (lines 14–15) that he has not heard of anyone's putting down a description of the construction of the astrolabe in a book.

Presumably he had not seen the short treatise on the construction of the astrolabe that has been attributed to al-Khwārizmī<sup>35</sup>, which, ironically, shares a manuscript with al-Kāmil (our B). The two texts are quite different. For instance, al-Farghani has azimuths and the other author has not. Again, the shadow markings on the back of the instrument are different: in our Fig. 5.6 H is not defined in the same way and in the putative Khwārizmī text the ends of the shadows are not projected onto the circular rim of the instrument<sup>36</sup>. Al-Khwārizmī is reported by the Fihrist to have been intimately connected with the Bayt al-Hikma, the well-known academy in Baghdad<sup>37</sup>, to which the Banū Mūsā and al-Farghānī also belonged, though not necessarily at the same times. Even if the ascription of the short text to al-Khwārizmī is rejected, some difficulty remains, for Ibn al-Nadīm<sup>38</sup> says he wrote two treatises on the astrolabe, one on the use ('amal bi'l-asturlāb) and one on the construction ('amal al-asturlāb) of the instrument: how did al-Farghānī not hear of them?

It is clear from al-Farghānī's introduction that the astrolabe was well known in his time. We have no reason to doubt that he had no astrolabe literature to refer to and that he worked out a fresh mathematical basis for the instrument from first principles. Whether he was chronologically the first in the field is another matter.

In Chapter 2 al-Farghānī describes not only the projection of circles that normally go into an astrolabe, but also (1) great circles through the points of intersection of horizon and meridian, which he does not mention again, and (2) great circles through the poles of the zodiac, which he mentions again only in passing (Chapter 3, at the beginning of section 4). In the first case we are reminded of the

horarius (ὡριαῖος) circles of Ptolemy's Analemma<sup>39</sup>, and in the second of Ptolemy's Planisphaerium. But neither work is known to have been translated by al-Farghānī's time<sup>40</sup>.

## 6. Al-Farghānī's value for $\epsilon$

The value of the obliquity of the ecliptic accepted by al-Farghānī is not a simple matter. Only a few easily ascertainable facts are presented here, but no firm conclusions. In al-Kāmil the value 23;33° is given in the worked examples in the text. On the first occasion (Chap. 3, lines 10–11), he says, "as we found by observation in our time, that is 23°33'". Charette found that the value of  $\epsilon$  underlying Table 2 is the Ptolemaic 23;51°, but he reasonably suggests that al-Farghānī had simply copied this table from an earlier one<sup>41</sup>.

In the fifth of the thirty chapters of his Jawāmi' 'ilm al-nujūm he also refers to the obliquity of the ecliptic. In Golius' edition of 1669 and in the translation by Gerard of Cremona he reports Ptolemy's value of the obliquity as 23;51° and the Mumtahan value as 23;35°<sup>42</sup>. But in the 1537 edition the translation by Johannes Hispalensis gives Ptolemy's value as 24 and the Mumtahan value as 23;33°.

According to al-Bīrūnī's  $Tahdīd^{43}$ , Yaḥyā ibn Abī Manṣūr made observations, at the behest of Caliph al-Ma'mūn, in the year 213H (= 197 Yazdijird) at Shammāsīya (Baghdad). From the maximum and minimum midday altitudes of the Sun he obtained the value  $\epsilon=23;33^\circ$ . This value he used in his  $z\bar{\imath}j$ . Al-Khwārizmī reported the observations as an eye-witness. However, in the following year, 214H (= 198 Yaz.), different values were found for the two altitudes, which yielded the value

<sup>&</sup>lt;sup>35</sup>King [1983a], pp. 23-27. The text has recently been edited by Charette and Schmidl and will shortly appear in print.

<sup>&</sup>lt;sup>36</sup>Compare Chap. 5, section 8, below, with Charette-Schmidl, p. 39.

<sup>&</sup>lt;sup>37</sup>Ibn al-Nadīm [1871-72], p. 274, says that al-Khwārizmī was intimately connected (kāna mungati'an...) with the Khizānat al-Hikma of al-Ma'mūn.

<sup>38</sup> Ibn al-Nadīm, ibid.

<sup>&</sup>lt;sup>39</sup>The *horarius* is the circle through the Sun and the north and south points of the horizon. See Gibbs [1976], pp. 109-117; Luckey [1927], pp. 20ff.

<sup>&</sup>lt;sup>40</sup>We know only that the *Planisphaerium* was translated before its use by Ibrāhīm ibn Sīnan ibn Thābit (909-946); see Kunitzsch [1995-96], p. 52. It seems unlikely that the Pappus commentary on the *Planisphaerium* mentioned by Ibn Nadīm [1871-72], p. 269, lines 8-9, was available to al-Farghānī.

<sup>&</sup>lt;sup>41</sup>Charette [1998], p. 5. For another possibility, that it was substituted for the original, has already been suggested (section 4 above)

<sup>&</sup>lt;sup>42</sup>Al-Farghānī [1669], p. 18 (also p. 18 in Golius' Latin translation). For the Latin translation by Gerard of Cremona, see MS Paris, Bib. nat. de France, lat. 16202, f. 4v.

<sup>&</sup>lt;sup>43</sup>See al-Bīrūnī [1962], p. 89ff., and [1967], p. 60ff.; also Kennedy [1973], pp. 20ff. I am indebted to Charette and Schmidl, note 62, for their reference to this passage.

Al-cayyūq; precession; arithmetic and trigonometry

 $\epsilon=21;35$ . Al-Ma'mūn rejected the first value. He also ordered Khālid ibn 'Abd al-Malik al-Marwarrūdhī to make observations at Damascus. Al-Bīrūnī goes on to record Khālid's results and those of later observers. Of these we may note the  $23;34,30^{\circ}$  found by Muḥammad and Aḥmad ibn Mūsā from observations in years 243H (226 Yaz.) and also from observations in year 245H (Yaz. 228); their observations from years 254-255 (Yaz. 237-238) in Baghdad yielded the value  $23;35^{\circ}$ .

It would appear that al-Farghānī took his value of 23;33° from Yaḥyā ibn Abī Manṣūr. Why he preferred it to 23;35° is not clear.

## 7. Observation of al-'ayyūq; value for precession

Apart from the measurement of the midday solar altitudes to find  $\epsilon$ , the only observation claimed by al-Farghānī as his own (in both cases the expression is wa-huwa 'alā mā wajadnā bi-'l-raṣad fī zamāninā, "and it is as we found by observation in our time<sup>44</sup>) is of al-'ayyūq ( $\alpha$  Aurigae) in year Yazdijird 225 (=856-57 AD): he found the longitude and latitude to be Gem 5;20° and 22;50°. These are the values given in the Mumtaḥan Tables with 15′ added to the longitude. Accordingly, al-Farghānī finds the position of most of the stars in his list by taking over the Mumtaḥan values and adding 15′ to the longitude.

Since the date of the observation differs from that of the Mumtaḥan Tables by about a quarter of a century, the observation would seem to confirm Ptolemy's value for precession of 1° in 100 years<sup>45</sup>. This is indeed the value favoured by al-Farghānī in the Jawāmi', once attached to Ptolemy's name in Chapter 13<sup>46</sup> and once with no name in Chapter 19<sup>47</sup>. Although he knew the Mumtaḥan Tables well enough to take over the star table, he did not so much as mention the Mumtaḥan value for precession, 1° in 66 years. This value is clear both from the tables<sup>48</sup> and from al-Ṣūfī's confirmation<sup>49</sup>; it is the value used by most

astronomers of this early period<sup>50</sup>. It is possible that his observation of al-' $ayy\bar{u}q$  was guided by a consideration of what it ought to be according to the precessional value of 1° in 100 years – especially as the instruments available to him could scarcely be accurate to a few minutes. Another possibility is that the mention of the observation is a literary convention. If this is the case, then perhaps the observations for the obliquity of the ecliptic and even al-Farghānī's not knowing previous literature on the astrolabe may also be regarded as polite fiction.

### 8. Arithmetic and trigonometry in al-Kāmil

#### Arithmetic

Apart from some addition and subtraction all the arithmetic and trigonometry in al- $K\bar{a}mil$  is to be found in Chapter 3. With one exception al-Farghānī takes sexagesimal division to as many places in the result as the greater number of places of the dividend and divisor. The exception is the calculation of the important constant 19;39, which he needs for calculating his basic table (Table 1). His reason for approximating in this case was probably to save time in calculating the table, for the results would still be more than accurate enough for an artificer. In Chapter 3, section 6,  $\sqrt{26;12^2-22;41^2}$  is found to be 13;6. Since a modern calculation yields 13;6,41, it appears that al-Farghānī has rounded down in this case.

#### Sines

In al-Kāmil there is no mention of chords. The trigonometrical functions used are the sine and the versed sine, both with base 60. These functions were taken over from the Hindu mathematicians some generations before al-Farghānī. In the text of the treatise the following values of sines are given (the numbers in brackets being the section and line number of Chapter 3):

```
Sin 66;27^{\circ} = 55;0,10 (1: 16-17, 118)
Sin 44;27^{\circ} = 42;1,1 (1: 119-120)
Sin 111;37^{\circ} = 55;46,49 (4: 121-122)
```

<sup>44</sup>Chap. 3, lines 10-11 and 105-106.

<sup>&</sup>lt;sup>45</sup>This seems not to have been realised by Destombes [1958]. He gives the date of al-Farghānī's star table as 846, apparently deriving it from the *Mumtahan* values of precession. See Kunitzsch [2003], p. 348.

 <sup>&</sup>lt;sup>46</sup>Al-Farghānī [1669], p. 49, and [1537], p. 13r.
 <sup>47</sup>Al-Farghānī [1669], p. 74, and [1537], p. 19r.

<sup>&</sup>lt;sup>48</sup>See, e.g., Vernet [1956], p. 203 (513 in the reprint), where he quotes a passage on the motion of apogees.

<sup>&</sup>lt;sup>49</sup>Al-Sūfī [1954], p. 24f.

<sup>&</sup>lt;sup>50</sup>Al-Battānī claimed to have obtained it by observation. See Battānī [1899–1907].
I, p. 124.

Arithmetic and trigonometry

```
\sin 60^{\circ} = 51;57,42 (6: 259–260, 261–262)
```

To these we may add Versin 16;27° = 36;1,37, which implies

$$\sin 23;33^{\circ} = 23;58,23$$

All these, except Sin 44;27° and Sin 111;37°, are obtainable from Ptolemy's table of chords by using the entry in the difference column in the interpolation and rounding the second sexagesimal fractional place in the modern way. The value of Sin 111;37° thus obtained in Ptolemy's table is 55;46,48,12. Similarly, Sin 44;27° comes out as  $\frac{1}{2} \cdot 84$ ;2,3. The value 42;1,1 given by al-Farghānī for the sine may be explained either by a rounding down (and al-Farghānī was not consistent with his rounding – see below) or by supposing that in Ptolemy's table the chord of  $88\frac{1}{2}$ ° was not 83;44,5°, but 83;44,4°51. We may note that Ḥabash al-Ḥāsib (fl. late 9c.) in the sine table of his  $z\bar{i}j$ , which was probably taken from a chord table  $^{52}$ , probably Ptolemy's, has Sin  $44\frac{1}{4}$ ° = 41;52,2,0, which implies that chord  $88\frac{1}{2}$ ° = 83;44,4). Further, all the values of al-Farghānī's inverse sines,

```
Sin^{-1} 41;25,53 = 43;40^{\circ} (4: 127)

Sin^{-1} 9;39,59 = 9;16,16^{\circ} (4: 137–8)

Sin^{-1} 45;0,1 = 48;35^{\circ} (6: 264–265)
```

could have been found from Ptolemy's table without any error. It is possible, therefore, that al-Farghānī used Ptolemy's chord table, maybe converted to sines as Ḥabash's was, since by this hypothesis only one value in eight is inaccurate and that by one sexagesimal second. This hypothesis is confirmed by an analysis of Table 1 (section 8 below).

## Spherical trigonometry

For computation in spherical astronomy al-Farghānī uses Menelaus' theorem twice (Chapter 3, lines 95-98 and 129-131), when finding the declination and *mediatio* of a star. Here he was copying Ptolemy,

as he said, evidently making a reference to Almagest VIII 5. In his calculation of azimuths, however, he uses the so-called Rule of Four Quantities (Chapter 3, lines 257–258). This is not so very remarkable, since Ptolemy's first application of Menelaus' theorem, to find the declination of a point on the ecliptic, is tantamount to a statement of the rule<sup>53</sup>.

#### The tables

For an analysis of the tables the reader is referred to the work of Charette<sup>54</sup>. Only a few remarks will be added here. After some initial tries, Charette reached the conclusion (as did the present writer) that the sine table underlying Table 1 was a sine table with sines in parts, minutes and seconds. With this hypothetical sine table he removed most of the errors of Table 1 shown up by modern recomputation. High values of the argument (here called  $\theta$ ) yield values of the result that are sensitive to slight variation in the values of the sines used to work them out. Of the last four entries the use of the hypothetical sine table produces an error only in the result for  $\theta = 178$ . The use of Ptolemy's chord table (or Habash's sine table, which appears to reproduce a chord table - see above) yields perfect results if variable rounding is applied (in every case the rounding is of 30''', to make an extra 1'' or 0'': if the result is rounded down in the second fractional sexagesimal place for  $\theta = 176$  and  $179^{55}$  and up for  $\theta = 177$ . Since al-Farghānī's practice in rounding 30" in Table 4 appears to obey no law and we may suppose that the same may be said of whoever compiled the sine table used by al-Farghānī, the suggestion is here made that al-Farghānī used a sine table based on a chord table, probably Ptolemy's.

Table 2 has already been discussed (see sections 4 and 6 above). For the star table (Table 3) the reader is referred to the commentary placed after the table itself in the translation below. In Table 4 each entry is calculated by halving the sum or difference of two values in Table 1. Thus there is frequent necessity for rounding  $\frac{1}{2}$ '. The "hours" for each latitude, i.e. the hours of maximum daylight, correspond to  $\epsilon = 23:51^{\circ 56}$ .

<sup>&</sup>lt;sup>51</sup>Heiberg has 83;41,4, but this should be emended to 83;44,5 (the value used in the modern calculation). See Toomer [1984], p. 58; Glowatzki and Göttsche [1976], p. 65; and Toomer's review of the latter [1977], p. 22.

 $<sup>^{52}</sup>$ It is tabulated for every  $\frac{1}{4}^{\circ}$  of arc and the only values in the third sexagesimal fractional place of the sines are 0 and 30 (with only two exceptions, 15 and 45, in the 360 entries) – an indication that each sine had been calculated by halving something, presumably a chord, given to two sexagesimal fractional places.

<sup>&</sup>lt;sup>53</sup>See Lorch [2001], pp. 395–397.

<sup>54</sup> Charette [1998],

<sup>&</sup>lt;sup>55</sup>In this case Ḥabash's value for the sine is the one that produces the result in the table.

<sup>&</sup>lt;sup>56</sup>See Charette [1998], p. 7.

#### 9. Two texts based on al-Kāmil

## 1. An anonymous summary (Ikhtiṣār) in a Tunis manuscript

An anonymous text in 14 folios in the Bibliothèque Nationale de Tunisie, MS 12983, presents an abbreviation of al-Farghānī's treatise. It consists mostly of cut-and-dried formulae. On ff. 9v-10r it gives the date 681/1282-3 for a star table and explicitly attributes the precessional value of  $1^{\circ}$  in  $70\frac{1}{4}$  years to Ibn Yūnus.

## 2. Al-Bakhāniqī's extension of al-Kāmil

In MS Dublin, Chester Beatty 4090, there is a "Book of the completion of the construction of the astrolabe" by the erudite sheikh Shams al-Dīn Aḥmad ibn Muḥammad al-Azharī al-Bakhāniqī. The author says in the introduction that he wanted to complete al-Farghānī's treatise, which only considered geographical latitudes of 0° and 15(1)50°. In the tables after the text he indeed gives values of the various quantities for all latitudes. Most of his text is, like the summary considered above, taken up with brief formulae.

Al-Bakhāniqī compiled these tables for Abū Ḥafṣ 'Umar, the vizier and  $q\bar{a}d\bar{i}$  of al-Mujāhid, the Rasulid Sultan of the Yemen (r. 721–764/1321–1363)<sup>57</sup>.

## 10. The manuscripts

Al- $K\bar{a}mil$  is to be found in the following manuscripts, listed in the order of citing them in the apparatus to the text, with their sigla.

- C Berlin, Staatsbibliothek, Landberg 58, 60 ff. (Ahlwardt 5791), 778/1376-77.
- B Berlin, Staatsbibliothek, Landberg 56, ff. 1v-77r (Ahlwardt 5790), ca. 900/1495.
- T Tehran, Majlis 6412, ff. 2r-48v, beginning (only f. 1v?) missing, 8c./14c..

- S Tehran, Sipahsālār 702, 144 pp., ?12c./18c<sup>58</sup>.
- D Berlin, Staatsbibliothek, or. quart. 99, 37ff. (Ahlwardt 5792), 783/1381-82 (Tables in Chap. 4 to Chap. 7 only; Table 2, on ascensions, missing).
- M Meshhed, Riḍā 392 (old no.: 5593), pp. 128-156, 867/1462-63 (see below); ends just short of the tables in Chapter 4.
- L London, British Library, Or. 5479, ff. 37v-85r (old foliation: 33v-75r), 13c./19c.
- K Kastamonu, Halk Kütüphanesi 794/4, pp. 89-170 (two or more hands).
- P Paris, Bibliothèque nationale de France, ar. 2546, ff. 52v-91r, 1107/1695-96.

There are further fragments<sup>59</sup>, which have not been used in the edition.

#### Related material in the codices

In B, following al-Kāmil, there are some shorter texts on the astrolabe and other instruments, for which see above, section  $5^{60}$ . Ff. 61v-66r of MS T contain an acephalous copy of Ibn al-Ṣalāḥ's treatise on projection (Part I, Prop. 13 to the end); and in ff. 49v-60v there is a text on the instrument  $dh\bar{a}t$  al-shu'batayn. L has several items of related interest: Abū 'l-Ṣalt on the astrolabe (ff. 2r-36v), Sharaf al-Dīn al-Ṭūsī on the linear astrolabe (ff. 86r-104v) and 'Alī ibn 'Īsā on the horizons plate (al-afaqiya) (ff. 105r-107v). M and Meshhed 393 (old number 5521) were originally one volume; all fourteen items in the two manuscripts are mathematical, but there is no further astrolabe

<sup>&</sup>lt;sup>57</sup>See King (1983), pp. 34-35. King reads "Abū Ja'far", not "Abū Ḥafs".

<sup>&</sup>lt;sup>58</sup>The colophon is dated to the last day of Rabī' I, 653 [=13 April, 1255], but since the writing seems much more recent, the colophon was probably copied with the text. On the titlepage there is a notice that the manuscript came into the library of 'Alīqulī Mīrzā on the last day of Rābī' I, 1276 [27 October 1859].

<sup>&</sup>lt;sup>59</sup>King [1986], item B18 on p. 34, col. 1, mentions the following fragments in the Egyptian National Library in Cairo: Dār al-Kutub, mīqāt 103, ff. 29v-56v, ca. 750H [date in another text, f. 72r: 675H], from Chap. 1, line 15, to the tables in Chap. 4; Dār al-Kutub, mīqāt 106, ff. 13r-33v, ca. 1200H, some tables only; falak wa-riyāḍa 3815,6, 183r-198r, ca. 1100H; Dār al-Kutub, mīqāt, 644,3, Table 1 only. Brockelmann (I p. 250 – 221 in orignal pagination) gives, under the title k. 'Amal al-asturlāb, Rāmpūr I, 42,64b, and under Ġadwal al-Farġānī, Patna II, 336,2520,8. The last item may well be some or all of the tables in al-Kāmil.

<sup>&</sup>lt;sup>60</sup>See King [1983a], p. 45. For editions of these texts, with commentary, see Charette-Schmidl.

material<sup>61</sup>. Much of the first 51 folios of MS P is taken up with instruments, *inter alia* quadrants, and astronomical tables (some of them unfilled).

#### 11. Editorial conventions

The edition has been established from CBTSD, readings from the other manuscripts being recorded only in problematical passages. For a brief section edited from all manuscripts, the reader is referred to Chapter 1.

The apparatus contains manuscript readings that deviate from the edited text. The abbreviations used in the apparatus are the conventional Latin abbreviations (e.g. tr. = "transposuit"). A second apparatus is used for deliberate additions and marginal notes that are comments and not just omitted text.

Angle-brackets <> contain words that are considered to be in the original text, but do not appear in the manuscripts; square brackets [] contain words, e.g. proposition numbers, added for convenience by the editor. In the translation, square brackets contain words added by the translator to facilitate understanding; round brackets () are part of the normal punctuation.

In the Arabic text, the orthography of hamza and of the  $alifmaqs\bar{u}ra$  and the writing of numbers have been silently corrected. Trivial differences in pointing, e.g.  $yak\bar{u}n$  for  $tak\bar{u}n$ , are not reported.

The diagrams are drawn mostly to accord with the text. Some features have been taken over from the extant diagrams, preference normally being given to MS  $C^{62}$ .

For the tables S has not been used because of difficulties with reading the copy available and the relatively low value that S-readings have in the rest of the text. Of the remaining manuscripts CD and BT form two groups in the transmission of the tables. Since there

are many places where the CD reading and the BT reading cannot reasonably be explained as scribal mistakes in copying one from the other, it appears that CD are the representatives of one original and BT of another. Accordingly, it makes no sense – it does not bring us to the ancestor of CBDT – to mix CD and BT readings. Since, by comparison with recalculated values, CD is much better than BT, it was decided to reconstruct the original of CD; the BT original can be deduced from the apparatus, if desired. Thus CD readings are always preferred to those of BT, except where BT is closer to the calculated value and the CD reading could be understood as a scribal error in copying that of BT. Readings in the apparatus that are closer to the recalculated values than those accepted in the text are marked by an asterisk, \*.

## 12. Mathematical symbols

The notation usual in English mathematical textbooks is used here, e.g.  $\therefore$  = "therefore",  $\therefore$  = "since",  $A\hat{B}G$  = "angle ABG",  $\hat{B}$  = "angle B",  $A\hat{B}$  = "arc AB",  $\triangle$  = "triangle",  $\parallel$  = "is parallel to",  $\bot$  = "is perpendicular to",  $\sim$  (of triangles) = "is similar to",  $\sim$  (of quantities) means the positive difference. To these we may add  $\odot$  = "circle", Cd = "chord".

 $\theta = \alpha(\beta)\gamma$  means that  $\theta$  takes the value of  $\alpha$  and then is increased in steps of  $\beta$  until it reaches  $\gamma$ .

The medieval Arabic jayb is represented by "Sin". In a circle of radius r, Sin  $AB = r \sin AB$ .

A horizontal line over a quantity indicates the complement of the quantity; thus  $\overline{\delta}$  means 90° -  $\delta$ .

<sup>&</sup>lt;sup>61</sup>For a detailed list of contents, see Toomer [1976], pp. 26-31. The date 867H is on the first page, originally the last, of MS 393.

<sup>&</sup>lt;sup>62</sup>For special difficulties of the diagrams with letters used twice, see above, last paragraph in section 4.

# Al-Farghānī

On the Astrolabe

Arabic Text and English Translation

بسم الله الرحمن الرحيم وبه أستمين الحمد لله رب العالمين كثيراً وصلى الله على محمد النبي وعلى آله وسلم كثيراً

قال أحمد بن محمد بن كثير الفرغاني إن المتقدمين من العلماء محساب النجوم إنما أدركوا علم حركات الفلك وما يعرض فيه بالمواظبة على النظر والقياس وكان أكثر ما استدلوا به من آلات المقاييس الآلة التي تسمى ذات الحلق 5 وكانوا عملوها على ما تبين لهم من هيئة الفلك في استدارة حركاته وخاصة الحركتين الأوليين أعنى حركة الفلك الأعظم المدير للأفلاك كلها من المشرق إلى المغرب وحركة الفلك المائل التي للكواكب كلها من المغرب إلى المشرق وهذا الفلك هو فلك البروج وقطباه يدوران على قطبي الفلك الأعظم والعلة في صحة ما استدلوا به من هذه الآلة واضحة لأهل المعرفة بالهندسة 10 ورأيناهم عملوا الآلة التي تسمى الأسطرلاب مبطحة على غير خلقة الفلك استدلوا بها على كثير من حركات الفلك واختلاف الليل والنهار في أقالم الارض وأجروا الأمر في صنعتها والقياس بها على ما يلزم معه الحاجة إلى معرفة العلة في هيئتها وصحة دلالتها ولم يبلغنا أن أحداً منهم بين ذلك ولا رسمه في كتاب فكان استعمال الناس إياها على جهة التقليد لهم وإن ما 15

In the name of God, the Merciful, the Compassionate. With Him I seek help.

Praise to God, Lord of the Worlds, abundantly. May God bless the Prophet Muḥammad and his family and give [him] peace abundantly.

Ahmad ibn Muhammad ibn Kathīr al-Farghānī said: the former scholars of mathematical astronomy [hisāb al-nujūm] reached the understanding of the motions of the sphere and what appears in it by perseverence in theory [nazar] and observation  $[qiy\bar{a}s]$ . The observational instrument with which they achieved most was the instrument that is called the armillary sphere  $[dh\bar{a}t \ al-halaq]$ . They made it according to what was clear to them of the form of the sphere in the circularity of its motions and especially the two principal motions, i.e. the motion of the greatest sphere, which turns all the spheres from east to west, and the motion of the oblique sphere, which belongs to all the planets, from west to east - this sphere is the sphere of the signs and its poles rotate about the poles of the greatest sphere. The reason for the correctness of what they achieved with this instrument is plain to those versed in geometry. We have seen that they [also] made the instrument, called the astrolabe, flat [mubattah], different from the shape of the sphere. With it they found [the explanation of] much of the motions of the sphere and the difference of night and day in the climates of the Earth. In constructing it and observing with it they proceeded according to what is required by the need to understand the reason for what it looks like and the correctness of what it shows. It has not reached us that any of them explained that or laid it down in a book. People's use of it was by way of following their [sc.the former scholars'] tradition.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> falak. In this introduction the word kura occurs only in the combination kurat al-falak, which is translated as "sphere of the heavens".

يخرج بها من حركات الفلك موافق لما يخرج بآلة ذات الحلق وما يخرج أيضاً بالحساب وإن لم يكن في ذلك برهان على صحتها ولا دليل على علتها فكان ما ذكرنا من اشتباه الأمر فيها مما دعا عدة ممن يوصف بالعلم في زماننا إلى أن زعموا أنها ليست بمعمولة على الحقيقة وتوهموا أن يكون المبتدئ لصنعتها اعتسف عملها على غير صحة ولا يقين فوضعوا بقدر بلوغ المعرفة في ذلك 20 سبيلاً يدلون بها على صنعة الأسطرلاب على ما يصح عليه عندهم على خلاف ما لم يزل يعمل عليه ظناً وتخيلاً فلذلك وضعنا كتاباً جامعاً نبين فيه صحة ما عمله الأولون من هيئة الأسطرلاب ووجه العلة فيها وحقيقة دلالتها واستخراج مقادير جميع الدوائر التي تتشكل في الأسطرلاب عن كرة الفلك وصفة تخطيطها فيها لحميع نواحي الأرض وإبطال كل ما خالف من هيئة عملها 25 الوجه الذي عمل عليه القدماء ونأتي على كل باب من ذلك بدلائل واضعة وبرهانات هندسية في اختصار من الوصف وإيحاز من القول وبقدر ما يستطيع فهمه المتوسط في العلم بالهندسة وحساب النجوم وإن احتجنا في شيء مما تدل عليه إلى استشهاد شيء مما وضعه العلماء في كتبهم أمر رناه صفحا فقط وجعلنا ما رسمنا في كتابنا هذا لحسن التقدير في سبعة أنواع ، 30 النوع الأول في تقديم أشكال هندسية يستدل بها على علة هيئة الأسطرلاب،

The motions of the sphere that are obtained by it are consistent with what is obtained by the armillary sphere and also [with] what is obtained by calculation, though there is in that no proof of its correctness and no evidence of its theoretical basis. The dubiousness of the matter in it that we have mentioned induced a number [of people] renowned in our time for knowledge to maintain that it cannot be made according to reality; they imagined that the one who undertook to make it made it at random, not strictly correct and not [based on] safe knowledge. They laid down a method as far as they understood the matter, leading to the making of the astrolabe according to what they thought to be right, contrary to its still being made according to supposition and imagination. So I wrote a comprehensive book in which I demonstrate the correctness of the form of the astrolabe as made by the Ancients [al-awwalūn], its theoretical basis, the truth of what it shows, the obtaining of the sizes of all the circles that are formed on the astrolabe to replace the sphere of the heavens, the description of their construction on it for all regions of the Earth, the refutation of everything in the form of its construction which contradicts the way in which the Ancients [al-qudamā] proceeded. We shall accomplish each chapter of that with clear demonstrations and geometrical proofs in an abbreviated form of description, in few words, and in such a way that one of middle standing in the science of geometry and mathematical astronomy can understand it. If I need, in something that it shows [i.e. some astronomical phenomenon shown by the astrolabel, to have recourse to the testimony of something laid down by the scholars in their books, I only pass over it superficially. For a good distribution of what I have laid down in this book of mine, I have divided it into seven chapters: the First Chapter, on setting out geometrical propositions leading to the rationale of the form of the astrolabe;

Al-Farghānī, Astrolabe, Chapter 1

النوع الثانى فى تبيين علة هيئة الأسطرلاب وأن جميع ما يتشكل فى كرة الفلك من الدوائر فإنه يتشكل فى سطح الأسطرلاب دوائر وخطوطاً مستقيمة ، النوع الثالث فى معرفة استخراج مقادير الدوائر التى تقع فى سطح السطرلاب ومواضع مراكزها بالحساب ، النوع الرابع فى وضع مقادير الدوائر وأقسامها ومواضع مراكزها لجميع الأقاليم فى الجداول ، النوع الخامس فى صفة تخطيط الأسطرلاب على ما لم يزل يعمل عليه من جهة القطب الشمالى ، النوع السادس فى صفة تخطيط الأسطرلاب على جهة القطب المجنوبي ، النوع السادس فى صفة تخطيط الأسطرلاب على جهة القطب على النوع السابع فى أن جميع ما يتوهم من هيئة تخطيط الأسطراب على على خالفاً لما وصفناه غير ممكن فى العمل ولا صحيح فى القياس .

النوع الأول في تقديم أشكال هندسية يستدل بها على علة هيئة الأسطرلاب

[1] فلنبتدئ في تقديم أشكال عظيمة المنفعة في صناعة الهندسة فنخط دائرة ابجد و نخرج قطرها عليه اج و نحيز على نقطة أخط و و نخرج في الدائرة وتر بح كيف ما وقع و نخرج خطى جب و على الدائرة و نخرج في الدائرة وتر بح كيف ما وقع و نخرج خطى جب حج وننفذهما على استقامة إلى خط رة فيقطعانه على نقطتي له ط ،

the Second Chapter, on the demonstration of the theoretical basis of the form of the astrolabe and that all the circles formed on the sphere of the heavens are formed in the plane of the astrolabe as circles and straight lines; the Third Chapter, on knowing how to obtain by calculation the quantities of the circles that occur in the plane of the astrolabe and the positions of their centres; the Fourth Chapter, on establishing in tables the quantities of the circles and their divisions and the places of their centres for all the climates; the Fifth Chapter, on the manner of delineating the astrolabe as it is always made, with respect to the north pole; the Sixth Chapter, on the manner of delineating of the astrolabe with respect to the south pole; the Seventh Chapter, on [the assertion] that all that is imagined of the form of delineating the astrolabe different from what we describe is not possible in practice and not correct in [its] application.

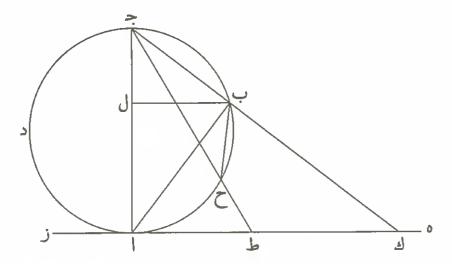
### Chapter 1

On presenting geometrical propositions, from which conclusions can be drawn on the rationale of the form of the astrolabe

[1] Let us begin by presenting propositions of great usefulness in the art of geometry. We describe circle ABGD and draw its diameter, on which are AG; through point A we pass line EZ tangent to the circle; in the circle we draw chord BH, however it falls; we draw lines GBHG and produce them in a straight line to line ZE to cut it at points KT.

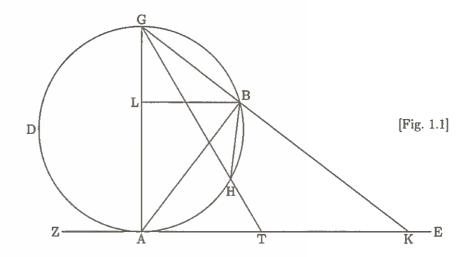
<sup>32</sup> مركزها [متادير ... ومواضع 36 -35 om. T مرفة 34 وخطوط [وخطوط] 33 om. CBS مركزها [مراكزها 36 مركزها ] om. CBS وصفنا [وصفنا وصفنا [وصفنا وصفنا ] om. CBS وصفنا [مراكزها 36 مركزها ] مصلم المسلم [مراكزها 36 مركزها [مراكزها 36 مركزها ] om. CBS عظم [عطيم عليه عليه المسلم المس

فأقول إن مثلث جكط يشبه مثلث جحب وزاوية طلاح مثل زاوية جحب وزاوية للطح مثل زاوية جحب وزاوية للطح مثل زاوية حبح ·



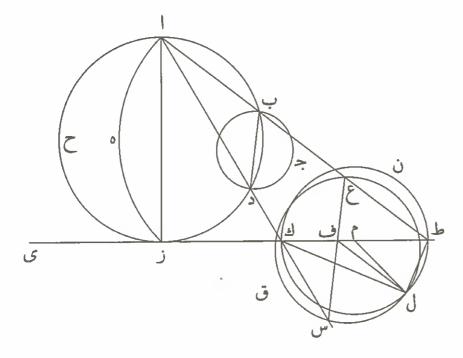
برهان ذلك أن نخرج من نقطة ب عموداً إلى قطر آج عليه ب آ و نخرج خط آب فزاوية آبج قائمة لأنها على قطر الدائرة وقد أخرج منها 10 إلى قطر آج عمود بل فمثلثا آبل لنبج متشابهان ويشبهان لمثلث آبج فزاوية لنبج مساوية لزاوية باج ولكن زاوية للبج مساوية لزاوية الدج لأن خطى آك لب متوازيان فزاوية آكج مساوية لزاوية باج وزاوية باج مساوية لزاوية بحج لأنهما على قاعدة واحدة فزاوية آكج مساوية لزاوية بحج وزاوية بحج مشتركة فتبقى زاوية حبج مساوية لزاوية لزاوية نبين .

I say: triangle GKT is similar to triangle GHB, angle TKG is equal to angle GHB and angle KTG is equal to angle HBG.



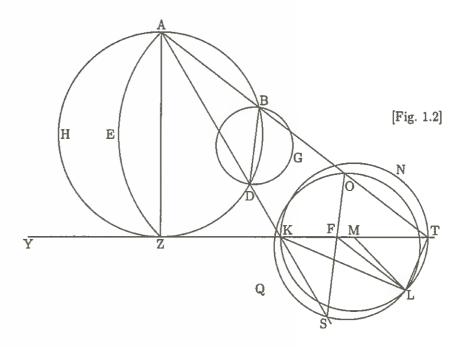
Proof: from point B we draw a perpendicular to diameter AG, on which are B L; we draw line AB, and so angle ABG is right, because it is on the diameter of the circle. From it perpendicular BL has been drawn to diameter AG. Therefore triangles ABL LBG are mutually similar and similar to triangle ABG. Therefore angle LBG is equal to angle BAG. But angle LBG is equal to angle AKG, since lines AK LB are parallel. Therefore angle AKG is equal to angle BAG. And angle BAG is equal to angle BHG, since they are on the same base. Therefore angle AKG is equal to angle BHG. And angle BGH is common: therefore there remains angle HBG equal to angle KTG. Q.E.D.

[2] وإذ قدمنا هذا الشكل فلنبين أن كل مخروط قاعدته دائرة تحيط به كرة ويخرج قطر الكرة من نقطة رأس المخروط ثم يقام على نقطة طرف القطر المقابلة لنقطة رأس المخروط سطح يماس الكرة ويخرج سطح المخروط على استقامة حتى يفصل السطح المماس للكرة فإن فصله المشترك دائرة .



مثال ذلك مخروط البحد قاعدته دائرة بجد وقطرها بد ورأس المخروط المخروط نقطة آتحيط به كرة ابزح وقد أخرج من نقطة رأس المخروط قطر الكرة عليه آزوأقيم على نقطة ز سطح مستقيم الخطوط يماس الكرة عليه قطر الكرة عليه آزوأقيم على نقطة آوينتهى إلى عليه طقى وأخرج سطح المخروط الذي يبتدئ من نقطة آوينتهى إلى المخروط الذي يبتدئ من نقطة آوينتهى إلى المخروط الذي يبتدئ من نقطة آوينتهى إلى المخروط الذي المخروط الخروط الخ

[2] Now that we have set out this proposition, let us prove that [for] every cone whose base is a circle contained by a sphere, [if] the diameter of the sphere is drawn from the apex-point of the cone, and then at the end-point of the diameter opposite to the apex-point of the cone a plane is extended tangent to the sphere, and the surface of the cone is extended in continuation ['alā istiqāma] until it cuts the surface tangent to the sphere, then the common section is a circle.



 $Example^2$ : cone ABGD, whose base is circle BGD (whose diameter is BD) and the apex of the cone is point A, [and the cone] is contained by sphere ABZHE. From the apex-point of the cone the diameter of the sphere is drawn, on which are A Z. Tangent to the sphere at point Z a rectilinear plane is erected, on which are T Q Y. The surface of the cone, which begins at point A and ends at

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>The reader may find the diagram in the mathematical summary more convenient.

قاعدة بجد على استقامة إلى سطح طقى فصار فصلهما المشترك خط 25 كالحدة · فأقول إن خط كل طن يحيط بدائرة ·

برهان ذلك أن يصير سطح دائرة ابزح يفصل كل واحد من الكرة والمخروط بنصفين ونخرجه على استقامة إلى سطح طقى فدائرة أبزح هي الفصل المشترك للكرة والسطح الذي يفصلها وقطرها وقطر الكرة خط أز ومثلث أب مو الفصل المشترك للمخروط والسطح الذي يفصله وخط طي 30 هو الفصل المشترك لسطح طقى والسطح الذي يفصله وخط طك هو الفصل المشترك لسطح كل طن والسطح الذي يفصله وتبين أن خط آب هو أقصر الخطوط التي تخرج من نقطة آ إلى قاعدة بجد وخط آد هو أطولها وعلى هذا المثال يفصل كل مخروط في كرة حتى يكون هذان الخطان من المخروط في السطح الذي يفصل المخروط ونقسم خط طك بنصفين على 35 نقطة م ونخرج من نقطة م خطأ إلى أي موضع شئنا من خط ك ل طن ويتبين أنه مثل خط كم فلنخرج خط مل وخطى كل لط وتخرج سطح المخروط والسطح الذي يفصل السطوح جميعاً على استقامة ونتوهم سطح سلع يفصل سطح كلطن الذي يفصل المخروط والمخروط على نقطة ل ويوازي دائرة بجد فتبين أن سطح سلع دائرة على ما بين محمد بن 40

base BGD, is extended in continuation to plane TQY, their common section becomes KLTN. I say: line KLTN contains a circle.

*Proof:* the plane of circle ABZH comes to bisect both the sphere and the cone. We extend it in continuation to plane TQY. Therefore circle ABZH is the common section of the sphere and the plane that cuts it, and its diameter and the diameter of the sphere is line AZ; triangle ABD is the common section of the cone and the plane that cuts it; line TY is the common section of plane TQY and the plane that cuts it; and line TK is the common section of plane KLTN and the plane that cuts it. It is clear that line AB is the shortest of the lines that emerge from point A to base BGD and line AD is the longest of them. In this way every cone in a sphere is cut so that these two lines from the cone are in the plane cutting the cone. We bisect line TK at point M, and from point M we draw a line to any place we want on line KLTN – it will become clear that it is equal to line KM. Let us draw line  $ML^3$  and lines  $KL\ LT$ . We extend in continuation the surface of the cone and the plane that cuts all the planes. We imagine plane SLO [1] cutting plane KLTN, which cuts the cone, [2] (cutting) the cone at point L and [3] parallel to circle BGD. So it is clear that surface SLO is a circle, as Muhammad ibn

 $<sup>^3</sup>L$  is the "any place" on line KLTN.

موسى في كتابه في الكرة وليكن خط سع هو الفصل المشترك لدائرة سلع وسطح أزط الذي يفصل الأشكال جميعاً ويقطع خط ك ط على نقطة ف ولكن سطح أزط يفصل سطحي دائرتي بجد سلع وهما متوازيتان وفي مخروط واحد وخطا سع دب هما الفصلان المشتركان وخط دب هو قطر دائرة بجد فخط سع قطر دائرة سلع فسطحا كاللفان وسلع 45 يتفاصلان على نقطة ل وهما جميعاً قائمان على سطح أزط على زاوية قائمة على خطى سع طك ففصلهما المشترك عمود على سطح أزط على ما بين أوقليدس وهو خط ل ف وزاوية أزط قائمة من أجل أن خط أز عمود على سطح طَقَى المماس فهو يحيط مع كل خط يخرج من نقطة ز في سطح طَقَى بزاوية قائمة وقد بينا فيما تقدم أن زاوية رطا مثل زاوية 50 ادب وزاوية أدب مثل زاوية اسع فزاوية اسع مثل زاوية زطآ وزاوية كفس مثل زاوية طفع وبقيت زاوية طعف مثل زاوية سكف فمثلثا سفك فاطع متشابهان فضرب كف في فاط مثل ضرب سف في فع ولكن ضرب سف في فع مثل ضرب لف في مثله لأن خط لف

 $M\bar{u}s\bar{a}^4$  proved in his book on the sphere. Let line SO be the common section of circle SLO and plane AZT, which cuts all the figures, and it intersects line KT at point F. But plane AZT cuts the planes of circles BGD SLO, which are parallel and in one cone. Lines SO DB are the common sections and line DB is the diameter of circle BGD. Therefore line SO is the diameter of circle SLO. Therefore planes KLTN and SLO cut each other at point L and they both stand on plane AZT at a right angle on lines SO TK. Therefore their common section is perpendicular to plane AZT, as Euclid<sup>5</sup> proved, and it is line LF. Angle AZT is right, since line AZ is perpendicular to the tangent plane TQY, and therefore with every line emerging from point Z in plane TQY it contains a right angle. We have already proved in the preceding that angle ZTA is equal to angle ADB. Angle ADB is equal to angle ASO. Therefore angle ASO is equal to angle ZTA and angle KFS is equal to angle  $TFO^6$ . There remains angle TOF equal to angle SKF. Therefore triangles SFK FTO are similar. So the multiplication of KF by FT is equal to the multiplication of SF by FO. But the multiplication of SF by FO is equal to the multiplication of LF by itself, because line LF

add. T بن شاكر [ موسى 41

add. in في السطح (sic) التاسع عشرين من المقالة الحادي عشر من كتابه ,infra S بعد من ما { أُوقليدس 48 textu P, في كتابه ,add. M

add. S لكونهما متقابلين [طفع 52

<sup>4 &</sup>quot;Ibn Shākir" add. P.

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup>S infra and P in textu give the reference: XI 19.

<sup>&</sup>lt;sup>6</sup> "because they are opposite each other" add. S

عمود على خط سع و سع قطر دائرة سلع فضرب كف في ف ط مثل فضرب لف في مثله فتبين أن زاوية كل الط قائمة وقد قسم قطر ك ط بنصفين على نقطة م وأخرج من نقطة م خط مل فخط مل مساو لكل واحد من خطى كم مط وبهذا التدبير تبين أن كل خط يخرج من نقطة م إلى أى موضع من خط كل ط كل واحد من خطى كم مط فخط كل الله أى موضع من خط كل طائرة قطرها كل واحد من خطى كم مط فخط كل طائرة قطرها كل واحد من خطى أردنا أن 60 فخط كل طائرة قطرها كل واحد من خطى أردنا أن نهن .

[3] وإذ قد وضع ما قدمنا من شكل المخروط فقد بقى أن نبين أن الخط الذى يخرج من نقطة رأس المخروط ويمر على مركز قاعدته فى الكرة فإنه لا يمر على مركز دائرة الفصل المشترك فى السطح الماس للكرة على نقطة رَ ولنعد الصورة ونقسم قطر قاعدة المخروط فى الكرة بنصفين على نقطة دَ ونخرج من نقطة أخط أد وننفذه إلى خط طك حتى يقع على نقطة ونتعلم حيث قطع خط أه الدائرة نقطة م فخط جب قسم بنصفين على نقطة دَ وقد أخرج من نقطة أخط أد ينتهى إلى الخط ولا يمر على

is perpendicular to line SO and SO is the diameter of circle SLO. Therefore the multiplication of KF by FT is equal to the multiplication of LF by itself. Therefore it is clear that angle KLT is right. Diameter KT has been bisected at point M. From point M a line ML is drawn. So line ML is equal to each of lines KM MT. Through this procedure it is clear that each line emerging from point M to any place on line KLTN is therefore equal to each of lines KM MT. Therefore line KLTN is the circumference of a circle whose diameter is KT and whose centre is point M. Q.E.D.

[3]<sup>7</sup> Since what we have set out of the proposition of the cone has become clear, there remains for us to prove that the line emerging from the apex-point of the cone and passing through the centre of its base in the sphere does not pass through the centre of the circle of the common section in the plane tangent to the sphere at<sup>8</sup> point Z. Let us repeat the diagram. Let us bisect the diameter of the base of the cone in the sphere at point D. From point A we draw line AD and produce it to line TK, so that it falls on point E. Where line EA cuts the circle we mark point E. Line E is bisected at point E. From point E line E has been drawn, ending at the line and not passing through

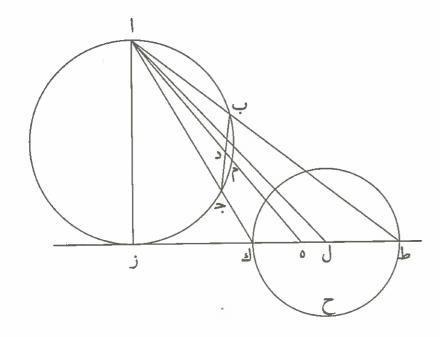
add. P مساو لكل واحد من خطى لام مط إ لاللطان 60

واعلم أنه يكون بين الدائرتين الكبار أقل من هذا البعد فتكون الدائرة الصغيرة أضيق مما هى [وإذ 62] add. B ante مثال ذلك المخروط  $\overline{1-2}$  مثال ذلك المخروط أبح رأحه نقطة أ تحيط به كرة  $\overline{1-2}$  مثال ذلك عزوط  $\overline{1-2}$  وقطر دائرة المخروط خط  $\overline{1-2}$  وتقم  $\overline{1-2}$  وقطر دائرة المخروط خط  $\overline{1-2}$ 

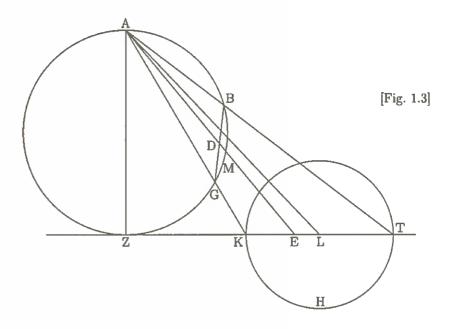
<sup>&</sup>lt;sup>7</sup> "Know that there is between the two great circles [a distance] less than this distance; so the small circle is narrower than it [is]" add. B before this proposition. No doubt this sentence was originally a marginal gloss on the previous theorem, but the meaning is unclear.

<sup>&</sup>lt;sup>8</sup>For "at point Z ... sphere", S has: "Example: the cone is ABG, its apex point A, it is contained by sphere ABG and the diameter of the circle [sic] of the cone is line BG. We bisect BG"; B has only: "Example: cone ABG".

مركز الدائرة فقوس جم أصغر من قوس مب فزاوية جام أصغر من زاوية ماب فنفصل من زاوية ماب فنفصل من زاوية ماب مع خط اب زاوية بال مثل زاوية جام ، 70 فأقول إن نقطة ل من خط طك مركز دائرة للاحط .



the centre of the circle<sup>9</sup>. Therefore arc GM is smaller than arc MB. Therefore angle GAM is smaller than angle MAB. From angle MAB – [lying] along line AB – we cut off angle BAL equal to angle GAM. I say: point L of line TK is the centre of circle KHT.



*Proof:* angle TAL is equal to angle GAD and angle LTA is equal to angle DGA: there remains angle GDA equal to angle ALT. Therefore triangles ALT ADG are similar. Therefore the ratio of GA to AT is as the ratio of GD to TL. In the preceding we have proved  $^{10}$  that the ratio of GA to AT is as the ratio of BG to TK. Therefore the ratio of GD to TL is as the ratio of BG to TK. Then, alternando,

<sup>10</sup> "From the similarity of triangles ABG ATY in the first proposition [or in the first figure]" add. S.

add. mary. T أي دائرة الكرة [ الدائرة 69

add. S من تشابه مثلثي أبج أطرى في الشكل الأول [ قدمنا 74

<sup>&</sup>lt;sup>9</sup> "I.e. the circle of the sphere" mary. T. This sentence (and possibly the previous one) may be a superfluous insertion or it could be a statement of the proposition with reference to the diagram.

## النوع الثاني

فى تبيين علة هيئة الأسطرلاب وأن جميع ما يتشكل فى كرة الفلك من الدوائر فإنه يتشكل فى سطح الأصطرلاب دوائر وخطوطاً مستقيمة

فإذ قد وضع ما قدمنا من هذه الاشكال فقد سهل علينا طلب البرهان على أن جميع ما يتشكل من الدوائر في كرة الفلك فإنه يتشكل في سطح الأسطرلاب دوائر خلا الدوائر العظام التي تتقاطع في كرة الفلك على القطبين فإنها تتشكل في سطح الأسطرلاب خطوطاً مستقيمة، وأقول قولاً جامعاً إنه إذا فرضت دائرة في صفيحة الأسطرلاب لمدار جزء من أجزاء الفلك موازٍ لمعدل النهار فإن جميع ما يقع في كرة الفلك فيما بين القطب الشمالي ومدار ذلك الجزء فإنه يقع في صفيحة الأسطرلاب وما كان فيما بين مدار 10 ذلك الجزء وبين القطب الجنوبي فإنه لا يقع في صفيحة الأسطرلاب فما كان

the ratio of DG to GB is as the ratio of LT to TK. GD is half of line BG: therefore TL is half of line TK. TK is the diameter of circle THK. Therefore line AD, which emerges from the apex-point of the cone and passes through the centre of its base in the sphere, cuts diameter TK at point E, not at the centre. Q.E.D.

### Chapter 2

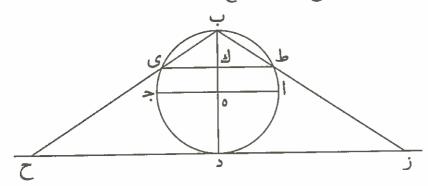
On the demonstration of the rationale of the form of the astrolabe and that all the circles that are formed on the sphere of the heavens are formed in the plane of the astrolabe as circles and straight lines

Now that what we have set out of these propositions has become plain, it is easy for us to look for the proof that all the circles that are formed in the sphere of the heavens are formed in the plane of the astrolabe as circles, except the great circles that intersect on the sphere of the heavens at the poles; they are formed in the plane of the sphere as straight lines. I say, to sum up, that when a circle on the astrolabe plate is supposed as the course of one of the degrees [juz] of the sphere [falak] parallel to the equator<sup>11</sup>, all that occurs in the sphere of the heavens between the north pole and the course of that degree occurs [likewise] in the astrolabe plate; and what is between the course of that degree and the south pole does not occur in the astrolabe plate. The

add. S يمر على أول ألحدي النهار 9

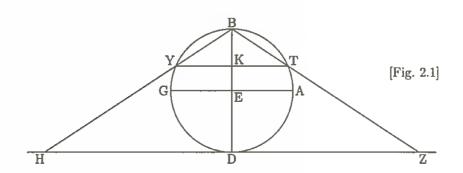
<sup>&</sup>lt;sup>11</sup>Here the circle that is projected into the outermost circle of the astrolabe plate is meant. In the northern astrolabe this is normally the course of the first degree of Capricorn. — "going through the first point of Capricorn" add. S.

فيما بين القطب الشمالي ومدار ذلك الجزء من دوائر تامة فإنه يتشكل في سطح الأسطرلاب دوائر تامة وما انقطع منها في كرة الفلك بمدار ذلك الجزء انقطع في سطح الأسطرلاب بالدائرة المحيطة بالصفيحة بحيث انقطع في كرة الفلك إذا كانت الأسطرلاب معمولة على القطب الشمالي فإذا كانت على 15 القطب الجنوبي كان على عكس ما ذكرنا ولكن نقدم البرهان على ما وصفنا في باب باب ثم نتبع ذلك باستخراج الحساب .



فلنخط دائرة فلك نصف النهار عليها آ ب ج د على مركز ة و تخرج قطريها يتقاطعان على زاوية قائمة و تجعل نقطة ب القطب الجنوني ونقطة د القطب الشمالي فيكون خط آج قطر دائرة معدل النهار ولنتوهم سطحاً 20 مستقيم الخطوط يماس دائرة آبجد على نقطة د و تخرج في السطح خط زدح فنتوهم الدائرة المخطوطة على مركز د وببعد دح وقائمة على سطح فلك نصف النهار على زاوية قائمة هي سطح الأسطرلاب ونريد أن نبين كيف يتشكل فيها جميع ما يمكن رسمه مما في كرة الفلك .

complete circles between the north pole and the course of that degree are formed in the plane of the astrolabe as complete circles; and those of them that are severed [inqaṭa⁺a] on the sphere of the heavens by the course of that degree are severed in the plane of the astrolabe by the circle embracing the plate (just as they are severed on the sphere of the heavens) — when the astrolabe is constructed with respect to the north pole. When it is [constructed] with respect to the south pole, it is the opposite of what we mentioned. But we shall set out the proof of what we described item by item. That is followed [in Chapter 3] by devising the calculation.



Let us describe the circle of the meridian, on which are A B G D, about centre E and draw its two diameters intersecting at a right angle. We make point B the south pole and point D the north pole; and so line AG is the diameter of the equator circle. We imagine a rectilinear [i.e. one contained by straight lines] plane tangent to circle ABGD at point D. In the plane we draw line ZDH and we imagine the circle described about centre D and with distance DH, standing on the meridian plane at a right angle — it is the plane of the astrolabe. We want to show how all that can be drawn of what is in the sphere of the heavens is formed on it [sc. the astrolabe plate].

S بالدوائر [دوائر 13 CBT فانها تتشكل [فإنه يتشكل 12 C اثرة [دوائر 12 om. C [فيما 12] الدوائر [دوائر 13 Om. C وأيما 12 كانما 13 أو إبعدار 13 أو إبعدار 13 C المدائرة 14 G معمولة المناف 15 C المناف 15 Om. B المناف 16 C المناف 15 Om. B المناف 16 C المناف 15 Om. B المناف 16 Om. B المناف 18 Om. B المناف 18 Om. BS

[1] فنبين أولاً أن الدوائر العظام التي تتقاطع على قطبي معدل النهار 25 تتشكل في سطح الأسطرلاب خطوطاً مستقيمة.

برهان ذلك أنه إذا أثبتت نقطة ب من خط بد وأدير خط بد على دائرة ابجد فإنه يمر في سطح الأسطرلاب على خط حز ويعرف ذلك بوجه آخر ، إن سطح دائرة ابجد إذا أخرج على استقامة إلى سطح الأسطرلاب حتى يفصله فإن فصلهما المشترك خط مستقيم وكذلك نبين أن 30 جميع الدوائر العظام التى تتقاطع على قطبى كرة الفلك وهى دوائر أنصاف النهار والليل تتشكل في سطح الأسطرلاب خطوطاً مستقيمة وتتقاطع جميعاً على نقطة د .

و نخرج أيضاً من نقطة ب إلى نقطتى ز ح خطى ب ز ب ح يقطعان دائرة فلك نصف النهار على نقطتى ط ي وبيّن أن قوس اط مساوية لقوس 35 حتى و نخرج خط طى يقطع خط ب د على نقطة ك على زاوية قائدة فالدائرة المخطوطة على مركز ك وببعد له ط موازية لمعدل النهار فالمخروط الذي قاعدته هذه الدائرة ورأسه نقطة ب قد أخرج سطحه على استقامة

 27 تا نامیل النهار C
 27 تا نامیل النهار C
 27 تا نامیل النهار C
 27 تا نامیل C
 27 تا نامیل C
 28 تا نامیل C
 28 تا نامیل C
 28 تا نامیل C
 30 تا نامیل C
 30 تا نامیل C
 30 تا نامیل C
 30 تا نامیل C
 32 تا نامیل C
 32 تا نامیل C
 33 تا نامیل C
 33 تا نامیل C
 33 تا نامیل C
 34 تا نامیل C
 34 تا نامیل C
 34 تا نامیل C
 34 تا نامیل C
 36 تا نامیل C
 38 تا نام

[1] We show first that the great circles that intersect at the poles of the equator are formed in the plane of the astrolabe as straight lines.

Proof: When point B of line BD is fixed and line BD is rotated around circle ABGD, it passes in the plane of the astrolabe through line HZ. That is known in another way: when the plane of circle ABGD is produced rectilinearly to the plane of the astrolabe so that it cuts it, then their common section is a straight line. Similarly we show that all the great circles that intersect at the poles of the sphere of the heavens, which are meridian circles  $[daw\bar{a}$  ir  $ans\bar{a}f$  al- $nah\bar{a}r$  wa il-layl, are formed as straight lines, and they all intersect at D.

From point B to points Z H we also draw lines BZ  $BH^{12}$ , cutting the circle of the meridian at points T Y. It is clear that arc AT is equal to arc GY. We draw line TY cutting line BD at point K at a right angle. Therefore the circle described about centre K and with distance KT is parallel to the equator. The surface of the cone whose base is this circle and whose apex is point B is produced rectilinearly

add. B وخطأ در دح متساويان إ ح

add. S وخطى corr. ez وخطا) وخطا در دح متساويان فخطا بر بح إبح

<sup>&</sup>lt;sup>12</sup> "lines DZ DH being equal, therefore lines BZ BH" add. S; "and lines DZ DH are equal" add. B (in the wrong place, after "points Z H").

إلى السطح المماس للقطب الشمالى وهو سطح الأسطرلاب ففصلهما المشترك دائرة مركزها نقطة د من أجل أن الدائرتين متوازيتان فإذا أثبتنا نقطة ب من 40 خط برز وأدرنا خط برز على الدائرة المخطوطة على خط طى حتى يعود إلى موضعه فإنه يمر على دائرة صفيحة الأسطرلاب أعنى الدائرة المخطوطة على قطر زح ونبين أن أجزاء الفلك التى تقطع مداراتها فلك نصف النهار فيما بين نقطتى د ط فإنها تقع في سطح دائرة الأسطرلاب التى قطرها زح وما كان مداره يقطع فلك نصف النهار فيما بين نقطتى ط ب فإنه لا يقع في 45 سطح دائرة الأسطرلاب وقد تبين أيضاً أنه لا يمكن أن نرسم القطب الخبوبي في سطح دائرة الأسطرلاب المعمول على القطب الشمالي لأن السطحين الماسين للكرة على قطبي د ب متوازيان لا يمكن أن يلتقيا ومع هذا فإن الماسين للكرة على قطبي د ب متوازيان لا يمكن أن يلتقيا ومع هذا فإن القطبين ثابتان غير متحركين وكل ما وقع في سطح الأسطرلاب خارجاً عن قطبه فمتحرك فليس يمكن أن يقع القطبان جمياً في الأسطرلاب

[2] وإذ قد وضع ما قدمنا فلنبين كيف تتشكل دائرة فلك البروج في سطح الأسطرلاب فنعيد الصورة و تجعل قوس اط مساوية لأجزاء ميل فلك البروج عن فلك معدل النهار فتكون نقطة ط موضع رأس الجدى وتكون دائرة الصفيحة المخطوطة على قطر در لمدارات الأجزاء التي فيما بين

to the plane tangent to the north pole, which is the plane of the astrolabe: their common section is a circle whose centre is point D. Because the two circles are parallel, when we fix point B of line BZ and rotate line BZ around the circle described on line TY until it returns to its original position, it passes through the maximum circle of the astrolabe plate, i.e. the circle described on diameter ZH. We show that the degrees of the circle [falak] whose courses [madarāt] cut the meridian circle between points D T fall on the plane of the circle of the astrolabe whose diameter is ZH; and that [circle] whose course cuts the meridian circle between points T B does not fall in the plane of the astrolabe circle. It is also clear that we cannot draw the south pole in the plane of the astrolabe made for the north pole<sup>13</sup>, because the planes tangent to the sphere at poles D B are parallel and it is impossible that they meet. Thus the poles are fixed, immobile; and all that falls in the plane of the astrolabe [in places] other than its pole is mobile. Therefore it is impossible that the two poles both occur in the astrolabe<sup>14</sup>.

[2] Now that what we have set out has become plain, let us show how the circle of the zodiac is formed in the plane of the astrolabe. We redraw the diagram and make arc AT equal to the degrees of declination of the zodiac circle from the equator circle. So point T is the place of the beginning of Capricorn; and the circle of the plate described on diameter DZ is for the courses of the degrees that are between

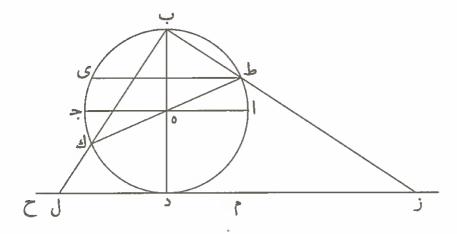
14 "Q.E.D." add. T.

supra خ سى ;B س ب ،C س و [2 بر 41 ك واخدنا [وأدرنا 11 mfm T ط ع بى :CS ب د [ ا ب ر 1 ] T ط ك ي :CS وكلما أوكل ما 29 م . [ د 44 ك ] واخدنا الشمالي 14 supra T عبينا خ [ تبين 16 م 3 وقط ع . . الشمالي 14 B in textu وقط المنا 2 قطع . supra B قطع . B in textu وقع 2 قطع . وقط 15 ك 5 قطب أوقط 15 ك 5 يقع . add. T ويعمد أوقط 15 ك 5 يقع . add. T

add. T وكذلك القطب الشمالي لا يمكن أن يرم في سطح الأسطرلاب المعمول على القطب الجنوبي [الشمالي 75 add. T

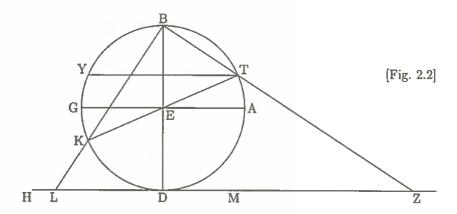
<sup>&</sup>lt;sup>13</sup> "similarly, we cannot draw the north pole in the plane of the astrolabe made for the south pole" add. T.

القطب الشمالي ومدار رأس الجدى والخط المحيط بها لمدار رأس الجدى 55 و تخرج من نقطة ط قطر فلك البروج عليه ط آه أن فيكون قوس جال الأجزاء الميل في جهة الشمال و تخرج خط بال وننفذه إلى قطر الصفيحة يلقاه على نقطة آل ونقسم خط زل بنصفين على نقطة م فأقول إن خط زل قطر فلك البروج ومركزه نقطة م .



برهان ذلك أن المخروط الذي قاعدته الدائرة المخطوطة على قطر ك ط في الكرة قد أخرج سطحه على استقامة إلى السطح المماس للكرة فالفصل المشترك دائرة قطرها زل ومركزها نقطة م فإذا أثبتنا نقطة ب من خط بز وأدرنا خط بز على دائرة فلك البروج في الكرة حتى يعود إلى موضعه فإنه يدور على دائرة فلك البروج في الصفيحة ونقطتا ط ك من الكرة تقعان على يدور على دائرة فلك البروج في الصفيحة ونقطتا ط ك من الكرة تقعان على نقطتى ز ل في الصفيحة وهما نقطتا الجدى والسرطان ولكن من أجل أن قطتى ألم قونقطة إونقطة إونقطة المجل الله قطتا الحدى والسرطان ولكن من أجل أن

the north pole and the course of the beginning of Capricorn, and its circumference is for the course of the beginning of Capricorn. From point T we draw the diameter of the zodiac circle, on which are T E K. So are GK is for the degrees of declination on the north side. We draw line BK and produce it to the diameter of the plate, meeting it at point L. We bisect line ZL at point M. I say: line ZL is the diameter of the zodiac circle and its centre is point M.



Proof: the surface of the cone whose base is the circle described on diameter KT in the sphere is produced rectilinearly to the plane tangent to the sphere: the common section is the circle whose diameter is ZL and whose centre is point M. When we fix point B of line BZ and rotate line BZ around the zodiac circle in the sphere until it returns to its [original] position, it rotates around the circle of the zodiac in the plate and its points T K of the sphere fall as points T L in the plane – they are the [first] points of Capricorn and Cancer. But because

دائرة فلك البروج في الكرة غير موازية لدائرة الصفيحة وقع مركز فلك البروج خارجاً عن مركز الصفيحة.

[3] وقد تبين أيضاً مما قدمنا أن دوائر أنصاف النهار تتشكل في سطح الأسطرلاب خطوطًا مستقيمة تتقاطع على مركز الصفيحة وتلك الدوائر هي التي تقسم فلك معدل النهار في الكرة عند أقسام فلك البروج بأجزاء 70 مطالع الفلك المستقيم بالخطوط التي تمر على مركز الصفيحة تقسمه في الصفيحة أيضاً بتلك الأقسام وذلك ما أردنا أن نبين.

[4] فإذ قد وضح ما قدمنا فلنبين على إثر ذلك كيف تتشكل دوائر الارتفاع في سطح الأسطرلاب وهي الدوائر الموازية لسطح الأفق وأقطابها جميعاً نقطة سمت الرأس في الكرة ونبين أنها تتشكل في الأسطرلاب دوائر 75 مراكزها جميعاً على خط نصف النهار مختلفة المواضع عليه فلنعد الصورة ونأخذ من نقطة ج في دائرة فلك نصف النهار قوس جب بقدر عرض الإقليم وتخرج قطر به د وتبين أنه قطر دائرة الأفق وتخرج خطى جب قاعدته دائرة الأفق في الكرة ورأسه نقطة ج قد أخرج سطحه على استقامة 80 قاعدته دائرة الأفق في الكرة ورأسه نقطة ج قد أخرج سطحه على استقامة ألى سطح الصفيحة ففصلهما المشترك دائرة وقطرها زل ونأخذ أيضاً من نقطة بوس سوح الصفيحة ففصلهما المشترك دائرة وقطرها زل ونأخذ أيضاً من نقطة بوس سوح الصفيحة ففصلهما المشترك دائرة وقطرها زل ونأخذ أيضاً من نقطة بوس من وتجعلها ثلثين جزءًا وتخرج خط سع يوازى بد فيكون بوس وتجعلها ثلثين جزءًا وتخرج خط سع يوازى بد فيكون ألى الله 130 B وناؤ الكرة 130 C 79 تعلمها ونظرها اله 18 الم 17 كنوا اله 18 كنوا ا

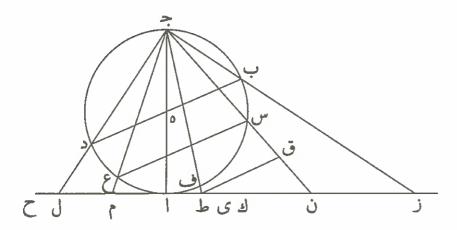
the circle of the zodiac in the sphere is not parallel to the circle on the plate, the centre of the zodiac falls outside of the centre of the plate.

[3] It is also clear from what we have set out that the meridian circles are formed in the plane of the astrolabe as straight lines intersecting at the centre of the plate. These circles are those which in the sphere divide the equator circle according to the divisions of the zodiac into degrees of ascension at *sphaera recta* by lines going through the centre of the plate, dividing it [sc. the equator circle] in the plate also into those divisions. Q.E.D.

[4] Now that what we have set out is clear, let us show after that how the altitude circles are formed in the astrolabe plate — they are the circles parallel to the horizon plane and their poles in the sphere are all the zenith. We also show that they are formed on the astrolabe as circles whose centres are all on the meridian line, in different places on it. Let us redraw the diagram and from point G in the circle of the meridian let us take arc GB in the amount of the latitude of the climate. We draw diameter BED; it is clear that it is the diameter of the horizon. We draw lines GB GD and produce them to line ZH: they cut it at points Z L. The surface of the cone whose base is the horizon circle in the sphere and whose apex is point G is produced rectilinearly to the plane of the plate. Their common section is a circle and its diameter is ZL. Also from point B we take arc BS and make it  $30^{\circ}$ . We draw line SO parallel to BD. So

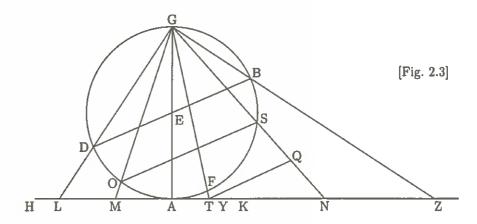
خط سع قطر الدائرة التي ارتفاعها عن دائرة الأفق ثلثون جزءًا ونخرج خطى جس جع وننفذهما إلى خط رح فيقطعانه على نقطتي ن م فخط ن م قطر دائرة ارتفاع ثلثين جزءًا في الصفيحة على مثل ما بينا في دائرة الأفق 85 ونقسم قوس عس بنصفين على نقطة ف فنقطة ف سمت الرأس في الكرة لهذا الإقليم وتخرج خط جف وننفذه إلى خط زح يقطعه على نقطة ط فنقطة ط سمت الرأس في الصفيحة وبعدها من كل واحدة من نقطتي ل : تسعون جزءًا وزاوية طجن مثل زاوية طجم لأن قوسى عف فس متساويتان وخط جا عمود على خط مط فقاعدة مط أقصر من قاعدة طن 90 من أجل أن نسبة مثلث مجمل إلى مثلث طبين كنسبة قاعدة مط إلى قاعدة طن وزاويتا مجط طجن متساويتان وخط جن أطول من خط جم فإن فصلنا من خط جن مثل خط جم وهو جق وأخرجنا طق كان خطا طج جق مثل خطى طج جم فمثلثا مجط طجق متساويان ومثلث طجن أكبر من مثلث طبق فهو أيضاً أكبر من مثلث طبع فلذلك قاعدة طن 95 أطول من قاعدة طم فنقسم خطمن بنصفين على ى فنقطة ى مركز دائرة ارتفاع ثلثين جزءًا في الصفيحة وأيضاً زاويتا لجم زجن متساويتان وبمثل ما تقدم من البرهان تكون قاعدة لم أقصر من قاعدة زن وخطا ين يم متساويان فخط على أقصر من خط ي وننقيم زل بنصفين على لا فنقطة لا مركز دائرة الأفق في الصفيحة فقد تبين أن نقطة سمت الرأس وقعت في 100 BC عرب [ع ف 80 B واوية [وزاوية 89 T ز ل , C ل ن [ل ز 88 B , [ن 84 B ] س , ع BC om. B [2] أحط 33 [من خط 33] C تشبه [نسبة 2] C يقطم [عمود على 90 جاع [جاً [جاً B جم [ ل جم [ 79 تعلى نقطة ي [ على ي فنقطة ي 96 ت أكثر [ 2 أكبر 95 B الدحق | طحق 94 B المحق الم B متساويتان [متساويان 99

line SO is the diameter of the circle whose altitude from the horizon is 30°. We draw lines GS GO and produce them to line ZH; they cut it at points N M: so line NM is the diameter of the altitude circle in the plate, as we have shown in the horizon circle. We bisect arc OS at point F: point F is the zenith in the sphere for this climate. We draw line GF and produce it to line ZH, cutting it at point T. Point T is the zenith in the plate and its distance from points L Z is 90°. Angle TGN is equal to angle TGM, because arcs OF FS are equal. Line GA is perpendicular to line MT: base MT is shorter than base TN, because the ratio of triangle MGT to triangle TGN is as the ratio of base MT to base TN and angles MGT TGN are equal and line GN is longer than line GM. If we cut from line GN the equal of line GM, which is GQ, and we draw TQ, lines TG GQ are equal to lines TGGM. Therefore triangles MGT and TGQ are equal. And triangle TGNis greater than triangle TGQ, and so it is also greater than triangle TGM. Therefore base TN is longer than base TM. Therefore we bisect line MN at Y; so point Y is the centre of the circle of altitude 30 degrees in the plate. Again, angles LGM ZGN are equal, and, as is in the preceding proof, base LM is shorter than base ZN. Lines YN YM are equal, and so line YL is shorter than line YZ. We therefore bisect ZL at K: point K is the centre of the horizon circle in the plate. Now it is clear that the zenith point falls on



وقد تبين أيضاً أن دوائر الارتفاع إذا رسمت للموضع من الأرض الذى 105 عرضه تسعون جزءًا كانت قوس جب تسعين جزءًا وكان قطر بد يقطع قطر آج على زوايا قائمة ويكون نقطة آ موضع سمت الرأس فى الكرة والصفيحة جميعاً وتقع دوائر الارتفاع فى الصفيحة متوازية مراكزها جميعاً نقطة آ وأما الموضع الذى لا عرض له فإن دائرة الأفق فيه تقع فى الصفيحة خطاً مستقيماً لأن دائرة الأفق هناك هى إحدى الدوائر العظام التى تتقاطع 110

the meridian line at T, the centre of the circle of altitude 30° at Y, and the centre of the horizon circle at K. Similarly it is clear that, [of] all the altitude circles, whichever of them is farther from the zenith point, its centre in the plate is more distant from point T than [is the case for] those near to it.



It is also clear that when the altitude circles are drawn for a place on the Earth whose latitude is  $90^{\circ}$ , arc GB is  $90^{\circ}$  and diameter BD cuts diameter AG at right angles and point A is the place of the zenith both in the sphere and in the plate. The altitude circles fall on the plate parallel, their centres all being point A. As for the place of no latitude, the horizon circle in it falls in the plate as a straight line, because the horizon circle there is one of the great circles that intersect

رَتُسَنَت [رسمت 105 كَمْ [قرب 104 BCT كلما إكل ما 102 B شين [تبين 102 وفي [في 101 B 105 كلما إكل ما 102 B شين [تبين 102 C وفي [في 105 B 105 كانت [وكان 106 B 106 إتسمين جزءًا 106 B 106 [قوس 106 B لموضع [للموضع 105 C [روايا 107 قرادية B روايا 107 [روايا 107 قرادية B روايا 107 [روايا 107 كانت الموضع 107 كانت [وكان 108 كانت الموضع 108 كانت الموضع 108 كانت الموضع المو

على قطبى الكرة وقد بينا أنها تقع في الصفيحة خطوطاً مستقيمة فذلك ما أردنا أن نبين.

[5] ولنبين على ما يتبع ذلك كيف تتشكل دوائر السمت في سطح الأسطرلاب وهي الدوائر العظام التي تتقاطع جميعاً في كرة الفلك على نقطة سمت الرأس والنقطة التي تقابلها فنخط دائرة فلك نصف النهار عليها اب حد الله على مركز و وقطر أو جو نجيز على نقطة أخط زح يماس الدائرة كهيئة عملنا فيما تقدم ونأخذ من نقطة جو في خط نصف النهار قوس جب بقدر عرض الإقليم و نخرج قطر بود لدائرة الأفق ونقيم قوس داب بنصفين على نقطة ط سمت الرأس و نخرج قطر طوى فدوائر السمت في الكرة تتقاطع جميعاً في دائرة نصف النهار على نقطتي طي و نخرج خطي 120 الكرة تتقاطع جميعاً في دائرة نصف النهار على نقطتي طي و نخرج خطي ألى خط زح في سطح الصفيحة فيقطعانه على نقطتي و فنقطة سمت الرأس والنقطة التي تقابلها في الكرة تقعان في الصفيحة على نقطتي زح ونقيم خط زح بنصفين على نقطة لك فنقطة لك مركز دائرة سمت مطلع الحمل والميزان ومغربهما.

وأقول إن هذه الدائرة تقاطع دائرة الأفق في الصفيحة للإقليم وخط 125 أفق الفلك المستقيم على نقطتين مشتركتين لهما جميعاً من أجل أن هذه الدوائر الثلاث تتقاطع جميعاً في كرة الفلك على نقطتي مطلع الاعتدال

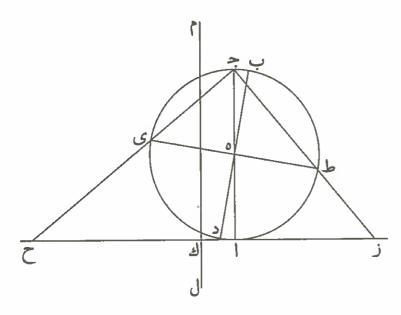
at the poles of the sphere; we have shown that they fall in the plate as straight lines. Q.E.D.

[5] Let us show, according to the sequence, how the azimuth circles are formed in the plane of the astrolabe – they are the great circles that all intersect on the heavenly sphere at the zenith point and the point that is opposite it. We describe the meridian circle, ABGD, about centre E and diameter AEG. Through point A we pass line ZH tangent to the circle, as we did in the preceding. From point G, in the meridian line, we take arc GB in the amount of the latitude of the climate and draw diameter BED for the horizon circle. We bisect arc DAB at point T: point T is the zenith. We draw diameter TEY. So the azimuth circles in the sphere all intersect on the meridian circle at points T Y. We draw lines GT GY and let them run through to line ZH in the plane of the plate: they cut it at points Z H. So the zenith point and the point that is opposite it in the sphere fall in the plate at points Z H. We bisect line ZH at point K: point K is the centre of the azimuth circle of the rising-point and setting-point of Aries and Libra.

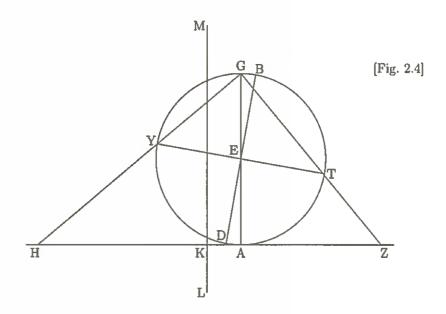
I say that this circle intersects the horizon-circle on the plate for the climate and the horizon line of the sphaera recta at two points common to the two of them, because these three circles all intersect in the heavenly sphere at the points of rising and setting of the equinox, and the points of rising and setting of the equinox

رَابِ [دَابِ 118] 0m. C من جَ [ب ود 218] 0m. B من ونخرج 118] 0m. B وذلك 113] 0m. C وذلك 118 من ونخرج 118] 0m. C وذلك 120 كرة إلى 120 كرة إلى 120 T فلك والنقلك 126 B, in corr. T والنقلك 126 مشتركين ومشتركين ومشتركين ومشتركين ومشتركين المشتركين ال

ومغربه ونقطتا مطلع الاعتدال ومغربه تقعان في الصفيحة على النقطتين اللتين تتقاطع عليهما دائرة أفق الإقليم وخط أفق الفلك المستقيم فدائرة سمت مطلع الاعتدال ومغربه التي قطرها خط رَح ومركزها نقطة له تقاطع دائرة الأفق على تينك النقطتين ، وأقول أيضاً إنا إن أخرجنا خط لهم على زاوية قائمة من خط رَح فإن مراكز دوائر السمت جميعاً تقع على خط له الله من خط رَح فإن مراكز دوائر السمت جميعاً تقع على خط



برهان ذلك أن دوائر السمت جميعاً تتقاطع على نقطتى رَح فخط رَح وتر في جميع الدوائر وقد قسم بنصفين على نقطة له وأخرج خط للهم في 135 fall on the plate at the two points at which the horizon circle of the climate and the horizon line of the *sphaera recta* intersect. So the azimuth circle of the rising-place and setting-place of the equinox, of which the diameter is line ZH and the centre is K, intersects the horizon circle at those two points. I say also that if we draw line LKM at a right angle to line ZH, the centres of the azimuth circles all fall on line LKM.

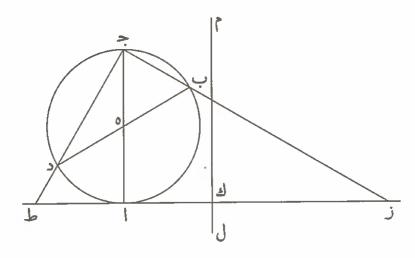


Proof: the azimuth circles all intersect at points Z, H. Therefore line ZH is a chord in all the circles. It is bisected at point K and line LKM is produced in

Al-Farghānī, Astrolabe, Chapter 2

كلتى الحبهتين يقطع خط زح على زاوية قائمة فخط لكم يمر على مراكز دوائر السمت جميعاً في الصفيحة وذلك ما أردنا أن نبين ·

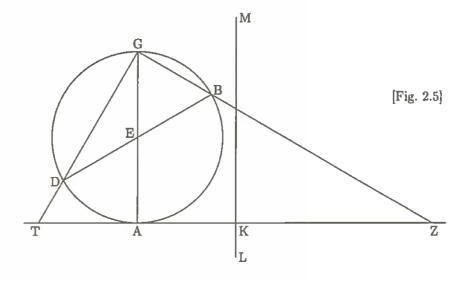
[6] ولنبين أيضاً كيف تتشكل في سطح الأسطرلاب الدوائر العظام المخطوطة في كرة الفلك على النقطتين اللتين تتقاطع عليهما دائرة الأفق ودائرة فلك نصف النهار وهي الدوائر التي تقسم مطالع البروج باختلاف فيما 140 بين دائرة الأفق ودائرة فلك نصف النهار في كل إقليم.



فنخط دائرة فلك نصف النهار عليها أ ب ج د على مركز ه وقطر اه ج و تحييز على نقطة ج قوس جب بقدر عرض الإقليم و تخرج قطر الأفق عليه ب ه د و تخرج خطى جب جد بقدر عرض الإقليم و تخرج قطر الأفق عليه ب ه د و تخرج خطى جب جد المائرة ودائرة ودائرة المائرة ودائرة المائرة ودائرة المائرة ودائرة المائرة ودائرة المائرة ودائرة المائرة ودائرة ودائرة

both directions cutting line ZH at a right angle. Therefore line LKM goes through the centres of all the azimuth circles on the plate. Q.E.D.

[6] Let us also show how in the plane of the astrolabe the great circles are formed [which are] drawn in the heavenly sphere through the two points at which the horizon circle and the circle of the meridian intersect, which are the circles that divide the ascensions of the signs unevenly between the horizon circle and the circle of the meridian in every climate.



We describe the circle of the meridian, ABGD, on centre E and diameter AEG. Through A we pass line ZH tangent to the circle. From point G we take arc GB in the amount of the latitude of the climate and we draw the diameter of the horizon, BED. We draw lines GB, GD,

وننفذهما إلى خط رَح فيقطعانه على نقطتى رَ طَ فقطر بَدَ مشترك لدائرة 145 الأفق وللدوائر العظام التى تتقاطع على نقطتى بَ دَ ونقسم خط رَط بنصفين على له ونخرج خط لكم يقطع خط رَح على زاوية قائمة، فأقول إن الدوائر العظام التى تتقاطع فى كرة الفلك على نقطتى ب د تقع مراكزها جميعاً على خط لكم وتمر بنقطتى رَ طَ .

برهان ذلك أن نقطتى  $\overline{\mathbf{p}}$   $\overline{\mathbf{c}}$  فى كرة الفلك مشتركة لهذه الدوائر ودائرة الأفق ونقطتا  $\overline{\mathbf{p}}$   $\overline{\mathbf{c}}$   $\overline{\mathbf{c}}$  الأفق ووتر فى جميع الدوائر الباقية وقد قسم بنصفين على نقطة  $\overline{\mathbf{c}}$  وأخرج خط  $\overline{\mathbf{c}}$   $\overline{\mathbf{c}}$  على زاوية قائمة من خط  $\overline{\mathbf{c}}$   $\overline{\mathbf{c}}$  غط  $\overline{\mathbf{c}}$  يمر بمراكز الدوائر جميعاً وذلك ما أردنا أن نبين.

[7] ولنبين أيضاً لتمام ما عملنا كيف تتشكل في سطح الأسطرلاب [7] ولنبين أيضاً لتمام ما عملنا كيف تتشكل في سطح وهي الدوائر العظام المخطوطة في كرة الفلك على قطبى فلك البروج وغير ذلك مما يستدل به التي تحد مواضع الكواكب في منطقة فلك البروج وغير ذلك مما يستدل به عليه فنخط دائرة فلك نصف النهار ونحيز عليها الخط الماس كهيئة ما عملنا قبل ونأخذ من نقطة جقوس جب بقدر القوس التي فيما بين القطبين قبل ونأخذ من نقطة حقوس جب بقدر القوس التي فيما بين القطب فلك البروج الشمالي ونقطة بالقطب الجنوبي ثم نخرج خطي جب جد فلك البروج الشمالي ونقطة بالقطب الجنوبي ثم نخرج خطي جب جد مشترك [مشترك [مشترك من 150 قطب قلك البروج الشمالي ونقطة بالقطب الجنوبي ثم نخرج خطي جب جد المشترك [150 قلك البروج الشمالي ونقطة بالقطب الجنوبي ثم نخرج خطي جب حد المشترك [150 قلك البروج الشمالي ونقطة بالتقطية [151 قلل المناز [التي 158 تعليا إعليا 158 قلل المناز [التي 158 تعليا إعليا 158 قلل القطب 161 تكتطب النطب 160 القطب القطب القطب 161 تكتطب النطب 160 القطب القطب القطب 161 تكتطب النطب 160 القطب القطب 161 تكتطب النطب 160 القطب 161 تكتطب النطب 161 تكتطب النطب 160 القطب 161 تكتطب النطب 160 النصور المناز التواب 160 تعليا المناز التواب 160 تعليا المناز القطب 161 تكتطب النطب 161 تكتطب النطب 160 تعليا المناز التواب ال

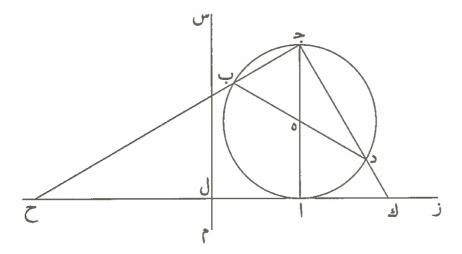
and let them run through to line ZH, cutting it at points Z, T. So diameter BD is common to the horizon circle and the great circles that intersect at points B D. We bisect line ZT at K and draw line LKM cutting line ZH at a right angle. I say: the centres of the great circles that intersect in the heavenly sphere at points B D all fall on line LKM and [the circles] pass through points Z T.

**Proof:** points B D in the heavenly sphere are common to these circles and the horizon circle, and points B D fall in the plate at points Z T. So line ZT is a diameter of the horizon circle and a chord in all the remaining circles. It is bisected at point K and line LKM is drawn at a right angle to line ZH. Therefore line LKM passes through the centres of all the circles. Q.E.D.

[7] To complete what we have done, let us also show how the great circles drawn on the heavenly sphere through the poles of the zodiac circle – which are the circles that define the positions of the stars in the belt of the zodiac – and other [matters] with which that can be obtained are formed in the plane of the astrolabe. We draw the circle of the meridian circle and on it we pass the tangent line, as we have done before. From point G we take arc GB in the amount of the arc that is between the two poles, the pole of the greatest sphere [quib al-falak al-a'zam] and the pole of the zodiac, and we draw diameter BED. So point D [stands] for the northern pole of the zodiac and point B is the southern pole. Then we draw lines GB GD

Al-Farghānī, Astrolabe, Chapter 2

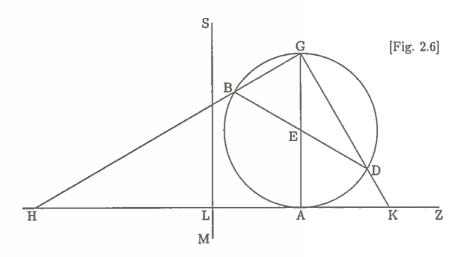
وننفذهما إلى خط رَح فيقطعانه على نقطتي لا ح ونقسم خط لاح بنصفين على نقطة لله و نخرج خط ملس يقطع خط لاح على زوايا قائمة فخط لاح



في الصفيحة قطر الدائرة التي تقطع دائرة فلك البروج في كرة الفلك على زوايا قائمة ووتر في سائر الدوائر التي تجوز على قطبي فلك البروج وقد قصم بنصفين على نقطة آل وأخرج خط م آلس على زاوية قائمة من خط لاح فط م آلس يجوز على مراكز هذه الدوائر جميعاً كمثل ما بينا فيما تقدم وتبين أن نقطة آل التي هي نظير نقطة قطب فلك البروج تقع خارجة عن مركز فلك البروج في الصفيحة كمثل ما تبين في دوائر الارتفاع وذلك ما أردنا أن نبين،

163 من 164 (الدائرة [الدائرة ] 0m. CTMLKP (ونخرج ... قائمة 163 (انقطة 163 من 164 الدائرة [الدائرة 164 S من 165 على نقطتي الاعتدال ,0m. B من 165 على زوايا قائمة 165 من 166 من 166 تنظيم الاعتدال ,TS

and let them run through to line ZH: they cut it at points KH. We bisect line KH at point L and we draw line MLS cutting line KH at right angles. Therefore line KH in the plate is the diameter of



the circle that cuts the zodiac circle<sup>15</sup> in the heavenly sphere at right angles and a chord in the other circles passing through the poles of the zodiac. It has been bisected at point L and line MLS has been drawn at a right angle from line KH; so line MLS passes through the centres of all these circles, as we have explained earlier. It is clear that point K, which is the counterpart of the point of the zodiac pole falls outside the centre of the zodiac in the plate, as has become clear in the altitude circles. Q.E.D.

<sup>&</sup>lt;sup>15</sup>The meridian circle must be meant.

فقد أتينا فيما وصفنا على جميع ما يحتاج إلى ذكره من دوائر الفلك ولكيلا نطيل الكلام فبمثل هذا التدبير نستدل على تشكل سائر ما يعرض في الفلك من الدوائر في سطح الأسطرلاب فأما أقسام قطع الدوائر الموازية لمعدل النهار فوق الأرض وأسفلها في الأقاليم وهي أقسام الساعات فإن النقط التي تفصلها جميعاً على نسبة واحدة ليست في سطح واحد من 175 سطوح دوائر الكرة لأن الدوائر العظام التي تتقاطع على قطبي الكرة هي التي تفصل هذه الدوائر على نسبة واحدة فيما بين أفق الفلك المستقيم وخط وسط السماء فأما فيما بين دوائر آفاق الأقاليم وأفلاك نصف النهار فإن ما كان من الدوائر المتوازية شمالياً عن فلك معدل النهار كانت أقسامه التي تل خط وسط السماء أقل نسبة إلى أقسامه التي تلى قوس الأفق من أقسام الدوائر 180 الحنوبية منها التي تلى خط وسط السماء إلى أقسامها التي تلى قوس الأفق أعنى أنه إذا تعلم على دائرة معدل النهار فيما بين قوس الأفق وفلك نصف النهار نقطة وأدير عليها وعلى القطبين دائرة عظيمة تقطع الدوائر الشمالية والحنوبية فإن القسى التي فيما بين خط وسط السماء والدائرة العظيمة من الدوائر الشمالية أقل نسبة إلى ما بين الدائرة العظيمة وبين قوس الأفق منها 185 من قسى الدوائر الحنوبية التي فيما بين خط وسط السماء والدائرة العظيمة إلى ما بين الدائرة العظيمة وبين قوس الأفق منها وقد بين ذلك بطلميوس

[8] In what we have described we have completed all that is necessary to mention of the circles of the sphere [falak]; and in order not to prolong the discourse, and in similar procedure, we shall guide [the reader to the formation, in the plane of the astrolabe, of the other circles appearing in the sphere. As for the divisions of the portions of the circles parallel to the equator above and below the Earth in the climates, which are the divisions of the hours, the points that cut them all off in the same ratio are not in the same plane from [among] the planes of the circles of the sphere, because the great circles that intersect at the poles of the sphere are those which cut off these circles in the same ratio between the horizon of the sphaera recta and the meridian-line. Between the horizon circles of the climates and the meridian circles [aflāk nisf al-nahār], the divisions of the parallel circles north of the equator circle that are near the meridian line are smaller in ratio to its divisions that are near the horizon arc than the divisions of the southern circles which are near the meridian line to their divisions that are near the horizon arc, i.e. when a point is marked on the equator circle between the horizon arc and the meridian circle and a great circle is drawn through it and through the two poles cutting the northern and southern circles, then the arcs between the meridian line and the great circle from the northern circles are smaller in ratio to the [part] of them between the great circle and the horizon arc than the arcs of the southern circles that are between the meridian line and the great circle to the [part] of them that is between the great circle and the horizon arc. Ptolemy has proved that in his book.

C 171-172 منكل [تشكل 172 ك ولكي لا [ولكيلا 172 علي 3upra C من دوائر الفلك 172-171 ك قد [فقد 171 من 173 منكل الشكل 172 0m. S ولأن القال 173 0m. S ولأن القال 174 BB وهي التي 176 مي التي 176 BB وهي التي 176 مي التي 176-176 BB ولأن الأن 176 BB والمن الدائرة المطيمة 176 BB والمن الدائرة المطيمة 187 منهما (منها 187 0m. C الخي الدائرة المطيمة 187 المنابق الدائرة المطيمة 187 المنابق الدائرة المطبعة 187 المنابق الدائرة الدائرة

وأقول أيضًا إنه قد يمكن أن نقسم من الدوائر المتوازية ثلث دوائر فقط على نسبة واحدة فيما بين دوائر الآفاق وأفلاك أنصاف النهار بقوس 190 واحدة من أجل أن كل ثلث قسى متوازية مختلفة الأقدار في بسيط كرة تقسم على نسبة واحدة فقد يمكن أن تجوز على الثلث النقط منها التى تحد النسبة دائرة غير محدودة عند قطبى الكرة المعلومين وبهذا الباب عمل الأولون في قسمة الساعات لأنهم قسموا من الدوائر المتوازية دائرتى السرطان والجدى ودائرة معدل النهار على نسبة واحدة فيما بين دائرة الأفق وخط نصف النهار وأداروا على هذه الثلث النقط دائرة تقطع سائر الدوائر المتوازية شبيهة بنسبة الثلث الدوائر بالتقريب وليس يقع في ذلك من الخطأ ما يحس قدره إلا فيما كثر تباعده من الدوائر المتوازية عن خط الاستواء أو كثر تباعده من الدوائر المتوازية عن معدل النهار فأما فيما بين مدار الجدى والسرطان فليس له كبير قدر وذلك ما أردنا أن نبين.

النوع الثالث فى استخراج مقادير الدوائر التى تتشكل فى سطح الأسطرلاب ومواضع مراكزها بالحساب

### فإذ قد أوضحنا العلة فيما يتشكل في سطح الأسطرلاب من دوائر الفلك

I also say: it is possible to cut off only three of the parallel circles in the same ratio between the horizon circles and the meridian circles with one arc, since every three parallel arcs of different sizes in the surface of a sphere are divided in the same ratio. So it is possible that a circle undefined with respect to the known poles of the sphere passes through their (the three arcs') three points which define the ratio. According to this procedure [al-bab] the Ancients [al-awwalun] operated in the division of the hours, because they divided, from among the parallel circles, the circles of Cancer and Capricorn and the equator circle in the same ratio between the horizon circle and the meridian line. And they drew through these three points a circle cutting all the parallel circles [in a ratio] approximately similar to the ratio of the three circles. In this no error of a perceptible amount occurs, except for the climates that are much distant from the [terrestrial] equator line or [for] the parallel circles that are much distant from the [celestial] equator. Between the course[s] of Capricorn and Cancer its amount is not great. Q.E.D.

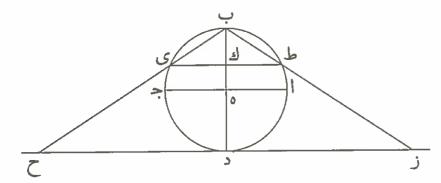
Chapter 3
On determining the quantities of the circles that are formed in the plane of the astrolabe and the positions of their centres by calculation

Since we have explained the reason for what circles of the celestial sphere are formed in the plane of the astrolabe,

Al-Farghānī, Astrolabe, Chapter 3

فلنبين على ما يتبع كيف تستخرج أقدار أقطار الدوائر ومواضع مراكزها 5 بالحساب ·

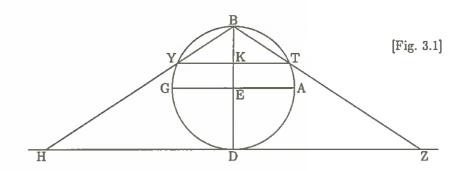
[1] ونبدأ باستخراج أقطار الدوائر الموازية لمعدل النهار لأن بهذه الأقطار فقط يستخرج جميع ما يحتاج إلى معرفته من أقطار سائر الدوائر وسنبين ذلك فنعيد الشكل الذي رسمنا للمدارات الموازية لمعدل النهار ونجعل قوس اط بمقدار ميل فلك البروج عن فلك معدل النهار وهو على ما وجدنا 10 بالرصد في زماننا ثلثة وعشرون جزءًا وثلث وثلثون دقيقة فتكون قوس داط



مائة وثلثة عشر جزءًا وثلثة وثلثين دقيقة وخط طى في الكرة يوازى خط زح الذى بينا أنه خط نصف النهار في سطح الأسطرلاب فقدر خط طك عند خط ك بينا أنه خط نصف النهار في سطح الأسطرلاب فقدر خط طك عند خط ك بينا أنه خط زد عند خط دب ولكن خط طك هو جيب قوس طب وخط ك بين أيضاً جيب منكوس لقوس طب وخط دب قطر الكرة أفإذا أخذنا جيب قوس طب وهو خمسة وخمسون جزءًا وصفر وعشر ثواني بالمقدار الذى به يكون قطر دب مائة وعشرين جزءًا وضربنا ذلك في القطر بالمقدار الذى به يكون قطر دب مائة وعشرين جزءًا وضربنا ذلك في القطر المقدار الذى به يكون قطر دب مائة وعشرين جزءًا وضربنا ذلك في القطر بالمقدار الذى به يكون قطر دب مائة وعشرين جزءًا وضربنا ذلك في القطر المقدار الذى به يكون قطر دب مائة وعشرين جزءًا وضربنا ذلك في القطر المقدار الذى الكرة 2 من مذه [بهذه 7 ق وكيف إكيف 5 عندار إبهتدار 10 كاستن إومنين 9 سمن المقدار المقدار

let us show in due order how the quantities of the diameters of the circles and the positions of their centres are obtained by calculation.

[1] We begin by taking the diameters of the circles parallel to the equator, because with these diameters alone is obtained all that it is necessary to know of the diameters of the rest of the circles – we shall show that. We repeat the diagram that we drew for the courses parallel to the equator. We make arc AT in the quantity of the inclination of the zodiac from the equator circle: as we found by observation in our time, that is 23°33′. So arc DAT is 113°33′. Line TY in the sphere



is parallel to line ZH, which we showed was the meridian line in the plane of the astrolabe. So the quantity of line TK in relation to line KB is as the quantity of line ZD in relation to line DB. But line TK is the sine of arc TB; line KB, again, is the versed sine of arc TB, and line DB is the diameter of the sphere. When we take the sine of arc TB, which is  $55^p0'10''$  in the quantity in which the diameter DB is  $120^p$ , and multiply that by the diameter,

Al-Farghānī, Astrolabe, Chapter 3

وهو مائة وعشرون جزءًا بلغ ذلك ستة آلاف وستمائة جزءًا وعشرين دقيقة فنقسمها على خط لاب وهو ستة وثلثون جزءًا ودقيقة واحدة وسبع وثلثون ثانية فيخرج لنا خط در مائة وثلثة وثمانين جزءًا واثنتى عشرة دقيقة وعشرين ثانية وذلك نصف قطر مدار الحدى في الصفيحة ·

ومن أجل أنا نحتاج إلى أن نفرض قطر مدار الجدى في الصفيحة عدداً يمكنا تجزئته بأكثر ما نقدر عليه من الأجزاء وتسهل قسمته عند وقت العمل فلنجعل خط رح وهو قطر مدار الجدى ستين جزءًا فبالمقدار الذى به يكون خط در ثلثين جزءًا فبه يكون قطر دب تسعة عشر جزءًا وتسع وثلثين دقيقة قط فلنستعمل هذه الأجزاء في خط دب بدل المائة والعشرين الجزء وليس يدخل ذلك علينا خطأ في الحساب إذ كنا إنما نناسب بخط دب إلى خط رح فقط وهما متجانسان في العدد وعلى مثل ما وصفنا نستخرج أنصاف أقطار جميع المدارات الموازية لمعدل النهار لدرجة درجة مما يلى القطب الشمالي إلى ما يتلو نحو القطب الجنوبي ونثبت ذلك في جدول على حدة يكون ميسراً لنا 30 نستخرج منه مقادير أقطار الدوائر التي تقع في سطح الأسطرلاب على ما نستخرج منه مقادير أقطار الدوائر التي تقع في سطح الأسطرلاب على ما نصف فيما يتلو .

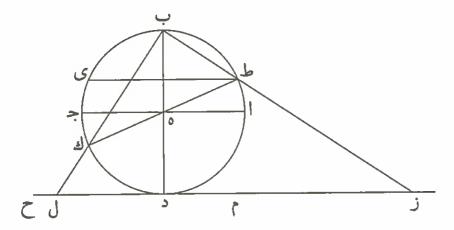
which is  $120^{\rm p}$ , that comes to  $6600^{\rm p}20'$ . We divide it by line KB, which is  $36^{\rm p}1'37''$ , and there emerges for us line DZ,  $183^{\rm p}12'20''$ . That is the semidiameter of the course of Capricorn in the plate.

Since we need to assume the diameter of the course of Capricorn in the plate as a number that we can divide into as many parts as we can and [such that] its division becomes easy when constructing [the astrolabe], let us make line ZH, the diameter of the course of Capricorn, sixty parts. So in the scale in which line DZ is  $30^{\rm p}$ , diameter DB is  $19^{\rm p}39'$ . Let us apply these degrees in line DB instead of the  $120^{\rm p}$ ; that does not bring about for us a mistake in the calculation, since we bring line DB into proportion to line ZH, which are of the same kind in number  $^{16}$ . As we have described, we obtain the semidiameters of all the courses parallel to the equator degree by degree, from those near the north pole to those near the south pole. We shall establish that in a table by itself, which is helpful to us – from which we read off the quantities of the diameters of the circles that fall on the surface of the astrolabe, as we describe in what follows.

add. S وذلك ما أردنا أن نيين [المدد 28

<sup>16 &</sup>quot;Q.E.D." add. S.

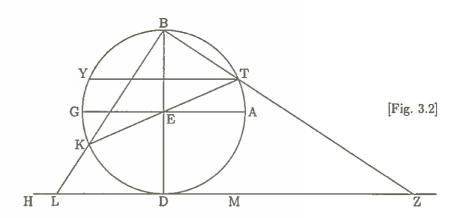
[2] ونعيد أيضاً صورة الشكل لفلك البروج وقد تبين أن قوس دك بعد ما بين القطب الشمالي ومدار رأس السرطان وهو ستة وستون جزءًا وسبع



وعشرون دقيقة فحط دل نصف قطر مدار نقطة له وهو على ما استخرجنا 35 من أنصاف أقطار المدارات إثنا عشر جزءًا واثنان وخمسون دقيقة بالتقريب بالمقدار الذي به يكون قطر مدار الجدى ستين جزءًا وخط زد على ما فرضنا ثلثون جزءًا فحط زل قطر فلك البروج يكون اثنين وأربعين جزءًا واثنتين وخمسين دقيقة فحط لم نصف القطر يكون أحداً وعشرين جزءًا وستا وعشرين دقيقة فننقص منه خط دل فيبقى خط دم ثمانية أجزاء وأربعاً 40 وثلثين دقيقة بالتقريب وهذه الأجزاء بعد مركز فلك البروج عن مركز الصفيحة في خط نصف النهار .

بستين [ستين 37 0m. BS 37 إب 9 BS 37 [ وسبع وعشرون 33-34 B سين [بين 34 34 0m. S 37 وسورة 33 C 39 واحد [أحداً 39 أحداً (مداً 39 أحداً 40 C عنها [مداً 40 C عنها

[2] We also repeat the form of the figure of the zodiac. It is clear that arc DK is the distance between the north pole and the course of the beginning of Cancer, which is  $66^{\circ}27'$ . So line DL is the



semidiameter of the course of point K, and it is what is obtained from the semidiameters of the courses,  $12^{\circ}52'$  approximately, in the scale in which the diameter of the course of Capricorn is  $60^{\rm p}$  and line ZD, according to what we have supposed, is  $30^{\rm p}$ . Therefore line ZL, the diameter of the zodiac, is  $42^{\rm p}52'$ . Therefore LM, the semidiameter, is  $21^{\rm p}26'$ . So we subtract from it line DL and there remains line DM,  $8^{\rm p}34'$  approximately; these parts are the distance of the centre of the zodiac from the centre of the plate on the meridian line 17.

add. T وذلك ما أردنا أن نين وهذا شكله [النهار 42

<sup>&</sup>lt;sup>17</sup> "Q.E.D. And this is its diagram" add. T.

[3] فأما قسمة دائرة فلك البروج في الصفيحة فقد قلنا إنها تنقسم بالخطوط التي تمر على مركز الصفيحة وتقسم مطالع الفلك المستقيم من معدل النهار فنستخرج أجزاء مطالع الفلك المستقيم تسعين درجة على ما لم نزل نستخرج ونرسمه في جدول على حدته ·

[4] ونصف على ما يتبع ما قدمنا كيف تعلم مواضع الكواكب الثابتة في سطح الأسطرلاب و تحتاج في ذلك إلى معرفة بعد الكوكب عن فلك معدل النهار في الفلك العظيم المخطوط على الكوكب وعلى قطبى فلك معدل النهار ومعرفة الدرجة التي تمر مع الكوكب من فلك البروج في خط سط 50 السماء لأنه لا يمكن أن نعلم موضع الكوكب في الأسطرلاب إلا بعد معرفتنا ذلك فإنه وإن كان ممكناً على ما بينا أن تخط في الأسطرلاب الدوائر العظام التي تتقاطع جميعًا على قطبى فلك البروج فتدرك بها مواضع أجزاء الكواكب في الطول من فلك البروج فإنه غير ممكن أن تدرك عروض الكواكب أعنى أبعادها من منطقة فلك البروج في هذه الدوائر العظام إلا بقسمة هذه أبعادها من منطقة فلك البروج في هذه الدوائر العظام إلا بقسمة هذه الدوائر على ما تنقسم به في الأسطرلاب وذلك عسر بعيد، وفي معرفتنا ببعد الكوكب من معدل النهار ودرجة ممره من فلك البروج ما يؤدى إلى معرفة حقيقة موضع الكوكب من الأسطرلاب.

[3] As for the division of the zodiac circle on the plate, we have said that it is partitioned by the lines passing through the centre of the plate and dividing the ascensions at *sphaera recta* on the equator. So we obtain the degrees of the ascensions at *sphaera recta*, [for] 90 degrees, as we always obtain [them]. We draw that up in a table of its own.

[4] In due course, following what we said earlier, we shall describe how the positions of the fixed stars in the plane of the astrolabe are determined: for this we need [i] to know the distance of the star from the equator circle on the great circle drawn through the star and through the poles of the equator circle and [ii] to know the degree of the zodiac that passes the meridian line with the star, because the position of the star on the astrolabe can only be determined after knowing that. For even if it is possible, as we have shown, to draw on the astrolabe the great circles that all intersect at the poles of the zodiac, by which are found the positions of the degrees of the stars in longitude in the zodiac, it is not possible that the latitudes of the stars, i.e. their distances from the zodiac belt in these great circles, is reached except by dividing these circles as they are partitioned on the astrolabe, but that is difficult and wearisome. In our knowledge of the distance of the star from the equator and the degree in the zodiac circle of its passage [at the meridian there is what leads to the knowledge of the true position of the star on the astrolabe.

add. T 43 في الصفيحة [بالخطوط 44 ك 5 إنه [إنها 13 T سنا لها [قلنا إنها 13 T وأما إقاما 34 لل علم 43 لل علم 43 قلله الفلك 44 ك ويقسم من [وتقسم 14 ك 5 ك المقسوم 5 ك المقسوم 5 ك 44 ك 5 ك المقسوم 5 ك 44 ك 5 ك المقسون المسكن المسك

Al-Farghānī, Astrolabe, Chapter 3

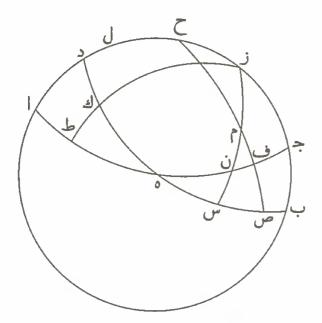
فإذا كان الكوكب في منطقة فلك البروج فإن ميل الدرجة التي هو فيها هو بعده من فلك معدل النهار ويمر في خط وسط السماء مع درجته في 60 وقت واحد وإذا كان الكوكب خارجاً عن منطقة البروج أيضاً وهو في سطح الفلك المخطوط على أقطاب الفلكين فإن بعده من فلك معدل النهار يعرف من عرضه وميل درجته فقط فيزاد أحدهما على الآخر إذا كانا في جهة واحدة وينقص منه إذا كانا في جهتين مختلفتين فما حصل بعد ذلك فهو بعده من معدل النهار ويمر مع درجته في خط وسط السماء أيضاً في وقت واحد، 65 فإن كان الكوكب على غير ما ذكرنا فكان خارجاً عن منطقة البروج وفي غير سطح الفلك المخطوط على أقطاب الفلكين اختلف بعده ودرجة ممره جميماً فإذا كان فيما بين أول الحدى إلى أول السرطان وعرضه شمالي عن منطقة البروج وافي وسط السماء قبل موافاة درجته التي هو فها من فلك البروج وإن كان جنوبياً وافي بعدها وأيضاً إن كان فيما بين السرطان إلى أول 70 الحدى وعرضه شمالي وافي وسط السماء بعد موافاة درجته وإن كان حنوساً وافي قبلها ٠

فلنبين علة ما ذكرنا وكيف يستخرج بعد الكوكب من فلك معدل النهار والدرجة التى توافى معه وسط السماء من فلك البروج ونعمل فى ذلك بالوجه الذى وصف بطلميوس فى المجسطى فنخط دائرة فلك نصف النهار المخطوط على أقطاب الفلكين عليها آ ب ج د و نخط فيها نصف فلك معدل النهار عليه أندار [أنطاب 59 مسلم أيناً 61 بي منطقة 61 مسلم المنات 62 عنائين [عنائين المتانين والمنات 63 عنائين [كتانين المنات 64 مسلم 65 عنائين [كتانين المنات 65 كان [كان 65 مسلم 65 عنائين المنات 65 كان [كان 65 مسلم 65 كان الكوكب 13 كان الكوكب 13 كان والملكوكب [الكوكب 13 كان والكوكب 65 كان والكوكب 15 كان 15 كان والكوكب 15 كان

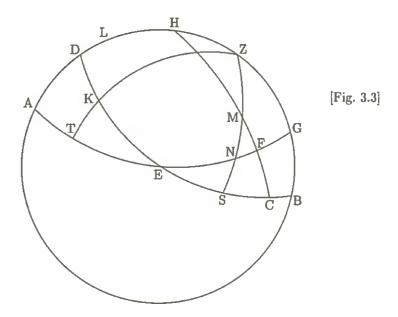
When the star is on the belt of the zodiac, the declination of the degree it is at is its distance from the equator circle; it passes at the meridian line with its degree at the same time. When, again, the star is outside the belt of the signs [but] in the plane of the circle [falak] drawn through the poles of the two circles, then its distance from the equator circle is known from its latitude and the declination of its degree alone: one of them is added to the other when they are on the same side, and it is subtracted from it when they are on different sides. What results after that is its distance from the equator. It also passes at the meridian with its degree at the same time. If the star is not as we have mentioned, and so is outside the belt of the zodiac and not in the plane of the circle [falak] through the poles of the two circles, its distance and the degree of its passage are both various. When it is between the beginning of Capricorn and the beginning of Cancer and its latitude is north of the belt of the signs, it arrives at the meridian before the arrival of its degree which it is at of the zodiac circle; and if it is southerly, it arrives after it. Also, if it is between [the beginning of] Cancer and the beginning of Capricorn and its latitude is northerly, it arrives at the meridian after the arrival of its degree; and if it is southerly, it arrives before it.

Let us show the reason for what we have mentioned and [show] how to determine the distance of the star from the equator circle and the degree of the zodiac that arrives with it at the meridian. For that we proceed in the way that Ptolemy described in the Almagest. We draw the meridian circle through the poles of the two circles; on it are A B G D. In it we draw half the equator circle, on which are

د ه ب وقطبه الشمالى نقطة ر ونصف فلك البروج عليه آ ه ج وقطبه نقطة ح فتكون نقطة آ من فلك البروج موضع رأس الجدى ونقطة ج رأس



D E B, its north pole being point Z, and half the zodiac, on which are A E G, its pole being point H. So point A of the zodiac is in the position of the beginning of Capricorn and point G is the beginning of Cancer.



We put the star, first, on the belt of the zodiac at point T. We draw through T an arc of a great circle [falak], on which are Z K T. So arc TK is the declination of the degree of the star and it is also its distance from the equator circle. It reaches the meridian line with point T at the same time. Then we put the star at point L of the meridian circle. So AL is the latitude of the star from the circle of the middles of the signs in the north and AD is the declination of Capricorn. So when we subtract it from arc AL, there remains arc LD, the star's distance from the equator. Similarly, when the latitude is in the south,

زدنا أجزاء الميل على عرض الكوكب فما بلغ فهو بعده من معدل النهار وحيث كان الكوكب من فلك أبجد فهو يوافى وسط السماء مع درجته في وقت واحد ثم تجعل الكوكب خارجاً عن منطقة البروج وعن الفلك المخطوط على أقطاب الفلكين فنجعله على نقطة م ونخط عليه وعلى القطبين قوسين من فلكين عظيمين عليهما زم ن س حم م ف ص فنقطة 90 ف هي موضع الكوكب من فلك البروج ونقطة ص موضعه من فلك معدل النهار ونقطة ن الدرجة التي توافي معه وسط السماء من فلك البروج وقوس م ف مى عرض الكوكب أعنى بعده من منطقة البروج وقوس مس هي بعده من فلك معدل النهار وهي أقصر من قوس مص لأن زاوية مسص قائمة وزاوية مس أصغر من قائمة فعلى ما بين بطلميوس تكون نسبة 95 جيب قوس حب إلى جيب قوس بز تؤلف من نسبتين من نسبة جيب قوس حص إلى جيب قوس صم ومن نسبة جيب قوس مس إلى جيب قوس رس وكل واحدة من قسى رب رس حف ربع دائرة وقوس حب مائة وثلثة عشر جزءًا وثلث وثلثون دقيقة ونعرف قوس ف ص من جهة الميل لأن قوس فج من فلك البروج معلومة وهي ما يطلع مع قوس بص من 100 فلك معدل النهار بالفلك المستقيم فإذا حولنا قوس فج من مطالع الفلك

we add the degree of the declination to the latitude of the star: what results is its distance from the equator. Where the star is on circle ABGD, that reaches the meridian with its degree at the same time. Then we put the star outside the belt of the signs and not on the circle drawn through the poles of the two circles. We put it at point M; through it and through the two poles we draw two arcs of great circles on which are Z M N S, H M F C. So point F is the position of the star in the zodiac, point C is its position in the equator circle and point N is the degree of the zodiac that reaches the meridian with it. Arc MF is the latitude of the star, i.e. its distance from the belt of the signs and arc MS is its distance from the equator circle. It is shorter than MC, because MSC is right and MCS is smaller than a right [angle], as Ptolemy has proved. The ratio of the sine of HB to the sine of BZ is composed of two ratios, the ratio of sine HC to the sine of CM and of the sine of MS to the sine of ZS. Each of the arcs ZB ZS HF is a quarter of a circle and HB is 113°33'. We know FC from considerations of declination, because FG of the zodiac is known. It is what rises with BC of the equator circle at sphaera recta. When we convert FG [by tables] from the ascension at sphaera

المستقيم إلى درج السواء خرج لنا بس فنعرف بها قوس ف من جدول الميل وقوس مف هي عرض الكوكب فتكون كل واحدة من قوسي حس معلومة وتبقى من القسى المطلوبة قوس مس فتكون معلومة ٠

و تحمل لذلك مثالاً من كوكب العيوق و تحمله على نقطة م وهو على 105 ما وجدنا بالرصد في زماننا أعنى في سنة خمس وعشرين ومائتين من سني يزدجرد بن شهريار في خمسة أجزاء وعشرين دقيقة من الحوزاء فتكون قوس آف من فلك البروج مائة وخمسة وخمسين جزءًا وعشرين دقيقة فندخل بها في جدول مطالع الفلك المستقيم ونأخذ ما يقابلها من درج السواء في السطر الأول فتخرج لنا قوس حص من معدل النهار مائة وسبعة وخمسين 110 جزءًا و ١٣ دقيقة فننقص منها قوس ده وهي ص جزءًا فتبقى قوس ه ص سبعة وستين جزءًا وثلث عشر دقيقة فندخل بها في جدول الميل ونأخذ ما يقابلها فتخرج لنا قوس صل واحدأ وعشرين جزءًا وسبعاً وثلثين دقيقة فنزيدها على قوس فح فتكون كل قوس صح مائة وأحد عشر جزءًا وسبعاً وثلثين دقيقة ونزيد أيضاً قوس صف على قوس فم التي هي 115 للعرض وهي على ما وجدنا بالرصد للعيوق اثنان وعشرون جزءًا وخمسون دقيقة فتكون كل قوس صم أربعة وأربعين جزءًا وسبعاً وعشرين دقيقة C فرم [ اخرج [خرج 102 عن الاعام 102 كاخرج [خرج 102 عنوم النا 102 عنوم ا T ومانتي [ومائتين 106 T أربع: CBSKPLM | خس 106 B وجد [وجدنا 106 5 ونحمل [ونحمله 105 T . CT فندخلها [فندخل بها 108 B 108 جزءًا [خمسة أجزاء 107 B بزجرد بن سهرياران [يادجرد بن شهريار 107 رص [ دص 110 B إلا [ لنا 110 B الاستوا [ السواء 109 T بحدول , عبدول [ في جدول 109 B فدحل om. C 111 [ و مانة وسيمة وخمسين 110 كا ١٥٢ [ مانة وسيمة وخمسين 110 B 110 (مانة وسيمة وخمسين 110 B C ونصف [ونزيد 115 CB وتسمأ وسيماً 115 om. CT ونصف [في CBTS المنخطية | المنخطي بيا 112 T وجد [وجدنا 116] om. CBT إهي 115

recta to degrees of equality  $[daraj \ al-saw\bar{a}^2]$ , there emerges for us BC. So by it we know FC from the declination table; MF is the lattitude of the star. So each of arcs HC CM is known. There remains the wanted arc MS; so it is known.

We make an example of that from the star al-' $ayy\bar{u}q$  [=  $\alpha$  Aurigae]. We put it at point M. It is as we have found by observation in our time, i.e. in year 225 in the era of Yazdajird ibn Shahriyār [i.e. 856–857 AD] at 5°20′ of Gemini. So arc AF of the zodiac circle is 155°20′. With that we enter the table of ascensions at sphaera recta and take what degrees of equality are opposite it in the first column: there emerges for us arc DC of the equator, 157°13′. We subtract from it arc DE, which is 90°; there remains arc EC, 67°13′. With that we enter the table of declination and take what is opposite it: there emerges for us arc CF, 21°37′. We add it to arc FH: the total arc CH is 111°37′. We also add arc CF to arc FM, which [stands] for latitude. It is as we have found by observation for al-' $ayy\bar{u}q$  [ $\alpha$  Aurigae] 22°50′. So the total arc CM is 44°27′.

Al-Farghānī, Astrolabe, Chapter 3

فنضرب جيب قوس بح وهو خمسة وخمسون جزءًا وعشر ثوانى بالمقدار الذى به يكون القطر مائة وعشرين جزءًا فى جيب قوس مس وهو اثنان وأربعين جزءًا ودقيقة واحدة وثانية فيبلغ ألفين وثلثمائة وأحد عشر جزءًا ودقيقتين وخمساً وخمسين ثانية فنقسمها على جيب قوس صح وهو خمسة وخمسون جزءًا وست وأربعون دقيقة وتسع وأربعون ثانية فيخرج لنا أحد وأربعون جزءًا وخمس وعشرون دقيقة وثلث وخمسون ثانية فنسبة هذه الأجزاء إلى جيب قوس رب كنسبة جيب قوس مس إلى جيب قوس سرز ولكن جيب قوس وعشرون ولكن جيب قوس سرز الأن كل واحدة من قوسى أحد وأربعون جزءًا وخمس وعشرون وقوس سم أحد وأربعون جزءًا وخمس وعشرون وقيقة وثلاث وخمسون ثانية وقوس سم ثلث وأربعون جزءًا وأربعون دقيقة بالتقريب وذلك بعد كوكب العيوق عن فلك معدل النهار فى ناحية الشمال والتقريب وذلك بعد كوكب العيوق عن فلك معدل النهار فى ناحية الشمال والتقريب وذلك بعد كوكب العيوق عن فلك معدل النهار فى ناحية الشمال و

وأيضاً في استخراج درجة المر ثكون نسبة جيب قوس زح إلى جيب قوس حب تؤلف من نسبتين من نسبة جيب قوس رم إلى جيب قوس مس ومن نسبة جيب قوس مس ولكن كل واحدة من قسى زح حب زم مس صب معلومة وتبقى قوس سس مطلوبة فنضرب جيب قوس زح وهو جيب الميل كله في جيب قوس مس وهو

We multiply the sine of arc BH, which is  $55^p10''$  in the scale in which the diameter is  $120^p$ , by the sine of arc MC, which is  $42^p1'1''$ . It makes  $2311^p2'55''$ . We divide it by the sine of arc CH, which is  $55^p46'49''$ . There emerges for us  $41^p25'53''$ . So the ratio of these parts to the sine of arc ZB is as the ratio of the sine of arc MS to the sine of arc SZ. But the sine of arc ZB is equal to the sine of arc SZ, because each of arcs SE is a quarter of a circle. So the sine of arc SE is SE is a quarter of a circle. So the sine of arc SE is SE is a quarter of a circle. So the sine of arc SE is SE in a quarter of a circle of the sine of arc SE is the distance of the star SE is a quarter of a circle on the northern side.

And also in obtaining the degree of passage [i.e. mediation], the ratio of the sine of arc ZH to the sine of arc HB is composed of two ratios, of the ratio of the sine of arc ZM to the sine of arc MS and of the ratio of the sine of arc SC to the sine of arc CB. But each of the arcs ZH HB ZM MS CB is known. There remains arc SC wanted. So we multiply the sine of arc ZH, which is the sine of the total declination, by the sine of arc MS, which is

جيب البعد وتقسم ما بلغ على جيب قوس مر فما خرج ضربناه في جيب قوس بس ونقسم ما اجتمع على جيب قوس حب فيخرج لنا جيب قوس صس على مثل ما عملنا وهو تسعة أجزاء وتسع وثلثون دقيقة وتسع وخمسون ثانية وتكون قوس سس تسعة أجزاء وست عشرة دقيقة وست عشرة ثانية فننقمها من قوس دس فتبقى قوس دس مائة وسبعة وأربعين جزءًا وستاً وخمسين دقيقة وأربعاً وأربعين ثانية فنحولها أيضاً من درج المطالع بالفلك المستقيم إلى درج السواء فتخرج لنا قوس آن من فلك البروج مائة وخمسين جزءًا واثنتى عشرة دقيقة فنقطة ن التى توافى مع الكوكب وسط السماء فى اثنتى عشرة دقيقة من الحوزاء ·

وعلى مثل ما وصفنا نستخرج أبعاد الكواكب الثابتة من معدل النهار والدرجة التى يوافى مع كل كوكب منها وسط السماء ولكى يكون ما وصفنا فى باب مفهوم يؤدى فى كل الجهات إلى ما علمنا فلنصف بقول جامع كيف نستخرج ذلك لكل كوكب فى كل موضع من الفلك فإذا أردنا أن نعرف بعد الكوكب من معدل النهار أخذنا الميل كله فنقصناه من تسعين وجعلنا ما بقى جيباً وهو الحبيب الأول ثم أخذنا من أول الحبدى إلى درجة الكوكب فى الطول وأدخلنا ذلك جدول مطالع الفلك المستقيم وأخذنا ما بحياله من درج السواء فما خرج لنا فهو الحصة فننقص من الحصة تسعين جزءًا وندخل ما 150 السواء فما خرج لنا فهو الحصة فننقص من الحصة تسعين جزءًا وندخل ما 150 وصع اثر وصع الكوكب الكوكب الكوكب وصع الكوكب الكوكوكب الكوكوك الكوكوكب الكوكب الكوكب الكوكوكب الكوكوكب الكوكوك الكوكوكب الكوكوك الكوكوك

the sine of the distance [sc. from the equator]. We divide the result by the sine of arc MZ: what results we multiply by the sine of arc BC and what assembles we divide by the sine of arc HB: there emerges for us the sine of arc CS, as we have proceeded; it is  $9^{p}39'59''$  and arc CS is  $9^{o}16'16''$ . We subtract it from arc DC: there remains arc DS,  $147^{o}56'44''$ . We convert them from degrees of ascension at sphaera recta to degrees of equality: there emerges for us arc AN of the zodiac,  $150^{o}12'$ . So point N, which reaches mid-heaven together with the star, is at 12' of Gemini<sup>18</sup>.

In the way that we have described, we obtain the distances of the fixed stars from the equator and the degree which reaches mid-heaven with each of the stars; and in order that what we have described is in understandable form, leading in all directions to what we have learnt, let us now describe in a comprehensive way how we obtain that for each star in each position of the sphere. When we want to know the star's distance from the equator, we take the total declination from 90; what remains we make a sine: it is the first sine. Then we take in longitude [what is] the beginning of Capricorn to the degree of the star. With that we enter the table of ascensions at sphaera recta and take what is opposite it of degrees of equality: what emerges for us is the argument [hiṣṣa]. From the argument we subtract 90° and with what remains

add. T وذلك ما أردنا أن نيين [الحوزاء 142

<sup>&</sup>lt;sup>18</sup> "Q.E.D." add. T.

بقى جدول الميل ونأخذ ما بحياله من أجزاء الميل فهو ميل الحصة ثم ننظر فإن كان عرض الكوكب وميل حصة الكوكب فى جهة واحدة جمعناهما وإن كانا فى جهتين مختلفتين نقصنا الأقل من الأكثر فما حصل بعد ذلك جعلناه جيباً وهو الحبيب الثانى ثم ننقص الحصة من تسعين ونجعل ما بقى جيباً وهو الحبيب الثالث ثم نضرب الحبيب الأول فى الحبيب الثانى فنقسم ما اجتمع على الحبيب الثالث ثم نضرب الحبيب الأول فى الحبيب الثالث فما خرج جعلناه قوساً فما خرج من القوس فهو بعد الكوكب من معدل النهار فإن كان عرض الكوكب وميل حصة الكوكب فى جهة واحدة فالبعد فى تلك الحبة وإن كانا فى جهتين مختلفتين فالبعد فى جهة الأكثر منهما .

وإذا أردنا معرفة الدرجة التى توافى مع الكوكب وسط السماء نقصنا أيضاً الميل كله من تسعين وجعلنا ما بقى جيباً وهو الجيب الأول وجعلنا الميل كله جيباً وهو الجيب الثانى وجعلنا بعد الكوكب من معدل النهار جيباً وهو الجيب الثالث ونقصنا البعد من تسعين وجعلنا ما بقى جيباً وهو الجيب الرابع ونجعل حصة الكوكب التى خرجت لنا من المطالع جيباً وهو الجيب الرابع ونجعل حصة الكوكب التى خرجت لنا من المطالع جيباً وهو الجيب الخامس ثم نضرب الجيب الثانى فى الجيب الثالث ونقسم ما اجتمع على الجيب الرابع فما خرج ضربناه فى الجيب الخامس فما اجتمع قسمناه على الجيب الأول فما خرج جعلناه قوساً فإن كان الكوكب فيما بين أول السرطان

we enter the table of declination and take what is opposite it of degrees of declination: it is the declination of the argument. Then we look: if the latitude of the star and the declination of the star's argument are on the same side, we add them, and if they are on different sides, we subtract the smaller from the greater. What results after that we make a sine: it is the second sine. Then we subtract the argument from 90 and make what remains a sine: it is the third sine. Then we multiply the first sine by the second sine and divide the product by the third sine. What emerges we make an arc; and what emerges from the arc is the distance of the star from the equator. If the latitude of the star and the declination of the star's argument are on the same side, the distance is on that side; and if they are on different sides, the distance is on the side of the greater of the two.

When we want to determine the degree that reaches the meridian with the star, we also subtract the total declination from ninety and make what remains a sine: it is the first sine. We make the total declination a sine. It is the second sine. We make the distance of the star from the equator a sine. it is the third sine. We subtract the distance from ninety and make what remains a sine. It is the fourth sine. We make the argument of the star that emerged for us from the ascension a sine. It is the fifth sine. Then we multiply the second sine by the third sine and divide the product by the fourth sine. What emerges we multiply by the fifth sine. The product we divide by the first sine, and what emerges we make an arc. If the star is between the beginning of Cancer

add. T 151 منهما [الأكثر add. T 153 مثل الميل 151 B 153 مثل الميل 151 153 add. T 153 منهما الأكثر add. T 153 منهما الأقل 153 B 153 منهما الأعثر add. BS 155 منهما إسلام 351 الميل 351 154 T 156 منهما إدار 156 علي المعل 156 يوم أكد الميل المعل 156 الميل المعل 156 المعلى المعلى

إلى أول الحبدى وبعده من معدل النهار شمالى زدنا ما خرج لنا على حصة الكوكب وإن كان بعده فى جهة الحبنوب نقصناه منها وإن كان الكوكب فيما بين أول الحبدى إلى أول السرطان وبعده من معدل النهار شمالى نقصنا ما تحرج لنا من حصة الكوكب وإن كان فى جهة الحبنوب زدناه عليها فما حصل بعد الزيادة والنقصان أدخلناه جدول مطالع الفلك المستقيم وأخذنا ما بحياله من درج السواء فما خرج لنا فهو موضع الدرجة التى توافى مع الكوكب وسط السماء .

فإذا عرفنا بعد الكوكب من فلك معدل النهار نقصناه من تسعين فما بقى فهو بعده من القطب الشمالى فنعرف نصف قطر مداره فى الصفيحة من جدول المدارات ومثال ذلك أن بعد العيوق من معدل النهار ثلثة وأربعون جزءًا وأربعون دقيقة فى جهة الشمال فيكون بعده من القطب الشمالى ستة وأربعين جزءًا وعشرين دقيقة فندخل ذلك الجدول الذى عملناه لأنصاف أقطار المدارات ونأخذ ما بحياله فيخرج لنا نصف قطر مداره فى الصفيحة 180 ثمانية أجزاء وأربعة وعشرين دقيقة وكذلك نستخرج أنصاف أقطار المدارات لكل ما نريد من الكواكب فى الأسطرلاب ونثبت ذلك فى الجدول ليكون ميسراً لنا عند وقت العمل .

and the beginning of Capricorn and its distance from the equator is northern, we add what emerges for us to the argument of the star; and if its distance is on the south side, we subtract it from it. And if the star is between the beginning of Capricorn and the beginning of Cancer and its distance from the equator is northern, we subtract what emerges for us from the argument of the star; and if it [sc. its distance] is on the south side, we add it to it. With what results after addition or subtraction we enter the table of ascension at *sphaera recta* and take what degrees of equality are opposite it: what emerges for us is the position of the degree that arrives with the star at the meridian.

When we have determined the distance of the star from the equator circle, we subtract it from ninety: what remains is its distance from the north pole. We determine the semidiameter of its course in the plate from the table of courses. An example of that: the distance of al-' $ayy\bar{u}q$  from the equator is  $43^{\circ}40'$  on the north side; so its distance from the north pole is  $46^{\circ}20'^{19}$ . With that we enter the table which we have made for the semidiameters of the courses and take what is opposite it for us. There emerges for us the semidiameter of its course in the plate,  $8^{p}24'$ . Similarly, the semidiameters are obtained for all the stars that we want in the astrolabe and we establish that in a table, so that it is made easy for us when constructing [the astrolabe].

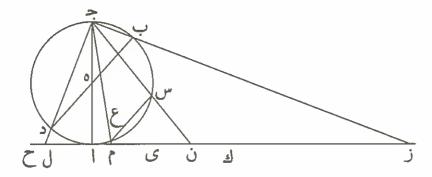
BS عليهما [عليها [عليها ] om. C 171 أنقمناه ... شمالي 160-170 T من [في 169 فإن [أوإن 169 170 BS 170 ممدل [ فلك ممدل ] om. S 175 ممدل [ فلك ممدل ] om. S 176 أو النقصان [ والنقصان [ والنقصان ] supra T 178 في [ ذلك 179 B ممدل فلك B 176 عليه المحداول [ المجدول 182 B ممدل فلك B 183 عليه [ ميسر ] مسر [ ميسراً 183 B ميسر [ ميسراً 183 B ميسر [ ميسراً 183 B ميسر [ ميسراً 183 ميسر ] ميسراً 183 عليه المحداول المحدا

add. S في جهة الشمال [ دقيقة 179

<sup>19 &</sup>quot;on the northern side" add. S.

Al-Farghānī, Astrolabe, Chapter 3

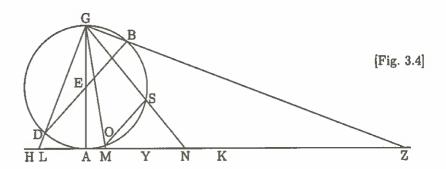
[5] ولنصف على إثر ما قدمنا كيف نستخرج أنصاف أقطار الدوائر التى للارتفاع عن دائرة الأفق وتسمى في الأسطرلاب المقنطرات فنعيد شكل 185 دوائر الارتفاع الذي قدمناه ونفرض قوس جب لعرض الإقليم ثلثين جزءًا



وخط ب و قطر الأفق في الكرة وخط زل قطر الأفق في الصفيحة ولكن خط أز نصف قطر مدار نقطة ب على مثل ما بينا في المدارات وخط ال نصف قطر مدار نقطة د وقوس أد ثلثون جزءًا وقوس أب مائة وخمسون بحزءًا فنأخذ قدر خطى آل آز من جدول أنصاف أقطار المدارات فيخرج لنا 190 خط آل خمسة أجزاء وست عشرة دقيقة وخط آز ثلثة وسبعين جزءًا وعشرين دقيقة فيكون كل خط زل ثمانية وسبعين جزءًا وستًا وثلثين دقيقة وخط كل نصف قطر دائرة الأفق يكون تسعة وثلثين جزءًا وثماني عشرة دقيقة ونقص من خط كل خط آل فيبقى خط آل أربعة وثلثين جزءًا ودقيقتين وذلك بعد مركز دائرة الأفق من مركز الصفيحة ونأخذ أيضاً في فلك نصف 195 وذلك بعد مركز دائرة الأفق من مركز الصفيحة ونأخذ أيضاً في فلك نصف 195 وذلك بعد مركز دائرة الأفق من مركز الصفيحة ونأخذ أيضاً في فلك نصف 195 وذلك الله 187 والكن 188 الاكره [الكرة 187 والكن 188 الله 187 والكن 187 عداول إجدول 190 على الدول 190 والله 195 والله 190 والله 190 والله 195 والله 190 والله 195 والله 190 والله 190 والله 195 والله 190 والل

add. S ونقسم خط رل نصفين على نقطة ألد (2 دقيقة 192

[5] Succeeding what we have set out, let us describe how we obtain the semidiameters of the circles that are for the altitude from the horizon circle, which in the astrolabe are called almucantars. We redraw the figure of the altitude circles, which we have set out before. We assume arc GB as the latitude of the climate, 30°, and line BD as



the diameter of the horizon in the sphere and line ZL as the diameter of the horizon on the plate. But line AZ is the semidiameter of the course of point B, as we showed for the courses; line AL is the semidiameter of the course of point D; arc AD is 30° and arc AB 150°. We take the amount of lines AL AZ from the table of the semidiameters of the courses. There emerges for us line AL, 5°16′, and line AZ, 73°20′. So the whole line ZL is 78°36′20; line KL, the semidiameter of the horizon circle, is 39°18′. From line KL we subtract line AL: there remains line AK, 34°2′. That is the distance of the centre of the horizon circle from the centre of the plate. Also, in the meridian circle we take

<sup>&</sup>lt;sup>20</sup> "we bisect line ZL at point K" add. S

النهار قوس سب ستين جزءًا و تخرج خط سع يوازي خط بد فحط سع قطر دائرة ارتفاع ستين جزءًا عن الأفق و نخرج خطى جع جس وننفذهما إلى خط زح يقطعانه على نقطتي ن م فخط نم في الصفيحة قطر مقنطرة ستين جزءًا وقوس آع ثلثون جزءًا وكل قوس أس تسعون جزءًا ولكن خط آن نصف قطر مدار نقطة س وخط آم نصف قطر مدار نقطة ع فنأخذ قدر 200 خط آن من أنصاف أقطار المدارات فنجده تسعة عشر جزءًا وتسعاً وثلثين دقيقة فننقص منه خط آم وهو خمسة أجزاء وست عشرة دقيقة فيبقى خط من أربعة عشر جزءًا وثلثاً وعشرين دقيقة بالتقريب وخط مى نصف قطر مقنطرة ستين يكون سبعة أجزاء وأحدى عشرة دقيقة وثلثين ثانية فنزيد علها خط آم فيكون كل خط أي اثني عشر جزءًا وثمانيا وعشرين دقيقة وذلك 205 بعد مركز هذه المقنطرة من مركز الصفيحة وعلى هذا المثال نستخرج أنصاف أقطار جميع المقنطرات وأبعاد مراكزها من مركز الصفيحة لجميع الأقاليم ونثبت ذلك في الحدول ليكون ميسراً عند وقت العمل .

[6] ولنبين أيضاً كيف نستخرج أنصاف أقطار الدوائر التي تحد السموت في دائرة الأفق في الأسطرلاب فنخط فلك نصف النهار عليه آ ب ج 210

arc SB, 60°. We draw line SO parallel to line BD: line SO is the diameter of the altitude circle of 60° from the horizon. We draw lines GO, GS and let them run through to line ZH, cutting it at points N, M. Therefore line NM on the plate is the diameter of the almucantar of 60°. Arc AO is 30°; the total arc AS is 90°. But line AN is the semidiameter of the course of point S and line AM is the semidiameter of the course of point O. So we take the amount of line AN from the semidiameters of the courses and we find it 19<sup>p</sup>39'. We subtract from it line AM, which is  $5^{p}16'$ : there remains line MN,  $14^{p}23'$  approximately<sup>21</sup>. Line MY, the semidiameter of the almucantar of 60, is  $7^{p}11'30''$ . So we add to it line AM: the whole of line AY is  $12^{p}28'$  and that is the distance of the centre of this almucantar from the centre of the plate. According to this model we obtain the semidiameters of all the almucantars and the distances of their centres from the centre of the plate for all the climates. We lay that out in the table, so that it is helpful when constructing [the astrolabe].

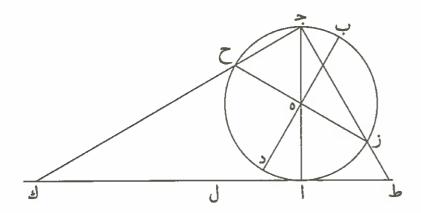
[6] Let us also show how we determine the semidiameters of the circles that define the azimuths in the horizon circle in the astrolabe: we draw the meridian circle, on which are A B G

add. S فنقسمه بنصفين على في [بالتقريب 203

<sup>&</sup>lt;sup>21</sup> "we bisect it at Y" add. S.

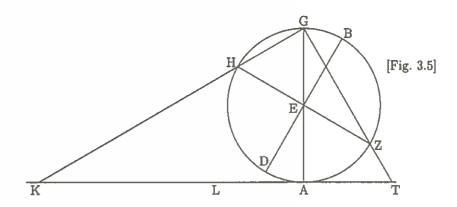
Al-Farghānī, Astrolabe, Chapter 3

د و تجعل نقطة آ القطب الشمالي ونقطة ج القطب الجنوبي ونفصل قوس بحب بقدر عرض الإقليم و تخط نصف دائرة الأفق الشرقي للإقليم عليه ب ة د وأيضاً نصف دائرة أفق الفلك المستقيم عليه ج ه آ و نخط أولاً من دوائر



السموت نصف الدئرة التى تقطع دائرة نصف النهار على زوايا قائمة وهى التى تقطع قوس الأفق على مطلع الحمل والميزان عليه رَ هَ حَ فبين أن نقطة وتحميز مشتركة للثلث الدوائر وكل واحدة من قسى به هجه مح ربع دائرة ونجيز على نقطة أخط نصف النهار في الصفيحة عليه طَ لا ونخرج خطى جح جز وننفذهما إلى خط طلاك يقطعانه على نقطتي ط لاك ونقسم طلاك بنصفين على ل فنقطة ط سمت الرأس في الصفيحة وطلاك قطر هذه الدائرة فعلى ما بينا فيما تقدم يكون خط الا نصف قطر مدار نقطة ح وخط اط نصف وقطر مدار نقطة ح وخط اط نصف قطر مدار نقطة ر نصف قطر مدار نقطة ح وخط اط نصف قطر مدارها في

D and make point A the north pole and point G the south pole. We cut off arc GB in the amount of the latitude of the climate and we draw the semicircle of the eastern horizon of the climate on which are B E D, and also the semicircle of the horizon at  $sphaera\ recta$ , on which are G E A. Of the azimuth circles we first draw the semicircle that cuts the



meridian circle at right angles — which is the one that cuts the arc of the horizon at the rising-place of Aries and Libra —, on which are Z E H. It is clear that point E is common to the three circles and each of arcs BE, EG, EH is a quarter of a circle. Through point A we pass the meridian line in the plate, on which are T K. We draw lines GH, GZ and continue them to line TK, cutting it at points T K. We bisect TK at L: point T is the zenith in the plate and TK is the diameter of this circle. According to what we have shown in the preceding, line AK is the semidiameter of the course of point H and line H is the semidiameter of the course of point H and line H is the semidiameter of its course in

S ونصف , B وانُصف [وأيضاً نعف 213 تل تل الإقلم [للإقلم 212 ما add. C ونصف , B وانُصف [وأيضاً نعف 213 تل تل على 315 الوية [وولية الروائر 118 كانون الله الدوائر 216 كانون الله الدوائر 216 كانون الله تلك الدوائر 216 كانون الله تلك الله تلك

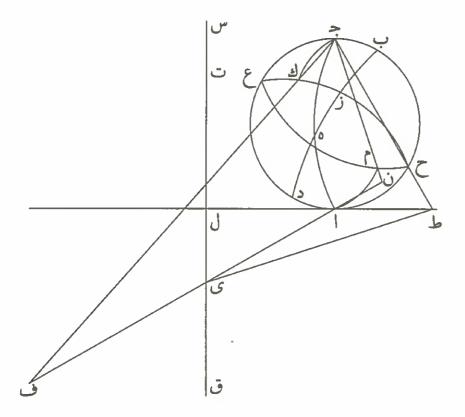
الصفيحة على مثل ما بينا وتجمع ذلك فيخرج لنا خط طك قطر الدائرة خمسة وأربعين جزءًا واثنتين وعشرين دقيقة ويكون خط ل ط نصف القطر اثنين وعشرين جزءًا وإحدى وأربعين دقيقة وليست بنا حاجة إلى استخراج مواضع المراكز إذ قد بينا أنها تقع على خط واحد وقد يمكننا أن نرسم هذه الدائرة في سطح الأسطرلاب من غير معرفة نصف قطرها إذا خططناها على نقطتى مطلع الحمل ومغربه ونقطة سمت الرأس وإنما استخرجنا نصف قطرها بالحساب لأن به تستخرج أنصاف أقطار سائر الدوائر التي للسموت كما نصف .

the plate, as we have shown; we add that up: there emerges for us line TK, the diameter of the circle,  $45^{p}22'$ ; line LT is the semidiameter,  $22^{p}41'$ . There is no need for us to determine the positions of the centres, since we have shown that they fall on one line<sup>22</sup>. We can draw this circle in the plane of the astrolabe without knowing its semidiameter, when we draw it through the rising and setting points of Aries and [through] the zenith point. We have only determined its semidiameter by calculation, because by it are determined the semidiameters of the other circles [standing] for the azimuths, as we shall describe.

Again, we redraw the figure. From point L we draw the line on which we have shown the centres of the azimuth circles to fall; on it are Q L S. In the semicircle of the horizon, from point E we take arc EZ and make it 30°. Through point Z and through the zenith point we draw semicircle HZO, which is the circle that defines the azimuth of 30° from the rising point of Aries; and arc ZB is 60°. So angle ZHB is less than a right [angle]. From point G to arc HZO we draw an arc of a great circle  $[falak \ `az\bar{\imath}m]$  on which are G K; we make angle GKO right. We complete circle HZOM. Also, from point A to arc HMO we draw an arc of a great circle at a right angle from arc HMO; A M are on it. So it is clear that arcs AM GK are of the same circle, which is the circle going through the poles and cutting

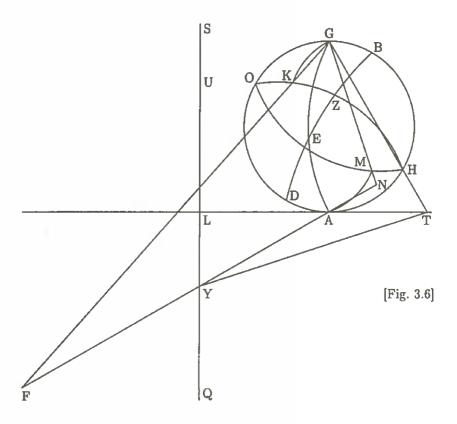
<sup>&</sup>lt;sup>22</sup>The meaning of this sentence is obscure: for the subject in this passage is one special circle; and in the next section a procedure for finding the place on the line for any centre is described.

دائرة حزع م على زوايا قائمة ونخرج خط جك وننفذه إلى سطح الصفيحة فيقع على نقطة ف ونخرج في الصفيحة خط آف يقطع خط قال ساعلى 240



نقطة ي و نخرج في الكرة خط جم وننفذه إلى سطح الصفيحة و نخرج خط في الكرة خط بن من أجل أن خطوط جن جف فن في سطح الدائرة التي أخذنا منها قوسي جلا أم وهذه الدائرة تقطع دائرة حزعم

circle HZOM at right angles. We draw line GK and produce it to the plane of the plate: it falls on point F. We draw on the plate line AF cutting line QLS at point Y. On the sphere we draw line GM



and produce it to the plane of the plate. We produce [nukhrij] line FA: they [lines FA GM] meet at point N, because lines GN GF FN are in the plane of the circle from which we took arcs GK AM. This circle cuts circle HZOM

C وَلُ سَ { قَلُ سَ } C وَلُ سَ } 0m. S 240 لفضه الله والقطة الله والما الله والما 330 C واوية [ روايا 239 230 من المسلمة الما المسلمة المسلم

على زوايا قائمة فخط جَكَ أقصر الخطوط التي تخرج من نقطة جَ إلى دائرة حزعم وخط جم أطولها فالمخروط الذي قاعدته دائرة حزعم قد فصله 245 مثلث جفن على هذين الخطين وخرج سطح المثلث إلى سطح الأسطرلاب فصار فصلهما المشترك خط نف فحط نف تطر دائرة حزعم في سطح الأسطرلاب على ما بينا في شكل المخروط في النوع الأول فمركز دائرة حزعم في الصفيحة يقع على خط فن وقد بينا أيضاً فيما تقدم أنه يقم على خط قَالَسَ فنقطة ي مركز هذه الدائرة ونخرج من نقطة ي إلى 250 نقطة مل وهي سمت الرأس خط ي ط فخطوط ي مل ي ن ي ف متساوية لأن كل واحد منها نصف قطر الدائرة ونفصل من خط ي س خط ي ت مثل خط ى ط فعط ى ت نصف قطر هذه الدائرة أيضاً فالدائرة المخطوطة على نقطة ى وببعد ى ط تمر على نقط ن ب ولكن قوس ب من دائرة الأفق ستون جزءًا وكل واحدة من قوسى بع زع ربع دائرة وقوس جع هو ما 255 ينقص <به> عرض الإقليم من تسعين فبين أن باليسير من العمل تعلم قوس جك على مثل ما نستخرج أقدار قسى الميل نسبة جيب قوس زب CBS 244 أوية إنوان إدارة CBS 244 أوية إنوان CBS وخط الخط وط غمل الخط 247 B 247 قبل النف C 247 تعليد الفسليد C 247 فكان الفسل B 247 عبر الجدان 246 T, نقطه ن ث ف ق B, نقطتي رب C, نقطه ن ب ف النقطة ن ب النقطة ع النقطة ن ب الن CS, واحد [واحدة 255 كا ستين B, بستين (ستون 255 marg. B كن وه. واحد الكن 254 S نقطتي نب supra T (جيب 257 T ولد [جله 257 T باليسر (باليسير 256

at right angles and so line GK is the shortest of the lines that emerge from point G to circle HZOM and line GM is the longest of them. Therefore triangle GFN cuts off the cone whose base is circle HZOM on these two lines. The plane of the triangle extends to the plane of the astrolabe. So their common section becomes line NF. Therefore line NF is the diameter of circle HZOM in the plane of the astrolabe, as we have explained in the proposition on the cone in Chapter 1. So the centre of circle HZOM in the plate is on line FN. We have also shown in the preceding that it falls on line  $QLS^{23}$ : therefore point Y is the centre of this circle. From point Y to point T, which is the zenith, we draw line YT. Therefore lines YT, YN, YF are equal, because each of them is a semidiameter of the circle. From line YS we cut off line YU equal to line YT: so line YU is also a semidiameter of this circle. Therefore the circle drawn about point Y and with distance YT goes through points N U F. But arc BZ, of the horizon circle, is  $60^{\circ}$  and each of arcs BO ZO is a quadrant of a circle and arc GO is that by which the latitude of the climate falls short of 90<sup>24</sup>. Therefore it is clear that with little work arc GK becomes known in the same way as we determine the quantities of the arcs of declination; the ratio of the sine of arc  $ZB^{25}$ 

add. S وقد تقاطما على نقطة ي [ قالس 250

add. S وهو ستون جزءًا [تسمين 256

add. S تمام السمت [زب 257

 $<sup>^{23}</sup>$ " - they [sc. lines FN and QLS] intersect at point Y - " add. S.

<sup>&</sup>lt;sup>24</sup> "and it is sixty degrees" add. S.

<sup>&</sup>lt;sup>25</sup> "the complement of the azimuth" add. S.

إلى جيب قوس  $\frac{\overline{}}{}$  كنسبة جيب قوس  $\frac{\overline{}}{}$  إلى جيب قوس  $\frac{\overline{}}{}$ جيب قوس زب وهي أحد وخمسون جزءًا وسبع وخمسون دقيقة واثنتان وأربعون ثانية بالمقدار الذي يكون به القطر مائة وعشرين جزءًا فنضربها في 260 جيب قوس جع وهو أيضاً أحد وخمسون جزءًا وسبع وخمسون دقيقة واثنتان وأربعون ثانية فيبلغ ذلك ألفين وسبع مائة جزء وصفرأ وثلاثأ وخمسين ثانية فنقسمها على جيب قوس بع وهي ٦٠ جزءًا فيخرج لنا جيب قوس كَج خمسة وأربعين جزءًا وصفراً وثانية فقوس لاج تكون ثمانية وأربعين جزءًا وخمسة وثلثين دقيقة بالتقريب وكذلك أيضاً تكون قوس آم ولكن خط 265 أن في الصفيحة نصف قطر مدار نقطة م وخط آف نصف قط مدار نقطة الله فإذا نقصنا قوس جل من مائة وثمانين جزءًا فالذي يبقى هو بعد نقطة كا من نقطة أ في الدائرة المخطوطة على نقط أ م ج ك فنستخرج نصف قطر مدار نقطة له ونزيد عليه نصف قطر مدار نقطة م وتحمعهما فيكون ذلك خط ن ف وهو اثنان وخمسون جزءًا وأربع وعشرون دقيقة بالمقدار الذي به 270 يكون قطر مدار الحدى ستين جزءًا لأن بهذه الأقدار استخر حنا أنصاف أقطار جميع المدارات فكل واحد من خطى ين يط ستة وعشرون جزءًا واثنتا عشرة دقيقة ولكن من أجل أن خط ي ط في الدوائر التي تقرب من فبلغ [فيلغ 262 tr. BS 262 إيكون به 260 C وهو [وهي 259 T سم , CT رع [بع 258 om. BS 262 [وصغراً C 262 كا om. BS 263 وصغراً إوصغراً om. C 263 [ وصغراً وصغراً c 262 كا وصغراً c 262 كا قانا [فإذا 267 ] om. C ونصف add. C ومحمدة وثلثين 266 ع و ٣٨ [وخمسة وثلثين 265 على المنابعة عند المنابعة عند المنابعة وتلثين 365 على المنابعة المنابعة عند المنابعة ا T نقطه إنقط 267 marg. C و حد اجله C 267 مراد [جله 267 انقصنا إنقصنا 367 T C كَ كُلُو [ يَ مِلْ 272 BS 272 وتحميا [ ومجمعيا [ ومجمعيا [ ومجمعيا [ ومجمعيا ومجمعيا ومجمعيا ومجمعيا B سرف [ تقرب 273 ] الدائرة [ الدوائر 273 ] supra T (خط 273

to the sine of arc BO is as the ratio of the sine of arc KG to the sine of arc GO. So we take the sine of arc ZB, which is  $51^p57'42''$ , in the scale in which the diameter is 120°; we multiply it by the sine of arc GO. which is also 51°57′42″: that amounts to 2700°0[′]53″. We divide them by the sine of arc BO, which is 60°; there emerges for us the sine of arc KG,  $45^{p}0[']1''$ . Therefore arc KG is  $48^{\circ}35'$  approximately. Similarly also arc AM is [found]. But line AN in the plate is the semidiameter of the course of point M; and line AF is the semidiameter of the course of point K. So when we subtract arc GK from 180°, what remains is the distance of point K from point A in the circle described on points A, M, G, K. We determine the semidiameter of the course of point K; and we add to it the semidiameter of the course of point M and add them together. That is line NF, and it is 52<sup>p</sup>24' in the scale in which the diameter of the course of Capricorn is 60<sup>p</sup>, because in these units  $[aod\bar{a}r]$  we have determined the semidiameters of all the courses. Therefore each of lines YN YT is  $26^{\rm p}12^{\prime 26}$ . But because line YT in the circles which are near

<sup>&</sup>lt;sup>26</sup> "because each of the two is a semidiameter of the circle" add. S.

دائرة سمت مطلع الحمل في الصفيحة يقع قربياً من خط ل ط ومساوياً له بالتقريب فيعسر رسم خط ى ل على الحقيقة وإن وقع في خط ق ل س ذلك وقع لذلك في خط ى ل الاختلاف الكثير فإن نحن ضربنا خط ى ط في مثله ونقصنا مما اجتمع خط ل ل مضروباً في مثله وأخذنا جذر ما بقى فيكون خط ى ل فننقصه من خط ى ت وهو نصف القطر أيضاً يبقى لنا خط ل ت ثلثة عشر جزءًا وست دقائق بالتقريب .

the circle of the azimuth of the rising place of Aries in the plate falls near the line LT and approximately equal to it, line YL is hard to draw according to the real situation. If that happens on line QLS, there therefore happens in line YL a great disparity. So if we multiply line YT by itself and subtract from the product line LT multiplied by itself, and take the root of what remains – it is line YL – and subtract it from line YU, which is also the semidiameter, there remains for us line LU,  $13^p6'$  approximately.

When we determine line LU for all the azimuth circles, any error that may occur in the construction on line QLS will not bring about for us, in drawing the circles on line LU, [an error] of a perceptible amount, because a large error in line QLS does not bring about a detectable and perceptible change in point U from the transit of the circle drawn through it and through point T. Therefore instead of determining the places of the centres on line QLS, we determine the places at which the circles intersect line  $QLS^{27}$ .

add. C; على نقطة عندها في add. C; علم بالحقيقة إقالس add. B

<sup>&</sup>lt;sup>27</sup> "the two meet at a point near which is F" add. S.

## النوع الرابع في صفة تخطيط الجداول ووضع كل ما يحتاج إلى معرفته منها

فلنثبت الآن ما يحتاج إلى رسمه في الجداول ليكون مهياً لنا عند وقت العمل و تجعل ذلك على ما نصف فنقدم أولاً الجدولين الأولين اللذين رسمنا فيهما أنصاف أقطار المدارات لجزء جزء مما يلى القطب الشمالي إلى ما يتلو تحو القطب الجنوبي في الأول منهما عدد الأجزاء المائة والثمانين التي بين القطبين وفي الثاني أنصاف أقطار المدارات ونتبع ذلك بجدولين آخرين نرسم فيهما مطالع الفلك المستقيم التي بها نقسم أجزاء فلك البروج في الأسطرلاب

# Chapter 4 On how to draw up the tables and to set up all that it is necessary to know of them

Let us now establish what must be laid down in the tables, so that it is ready for us at the time of construction. We do that as we shall describe. First we set out the two columns [of the first table] in which we tabulate the semidiameters of the courses, degree by degree, from what is near the north pole to what follows towards the south pole: in the first of them is the number of the 180 degrees that are between the poles, and in the second are the semidiameters of the courses. We follow that up with [a table of] two other columns, in which we tabulate the ascensions at *sphaera recta*, by which we divide the degrees of the zodiac on the astrolabe.

After that we establish [a table of] eight columns for the fixed stars. We restrict ourselves to entering 25 stars of them on the northern and southern sides according to their positions in longitude and latitude, and what else can be derived from that, for the year 225 Yazdijird [856-857 AD]<sup>28</sup>. In the first column we put the names of the stars; in the second their positions in longitude in the zodiac; in the third their latitudes; in the fourth the directions of the latitudes, to the north or south; in the fifth their distances from the equator; in the sixth

۲٤٢ marg C سنة ناقصة هجريه ٨٥٦ سنة ناقصة ميلاديه [يزدجرد 12

<sup>&</sup>lt;sup>28</sup>The Muslim and Christian years are correctly given as 242 and 856, respectively, in a modern hand in the margin of MS C.

جهات الأبعاد في الشمال والجنوب وفي السابع الأجزاء التي تمر معها في خط وسط السماء وفي الثامن أنصاف أقطار مداراتها في الأسطرلاب وبهذين الجدولين فقط أعنى السابع والثامن يكون عملنا فيما يرسم منها في الأسطرلاب الشمالية وإنما رسمنا ما سوى ذلك ليكون حاضراً لمن يريد معرفته أو تقويم خطأ إن وقع في الكتاب به ومع ذلك فبنا حاجة إلى رسم أبعادها خاصة لنستخرج بها أنصاف أقطار مداراتها في الأسطرلاب الجنوبية ٠ 20

ونثبت بعد ذلك جداول المقنطرات ونبتدئ بالموضع الذى لا عرض له لا لحاجة بنا إليه أكثر من الاعتبار به ونتبعه بالموضع الذى عرضه خمسة عشر جزءًا ثم تتلو بزيادة جزء جزء إلى الموضع الذى عرضه خمسون جزءًا فإنه لا يحتاج إلى أكثر من ذلك ومع هذا فإن استخراج المقنطرات لما جاز عرضه الخمسين الجزء أو نقص من الخمسة عشر سهل على ما بينا في جداول أنصاف 25 أقطار المدارات ونرسم ذلك في ثلثة جداول في الجدول الأول عدد أجزاء الارتفاع ما بين جزء إلى تسعين جزءًا وفي الثاني أبعاد مراكز المقنطرات من مركز الصفيحة وفي الثالث أنصاف أقطار المقنطرات ونرسم على كل إقليم مبلغ عرضه وساعات أطول نهاره .

the directions of the distances [i.e. from the equator], north or south; in the seventh the degrees with which they pass at the meridian line; and in the eighth the semidiameters of their courses on the astrolabe. From these two columns alone, i.e. the seventh and eighth, is our procedure in what of them is drawn on the northern astrolabe. What is beyond that we have only tabulated so that it is present for anyone who wants to know it or to correct with it an error if it occurs in the book. Nevertheless we need to tabulate their distances specifically in order to obtain with them the semidiameters of their courses on the southern astrolabe.

After that we establish the tables of the almucantars. We begin with the place having no latitude, not so much because we need it as to take it into account. We follow it up by the place whose latitude is 15° and then they [sc. the degrees] follow, increasing degree by degree, up to the place of latitude 50°, because more than that is not needed. Apart from that, the determination of the almucantars for [a place of] latitude more than 50° or less than 15 is easy, as we have explained in the table of semidiameters of the courses. We tabulate that in three columns: in the first column the number of the degrees of altitude from 1 to 90 degrees; in the second the distances of the centres of the almucantars from the centre of the plate; and in the third the semidiameters of the almucantars. Over each climate we write the amount of its latitude and the hours of its longest day.

وهاذان الجدولان , C وهذين الجدولين [وبهذين المجدولين 16-17 وفي الحبوب [والجنوب والجنوب المجدولان 17 المجدولان 18 من المجدولين 18 من المجدولين 18 من المجدول ا

ونثبت بعد ذلك جدولين للسموت لجميع المواضع التي عملنا لها 30 المقنطرات، فنرسم في الجدول الأول عدد القطع لخمسة أجزاء خمسة أجزاء في ربع من أرباع دائرة الأفق فإنه لا يحتاج إلى أكثر من ذلك وفي الثاني أقدار الخطوط التي تقاطع عليها الدوائر الخط الذي تقع عليه المراكز.

ونقتصر من جميع ما يرسم في كل الجداول على الأجزاء والدقائق فإنه لا يلحق في الدقائق فإنه في الدقائق فضلاً عن الثواني وما جازها في عمل الأسطرلاب ما 35 حلا> يحس ولا يدرك وإن كانت الأسطرلاب تامة وعلى أعظم ما يمكن صنعتها عليه وهذا تخطيط الجداول .

After that we establish [a table of] two columns of the azimuths for all the places for which we have constructed the almucantars: in the first column we tabulate the number of the sections [qita'] for every five degrees in one of the quadrants of the horizon circle, because more than that is not needed, and in the second the quantities of the lines on which the circles cut the line on which the centres fall.

In all that is tabulated in all the tables we restrict ourselves to parts [juz] and minutes. There is not appended to the minutes – let alone seconds and what is beyond them – in making the astrolabe what is not perceived and not noticed, even if the astrolabe is complete and the largest that it is possible to make<sup>29</sup>. The drawing up of the tables is as follows.

<sup>[</sup>ربع 32 om. CBS فرسم 31 C كالمواضع الجميع المواضع 30 عبدولي السموت [ جدولين للسموت 30 م. CBS ولنقتصر إونقتصر إونقتصر إونقتصر إونقتصر إونقتصر إدام 32 om. C على أقدار [ أقدار 31 corr. in marg. T على عسن إيحس 34 جاوزها [ جاوزها [ جازها 35 T على عسن المحسن المحسن

add. C إن شاء الله وبه التقة تتلوه الحداول التي رسمناها لما ذكرنا من عمل الأسطرلاب إعليه 37

<sup>&</sup>lt;sup>29</sup> "God willing (in Him is trust). There follow the tables that we have drawn up for what we mentioned of the construction of the astrolabe" add. C.

جدول أنصاف أقطار المدارات الموازية لمعدل النهار									
سا <i>ف</i> عطار	أنه الأ	العدد	أنصاف الأقطار		العدد	ماف قطار	أنم الأ	العدد	
الد الله مركب الع له بكر طرن مد لل ك ح و مد		س طرح زنو نه ند که بن نان مطرع مر مو مه مد مع بر ما	هدن و د الماير ه العراب و د الا بر عاد ه العراب		العدد	24年、「京田中の一下、「日本一大」、「「日本日の日本」		العدد العدد العداد و ه د م ب	

Table of the Semidiameters of the Courses Parallel to the Equator										
no.	ser diam		no.	ser dian		no. semi diame		- 11		
1	0	10	21	3	38	41	7	21		
2	0	20	22	3	49	42	7	33		
3	0	31	23	4	0	43	7	44		
4	0	41	24	4	10	44	7	56		
5	0	51	25	4	21	45	8	8		
6	1	2	26	4	32	46	8	20		
7	1	12	27   4   43		47	8	32			
8	1	22	28 4 54		48	8	44			
9	1	33	29	5	5	49	8	57		
10	1	43	30	5	16	50	9	9		
11	1	54	31	5	27	51	9	22		
12	2	4	32	5	38	52	9	35		
13	2	14	33	5	49	53	9	48		
14	2	25	34	6	0	54	10	1		
15	2	35	35	6	12	55	10	14		
16	2	46	36	6	23	56	10	27		
17	2	56	37	6	34	57	10	40		
18	3	7	38	6	46	58	10	53		
19	3	17	39	6	57	59	11	7		
20	3	28	40	7	9	60	11	20		

، النهار	ية لمعدل	، المواز	لدارات	أقطار ا.	نصاف	دول أ	ج
一一 一	العدد ق ق ق ق ق ق ق ق ق ق ق ق ق ق ق ق ق ق	الأقطار الأقطار الأقطار عمل كم من الأقطار الم كل من كل عمل كل من كل علا كل		العدد	世界 はかりにかられるとのないのではないととしてからいとなるとのできないのでは、	أنص الأة	العدد سه
کے ن	قا	مز	يو	ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف	لد	يا	سا
کد یو	قب	٥	يز	فب	مح	ا يا	سب
کد مح	基	3	يز	غ	ا ب	یب	<b>≥</b> ~
ا که ای	قد	ما	يز	فد	یو	يب	سد
ا که الز	قه	δ	بح	فه	וצ	یب	سبه
اکو ہ	قو	يط	یج	فو	مو	يب	سو
كو الد	قز	لط	2	فز	8	£	سز
کز ح	اقح	نط	یخ	غ	يو	£	سمح
كز لح	قط	يط	يط	فط	K	£	سط
اکح د	قى	لط	يط	ص	مو	£	ع
اکح الو ا	قيا	δ	ᆈ	صا	1	ید	عا
اکط ح	قيب	5	실	صب	يو	ید	عب
كط ما	قيح	مب	ك	صح	لب	ید	عد
ال ایه ا	قيد	د	5	صد	مح	ید	عد
ال ان	قيه	ا کو	5	صه	د	يه	عه
الا كز ا	قيو	مط	5	صو	5	يه	عو
لب   د	قيز	یب	کب	صز	الح	يه	عز
لب   مب	قیح	الو	کب	صبح	اُنه	يه	عح
R F	قيط	σ	5	صط	ایب ا	يو	عط
لد ب	قك	که	3	ق	كط	يو	ف

D { [ يو 80 ك [ ك 70 ك [ 30 ك [ 30 ك ] 4 ك ] [ 40 ك [ 50 ك ] 4 ك ] ك [ 50 ك [ 50 ك ] 4 ك ] ك [ يو 80 ك [ يو 80 ك ] 4 ك [ يو 50 ك ] 4 ك [ يو 50 ك ] 5 ك [ يو 5

Ta	Table of the Semidiameters of the Courses Parallel to the Equator										
no.		mi- neter	no.	semi- diameter		no.	semi- diameter				
61	11	34	81	16	47	101	23	50			
62	11	48	82	17	5	102	24	16			
63	12	2	83	17	23	103	24	43			
64	12	16	84	17	41	104	25	10			
65	12	31	85	18	0	105	25	37			
66	12	46	86	18	19	106	26	5			
67	13	0	87	18	39	107	26	34			
68	13	16	88	18	59	108	27	3			
69	13	31	89	19	19	109	27	33			
70	13	46	90	19	39	110	28	4			
71	14	1	91	20	0	111	28	36			
72	14	16	92	20	21	112	29	8			
73	14	32	93	20	42	113	29	41			
74	14	48	94	21	4	114	30	15			
75	15	4	95	21	26	115	30	50			
76	15	21	96	21	49	116	31	27			
77	15	38	97	22	12	117	32	4			
78	15	55	98	22	36	118	32	42			
79	16	12	99	23	0	119	33	21			
80	16	29	100	23	25	120	34	2			

جدول أنصاف أقطار المدارات الموازية لمعدل النهار									
أنصاف الأقطار	ألعدد	أنصاف الأقطار		المدد	أنصاف الأقطار		العدد		
انصاف الأقطار كو قيز كو قلا كط د المقطط يه قلط كط قص المع م م خ كح كل المع م م المع المع المع المع المع المع	قسا قسد قسد قسر قسر قسر قسر قسر قسر قسر قسر قسر قسر	طال الله الله الله الله الله الله الله ا	الأقام مر ف فاع عد عراض مو سدب س كن زز نه قام مو ب	قمل المجاهد ا	الله الله الله الله الله الله الله الله	الاه لد لا له لد له لد له لد له لد له لد له	قكر قكد قكد قكد قكر قكر قكر قكر قكر قكر قكر قكر قكر قكر		
δ δ	قف	کز	قياً	قس	نط	£	ē		

in corr. B 128 إلى أنه 121 T 125 من [ أنه 128 BTD 124 كن [ كو 122 C 20 مو [ مد 121 corr. B 131 كن [ كو 131 B 140 كن [ أنه 131 B 141 كن [ أنه 131 B 140 كن [ أنه 140 D 20 كن [ أنه 151 B 20 كن [ أنه 150 D 20 كن [ أنه 150 كن [ كن الكوائية 150 D 20 كن [ كن الكوائية 150 D 20 كن [ كن الكوائية 150 كن الكوائية 150 كن [ كن الكوائية 150 كن الكوائية 1

	Table of the Semidiameters of the Courses Parallel to the Equator											
	no.	ser diam		no.	sen diam		no.	semi- diameter				
	121	34	44	H I I		161	117	26				
	122	35	26	142			162	124	4			
	123	36	11	143	58	42	163	131	29			
	124	36	57	144	60	28	164	139	50			
	125	37	45	145	62	19	165	149	15			
	126	38	34	146	64	17	166	160	2			
1	127	39	25	147	66	20	167	172	28			
	128	40	17	148	68	32	168	186	58			
	129	41	11	149	70	51	169	204	3			
1	130	42	8	150	73	20	170	224	40			
	131	43	7	151	75	59	171	249	42			
	132	44	8	152	78	49	172	281	1			
1	133	45	12	153	81	51	173	321	29			
	134	46	18	154	85	7	174	375	2			
	135	47	26	155	88	38	175	450	2			
	136	48	38	156	92	27	176	562	52			
	137	49	53	157	96	35	177	750	29			
	138	51	11	158	101	6	178	1130	42			
	139	52	33	159	106	1	179	2244	52			
	140	53	59	160	111	27	180	0	0			

العدد المطالع الفلك المستقيم العدد المطالع الفلك المستقيم العدد المطالع العدد المدال المحال										
المالع العرب الما الما المالع	.1	العدد	لالع	الم	العدد	中水 日本	日本人子の日子の日子の日子の日子の日子の日子の日子の日子の日子の日子の日子の日子の日子			
مر	نح	اسا	مز	کے	7	نه	で一、アトトのののののでは、アンドのでは、アンドのののでは、日本のでは、大学では、大学では、日本ののでは、日本のは、日本のは、日本のは、日本のは、日本のは、日本のは、日本のは、日本の	1		
ان	نط	سب	مه	كط	الب	ن	1	ب		
<b>S</b>	س	-SC**	<u>\$</u>	ل	ا خ	4.0	ب	<u>ح</u>		
ا نوا انطا	سا	اسد	\ <u>}</u>	اد	اله	م الد	د	٥		
3	سر		ال	ىب ل	j	كط	٥			
,	سه	·~;	اله	لد	ر ا (	کد	9	ر از		
ای	ا سو	سمح	ᆚ	له	الح	يط	ز	اح		
ید	سز	سط	צ	لو	لط	يه	ے	ط		
ا یخ	اسمح	اع	∫ل	الز	۲	ی	ط	ی		
- کب	سط	عا	كط	لح	ما	٥	ی	ليا		
کز	ع	عب	اکح ا	لط	مب	δ	ايا	يب		
7	عا	عد	اکح ا	م	\$	ئە	يا	<u> </u>		
، الو	عب	عد	کز ا	ما	مد	انا	يب	ید		
٠ م	عح	عه	کز ا	مب	مه	مو	£	يه		
4.0	عد	عو	ا کز ا	22	مو	مب	ید	یو		
۵	عه	اعز	ا <sup>و</sup> ز ا ک	مد	مر اعه	الا	ąų.	یز کے		
ā	عج	عط	ا ک		مط	كط	متر را	ے بط		
	اعما	, ,	2	٠ مر		45	عر 2	اء		
1.	ا اول	ان	ا کھا	سر م	່ <u>ເ</u>	5	ر ما	5		
	فا	في	_,	مط	ا تي ا		<u>۔</u> ك	کب		
، کا	ا قب	غ	4	ن	<u>zz</u> '	<i>L</i>	15	3		
ً کُورُ ا	غ	فد	لب	نا	ند	ط	کب	کد		
	فد	فه	الد	نب	نه		3	25		
الح	فه	فو	اله	Ŀ	انو	ب	کد	کو		
3	فو	فز	نط	کد	کز	الز	ند	رنز		
مط	فز	غ	٦	نه	نح	نو	که	ع		
الب مط نه مط	ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف	فه فو فط ص	مد ب م الحد لا	نب نح نه نو	ن الطاريم. لهزا وه	ر ب نو نو ن	کو	كط		
δ	ص	ص	مد	نز	س	ن	کز	ل		

Table of Ascensions at sphaera recta									
no.	asc	en.	по.	asc	en.	no.	asc	en.	
1	0	55	31	28	47	61	58	47	
2	1	50	32	29	45	62	59	50	
3	2	45	33	30	43	63	60	53	
4	3	40	34	31	40	64	61	56	
5	4	34	35	32	38	65	62	59	
6	5	29	36	33	36	66	64	3	
7	6	24	37	34	35	67	65	6	
8	7	19	38	35	33	68	66	10	
9	8	15	39	36	31	69	67	14	
10	9	10	40	37	30	70	68	18	
11	10	5	41	38	29	71	69	22	
12	11	0	42	39	28	72	70	27	
13	11	55	43	40	28	73	71	31	
14	12	51	44	41	27	74	72	36	
15	13	46	45	42	27	75	73	40	
16	14	42	46	43	27	76	74	45	
17	15	37	47	44	27	77	75	50	
18	16	33	48	45	27	78	76	55	
19	17	29	49	46	27	79	78	0	
20	18	25	50	47	28	80	79	5	
21	19	21	51	48	29	81	80	11	
22	20	17	52	49	30	82	81	16	
23	21	13	53	50	31	83	82	21	
24	22	9	54	51	32	84	83	27	
25	23	6	55	52	34	85	84	32	
26	24	2	56	53	35	86	85	38	
27	24	59	57	54	37	87	86	43	
28	25	56	58	55	40	88	87	49	
29	26	53	59	56	42	89	88	55	
30	27	50	60	57	44	90	90	0	

	عطار علام م م الد م م ال م كوم م الد م م	العنك	āt,	ب الثان الثا	الكواكرا الكواكر و الكواكر	مدول	•
	وبی	الجن	امن	الث	(	السابع	
	باف	أنص	باف	أنم		11: 1.	5
	طار	الأة	نطار	الأة	مر	جزاء الم	'
	دقائق	درج	دقائق	درج	دقائق	درج	بروج
1	δ	نط	لد	او	4	يو	ايا
2	ا م	الح	õ	ی	الو	δ	- 1
3	نخو	مز	ے	اح	2	2	1
4	ō	کد	3	يه	J	کد	1
5	ال	یو	J	5	ō	و	ب
6	ال	ك	لب	ك	ال	ی	ب
7	٦	5	مر	یز	δ	يد	ب
8	σ	مو	کد	ح	يب	8	ب
9	ا ند	يد	δ	كو	الز	ځ	ب
10	٤	کب	ایخ	يز	4	ح	>
11	اح	کو	كط	يد	٩	£	د
12	٥	یځ	ك	5	ك	و	و
13	σ	Y	3	يب	ا م	5	و
14	44	لد	.ز	ایا	3	\$	ز
15	ب ا	크	الح	كط	يه	کب	ز
16	يه	25	يط	42	کو	يا	ا ح
17	ال	م	لب	مل	l d	كط	اح
18	ō	کب	الو	يز	ا ج	يا	ط
19	£.	*	انو	7	ب	کج	ط
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23 24 25	ٰ ٰ	一日 一日 日本 大一日 日 日 一日 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日	يخ	£.	3	كط	ی
21	44	ط	Z Z	لعل	ъ	کز	ی
22	انپ	ز	يط	مط	له	3	7
23	ا ا	ء ا	,	54	يه	کز	0
24	نب	٠	ر ا	نب	4	كط	ب
25	25	7	ند	44	2	7	1
	1		H	I		- C	1

جدول الكواكب الثابتة											
السادس	مس	내	الرابع	لث	យា	1	الثاني		الأول		
الجهة	. من ـتواء		الجهة	رض	العر	Ĺ	الطول		أسماء الكواكب		
	دقائق	درج		دقائق	درج	دقائق	درج	بروج			
شمال	ب	±i	شمال	4.0	เ	لما	یح ما	ō	الكف الخضيب	1	
شمال	و	الو	شمال	4.6	کب	K		- 1	رأس الغول	2	
شمال	نط	مد	شمال	اح	ال	ل	يە ك		الكف الجذماء	3	
شمال	له	يح	جنوب	ايه	٥	ی	3	- 1	الدبران	4	
جنوب	£_	ي	جنوب	د	K	4.6	كط	3	رجل الجوزاء	5	
جنوب	ائد	ب	جنوب	ک	کد	لط	و	ب	سرة الحوزاء	6	
شمال	مب	٥	جنوب	4.6	يو	انا	یا	ب	يد الحوزاء	7	
شمال	٦	ی	شمال	ان	کب	<u>.</u>	٥	ب	العيوق	8	
جنوب	ع	يه	جنوب	ك	لط	٥	کے	ب	الشعرى اليمانية	9	
شمال	يو	ز	جنوب	δ	يو	يه	مل	ح	الشعري الشآمية	10	
شمال	ی	يز	شمال	يه	ð	يه	4	د	قلب الأسد	11	
جنوب	مد	د	جنوب	او	ب	~	ز	و	السماك الأعزل	12	
شمال	7	که	شمال	یب	Y	که	ز	و	السماك الرامح	13	
شمال	δ	لا	شمال	او	مد	5	که	و	منير الفكة	14	
جنوب	اند	کب	جنوب	کد	د	ی	£	ز	قلب العقرب	15	
شمال	اح ا	ید	شمال	δ	لو	7	٥	ح	رأس الحواء	16	
شمال	يب	لح	شمال	4.0	سا	يه	كط	ح	النسر الواقع	17	
شمال	۔ یز ا	و	شمال	يب	كط	ᆂ	ید	ط	النسر الطائر	18	
شمال	و	ما	شمال	الو ا	نط	لط	جح	ی	الردف	19	
شمال	li	5	شمال	ی	Y	له	يب	یا	منكب الفرس	20	
جنوب	ز	از	جنوب	δ	5	يب		1	فم الحوت	21	
. ر. جنوب	1	امو	جنوب	δ	3	نب	ب <u>ج</u> کح	ح ا	عرقوب الرامى	22	
جنوب	2	مد	جنوب إ	ی	lo	ب	يط	و	رجل قنطورس	23	
. ر. جنوب	کز	نا	جنوب	δ	عه	ته	كط	ب	سهيل	24	
جنوب	لح	\$	جنوب	J	<b>≠</b> i	کب	يا	7	آخر النهر	25	

		I	able	of Fix	ed St	ars				
	I		II		I	II	IV	7	V	VI
	names of the stars	lo	longitude		lati	tude	dir.	dist. from the eq <sup>r</sup>		dir.
		signs	deg.	min.	deg.	min.		deg.	min.	
1	al-kaff al-khadīb	0	18	39	51	45	N	53	2	N
2	ra's al-ghūl	1	9	31	22	45	N	36	6	N
3	al-kaff al-jadhmā'	1	15	30	30	8	N	44	59	N
4	al-dabarān	1	23	10	5	15	S	13	35	N
5	rijl al-jawzā'	1	29	45	31	4	S	10	13	S
6	surrat al-jawzā'	2	6	39	24	25	S	2	34	S
7	yad al-jawzā'	2	11	51	16	45	S	5	42	N
8	'al-ayyūq	2	5	20	22	50	N	43	40	N
9	al-shi rā	2	28	5	39	20	S	15	48	S
	al-yamāniya									
10	al-shi'rā	3	9	15	16	0	S	7	16	N
	al-shaʾāmiya									
11	qalb al-asad	4	13	15	0	15	N	17	10	N
12	al-simāk al-a'zal	6	7	3	2	6	S	4	44	S
13	al-simāk al-rāmiḥ	6	7	25	31	12	N	25	31	N
14	munīr al-fakka	6	25	21	44	6	N	31	0	N
15	qalb al-'aqrab	7	23	10	4	24	S	22	54	S
16	ra's al-ḥawwā'	8	5	33	36	0	N	14	8	N
17	al-nasr al-wāqiʻ	8	29	15	61	45	N	38	12	N
18	al-nasr al-ṭā'ir	9	14	33	29	12	N	6	17	N
19	al-ridf	10	18	39	59	36	N	41	6	N
20	mankib al-faras	11	12	35	31	10	N	21	51	N
21	fam al-ḥūt	10	18	12	23	0	S	37	7	S
22	'urqūb al-rāmī	8	28	52	23	0	S	46	33	S
23	rijl qantūris	6	19	32	41	10	S	44	43	S
24	suhayl	2	29	55	75	0	S	51	27	S
25	ākhir al-nahr	0	11	22	53	30	S	43	38	S

Al-Farghānī, On the Astrolabe

Ta	able o	f Fixe	d Sta	ırs	Sout	hern		
	VII		V	III	R	ete		Modern
	grees		semi-		sei	mi-	no.	Desig- nation
	ransi			neters		neters		
signs	deg.	min.	deg.	min.	deg.	min.		
11	16	13	6	34	59	0	1	β Cas
1	0	36	10	0	38	40	2	β Per
1	3	26	8	8	47	26	3	α Per
1	24	30	15	28	24	0	4	α Tau
2	6	0	23	30	16	30	5	β Ori
2	10	30	20	32	20	30	6	ε Ori
2	14	0	17	47	21	40	7	α Ori
2	0	12	8	24	46	0	8	α Aur
2	28	37	26	0	14	54	9	α СМа
3	8	13	17	18	22	20	10	α CMi
4	13	20	14	29	26	40	11	α Leo
6	6	20	21	20	18	5	12	α Vir
6	21	40	12	23	31	0	13	α Βοο
7	13	23	11	7	34	45	14	α CrB
7	22	15	29	38	33	2	15	α Sco
8	11	26	15	19	25	15	16	α Oph
8	29	35	9	32	40	30	17	α Lyr
9	11	40	17	36	22	0	18	α Aql
9	28	2	8	56	43	13	19	α Cyg
10	29	23	13	18	29	2	20	βPeg
10	27	0	39	31	9	45	21	α PsA
8	28	35	49	19	7	52	22	β Sgr
5	27	15	47	7	8	11	23	α Cen
2	29	43	56	11	6	52	24	α Car
1_	8	48	45	54	8	24	25	θ Eri

#### Note on the edition of the star table

In the manuscripts this table comes in several forms and with some variation of content. MSS TKL present it on a single page, but, for typographical convenience, we follow CBDS and present it in two parts. According to the introductory part of Chapter 4 there are eight columns. To these we have added running-numbers (as do some manuscripts), a column for the degrees and minutes of the semidiameters of the stars' courses in the rete of the southern astrolabe, referred to as southern in the apparatus – this column exists uniquely in B – and, in the English translation, a column for the modern designations of the stars.

#### Apparatus

#### Dating of the star table

The date of the star table is given in two places of the text: Chapter 3, lines 106-107, and Chapter 4, lines 11-12; it is also given in two manuscripts in the headings of the star table itself. Apart from **D**, in which the relevant passages are both missing, all the manuscripts have the date 225 Yazdijird: CMK in words, BS in Hindu-Arabic numerals, **L** once in words and once in Hindu-Arabic numerals, and **P** once in Hindu-Arabic numerals and once in abjad. Thas 224 in words twice (but in Chapter 4 with a correction supra to 225) and once on the table itself in Hindu-Arabic numerals. In the edition the majority reading of 225 is taken.

Notes on the star table

(The numbers refer to the running numbers of the stars)

1-20. The first twenty stars are taken from the table of 24 stars in the Mumtahan zīj, which is dated to 214 AH [= 829-30 AD] (Mumtaḥan [1986], p. 188). Al-Farghānī has added 15 minutes to the Mumtahan longitudes for his epoch, 225 Yazdijird = 856-57 AD. Since the time difference between the two star tables is about 25 years, it is obvious that al-Farghānī has applied the Ptolemaic value of precession, i.e. 1° in 100 years. Manuscript readings have sometimes been chosen for their agreement with the Mumtahan values.

- 3. See Kunitzsch [1970], pp. 286-287, note c.
- 6. See Kunitzsch [1970], p. 287, note i.
- 16. See Kunitzsch [1970], p. 287, note m.

21-25. The coordinates of these southern stars are taken not from the *Mumtahan* tables, but from the *Almagest* (star table dated 137 AD). In each case except no. 24 the given longitude is the *Almagest* longitude + 11;12°; the latitude is taken over without change. See Kunitzsch [1970], p. 287, note n.

23. The number of signs for this star is too small by 1, a mistake common in the Almagest tradition. See Kunitzsch [1986-1991], III, p. 175, under Baily number 969. As for the value 44;43 for the declination, it should be noted that the similar value 44;10 appears for the latitude in three Greek manuscripts and in the direct, "Sicilian", Latin translation of the Almagest. The entry in the Mumtahan tables for declination, 41;10, repeats the Ptolemaic values for latitude. Even more remarkable is the Mumtahan value for the degree of transit, 6s 19;32, which is the longitude derived from Ptolemy's value as given here by al-Fargham.

24. Here the longitude = the longitude in the Almagest + 12:45°. See Kunitzsch [1970], p. 287, note p.

#### Additional stars in B

#### 30v, below the table

'unuq al-hayya wa-huwa muqaddam al-dhirā'ayn, "the neck of the snake [= Hydra]; it is the preceding one of the two cubits" [A phantom star. See Kunitzsch [1999–2000], pp. 63-66.], [ $\lambda$ ]  $\cup$   $\in$  ?]  $\rightarrow$  , [ $\beta$ ] 16 north, [ $\delta$ ]  $\rightarrow$  north [Two of these values are not translated, but are copied as closely as possible from the manuscript, since it is not clear what they mean.]

#### 30v, left margin

dhanab al-jady, "the tail of the goat" [ $\delta$  Cap], altitude [irtifa] 30 dhanab qaytus, "the tail of Cetus" [ $\epsilon$  Cet], [ $\lambda$ ] Psc 19, altitude 43 bath qaytus, "the belly of Cetus" [ $\zeta$  Cet], [ $\lambda$ ] Ari 14, altitude 42

#### 31r, right margin

'unuq al-ḥayya, "the neck of the snake" [ $\alpha$  or  $\beta$  Ser], [ $\lambda$ ] Sco 13, altitude 76. [Cf. al-Battānī's list of principal stars (Battānī [1899-1907] II, p. 181, no. 37), where the altitude of  $\beta$  Ser is given as 74°5′, and his greater list (Battānī II, p. 152, no. 3), where the longitude is given as Sco 3°10′]

dhanab al-dulfin, "the tail of the dolphin" [ $\epsilon$  Del], [ $\lambda$ ] Cap 25, altitude 65.

## جدول مقنطرات من خط الاستواء وعرض خمسة عشر إلى خمسين

	<u>-</u> —	ساعاته	الاستواء	رات خط	مقنط		
أنصاف الأقطار	أبعاد المراكز	عدد	اف طار	أنص الأق	د کز	أبعا المرا	عدد
الأقطار انساف الأقطار الأقطار الأقطار الإنباد له لو لحم المرز لديز لديز لديز لديز كم كمل لا لب لد له لو لحم المركب كم	يب المراكز المراكز المراكز مط لخ كو يوح ه مط كل با يز مط لا با يد له يو لو يو كو	ن مطع مر وه مد مد مد مر مام الطراح الزواد لد الد الد الد الد الد الد الد الد ال	ح د بر لحد بر م د محايو بر د د د د د د د د د د د د د د د د د د	غقیب شعه شعه رکد رفا قبا قلط قبا قبا درکد مسب عد عد عد نا در ش مد مب مب	日本 日本 日本 日本 日本 日本 日本 日本 日本 一年 一年 一年 一年 日本	أبعا المرا	3 一

Table of Almucantars for the Equator and Latitude[s] 15 to 50

Aln	Almucantars of [Lat. of] the Equator: hours 12;0										
no.	dist. of semi- centres diam.			- 1	no.	dist cent	- 1				
[0]	stra	igh	ıt li	n e							
1	1122	31	1122	21	26	44	49	40	17		
2	565	31	565	11	27	43	17	38	34		
3	375	31	375	0	28	41	51	36	57		
4	281	46	281	5	29	40	32	35	27		
5	225	26	224	35	30	39	18	34	2		
6	188	2	187	0	31	38	9	32	42		
7	161	20	160	8	32	37	5	31	27		
8	141	12	139	50	33	36	5	30	15		
9	125	38	124	5	34	35	8	29	8		
10	113	11	111	28	35	34	16	28	4		
11	103	0	101	5	36	33	26	27	3		
12	94	31	92	27	37	32	38	26	4		
13	87	21	85	7	38	31	54	25	8		
14	81	13	78	48	39	31	12	24	15		
15	75	55	73	20	40	30	34	23	25		
16	71	18	68	32	41	29	57	22	36		
17	67	12	64	16	42	29	22	21	49		
18	63	35	60	28	43	28	48	21	4		
19	60	21	57	4	44	28	17	20	21		
20	57	28	54	0	45	27	47	19	39		
21	54	50	51	12	46	27	19	18	59		
22	52	27	48	38	47	26	52	18	20		
23	50	17	46	17	48	26	26	17	42		
24	48	18	44	8	49	26	2	17	5		
25	46	29	42	8	50	25	38	16	29		

		<u> </u>	نه يب	ء ساعاة	الاستوا				
ه کا ما بر ایما که د کرد که دی بر ندیو لحه ه ایمامو	أنص الأز	عاد اكر الط الط الط الط الط الط الط الط	أب المر	عدد	طار نو کا مه ی له ۱ کرند کا که یو مه یو که کاند	أنص الأو	نه م يد كا لا ما نام به لها ما نه ها كا بر الله ما نام به لها ما نه ها كا بر الله ما نه ها كا بر الله ما نه ها كا بر	أب المر	عدد
مو	و	مز		عا عا عد	ند	يه	يو	투 의 의 의 의 의 시 시 시 시 시 N M M M 지 시 시 시 시 시 시 시 시 시 시 시 시 시 시 시 시	ع الطائعة الأو الله الله الله الله الله الله الله الل
5	و	ل <i>مد</i> لب	اد	عب	°	ا يە اىد	رو ال	کد کد	ىب نىد
لِدُ ا	٥	عب ک	<u>.</u>	عد	اب	بد	ا بر	کد	ند
ر ا	٥	ر ا <u>د</u>	ك	عه	4.0	<u> </u>	نط	5	ئە
ند	د	یه	ك	عو	یو	4	مب	5	نو
الب	د	ی	ك	عز	44	يب	ک	3	نز
ی	د	٥	ك	عح	یو	يب	ط	3	نح
اع	~	7	٥	عط	اع ا	ايا	ئە .	کب	نما
ا کز	~	نو	يط	اف	5	ايا	ا ما ح	کب	ا س
ا و	~	<b></b>	يط	ا وا اید	ا ند	ی	ځ	دب ح	سا
مه اکد	ب	ا ن	يط ا	قب <u>غ</u>	ا فز ا ا	ع ء.	یہ	ىب كى	سب
٥	ب	4.4	يط	فد	له	ط	نا	5	سد
*	1	\$	يط	ان	ی	ط	اما	5	سه
1	}	مب	يط	فو	. 44	اح	Ŋ	5	سو
ب		اما	يط	فز	5	ح	5	5	سر:
ما		٦	يط	غ	انوا	ز	یب	کا ا	شمح
6	5 ~	ا ي	يط	فط	الب ا	ز	<b>ح</b> د	5	سط
δ	δ	لطا	يمد	ص	مد	ز	نه	70	ع

om. أحدول ... خمسين B جدول المقنطرات وعرض الاستواء وه [ جدول ... عشر [ om. T درج [ أنصاف الأقطار et أبعاد المراكز add. T sub المدا وعرض [ وعرض الافق تلق الأفق : T افق [ [ 0] ومن عرض [ وعرض add. CD, hic et in omnibus tabulis almucantarat و المنه المنه

Aln	Almucantars of [Lat. of] the Eqr: hours 12;0										
no.		dist. of centres		semi- diam.			. of tres		mi- am.		
51	25	16	15	54	71	20	47	6	46		
52	24	56	15	21	72	20	39	6	23		
53	24	36	14	48	73	20	32	6	0		
54	24	17	14	16	74	20	26	5	38		
55	23	59	13	45	75	20	20	5	16		
56	23	42	13	16	76	20	15	4	54		
57	23	25	12	45	77	20	10	4	32		
58	23	9	12	16	78	20	5	4	10		
59	22	55	11	48	79	20	0	3	48		
60	22	41	11	21	80	19	56	3	27		
61	22	28	10	54	81	19	53	3	6		
62	22	15	10	27	82	19	50	2	45		
63	22	3	10	1	83	19	47	2	24		
64	21	51	9	35	84	19	45	2	4		
65	21	41	9	10	85	19	43	1	43		
66	21	31	8	45	86	19	42	1	23		
67	21	21	8	21	87	19	41	1	2		
68	21	12	7	56	88	19	40	0	41		
69	21	3	7	32	89	19	40	0	21		
70	20	55	7	9	90	19	39	0	0		

د (ه 33 مر [س 19 كا 25 كا 27 كل 28 كر [يز 27 كا 42 كا 25 كا 26 كا 27 كا 28 كل [كمل 25 كا 26 كاك

عدد البهاد الموات عرض يه ساعاته يب ند المواكر المقطار المواكر

Almucantars of Latitude 15: hours 12;54										
no.	dist cen	. of tres	ser dia	- 1	no.	dist. of centres		semi- diam.		
[0]	73	20	75	55						
1	68	42	71	7	26	27	13	25	19	
2	64	37	66	51	27	26	37	24	33	
3	61	0	63	4	28	26	3	23	49	
4	57	46	59	40	29	25	31	23	6	
5	54	52	56	35	30	25	1	22	25	
6	52	14	53	47	31	24	32	21	46	
7	49	52	51	14	32	24	4	21	8	
8	47	41	48	53	33	23	38	20	31	
9	45	42	46	44	34	23	12	19	55	
10	43	53	44	44	35	22	48	19	20	
11	42	13	42	54	36	22	24	18	46	
12	40	40	41	11	37	22	3	18	14	
13	39	14	39	35	38	21	42	17	42	
14	37	54	38	4	39	21	23	17	12	
15	36	40	36	40	40	21	3	16	42	
16	35	30	35	21	41	20	44	16	12	
17	34	26	34	6	42	20	27	15	44	
18	33	26	32	55	43	20	10	15	16	
19	32	29	31	48	44	19	54	14	49	
20	31	35	30	44	45	19	39	14	23	
21	30	45	29	43	46	19	24	13	57	
22	29	57	28	45	47	19	10	13	32	
23	29	12	27	50	48	18	56	13	7	
24	28	31	26	58	49	18	43	12	43	
25	27	51	26	8	50	18	31	12	19	

				ساعاته	رض يه	ات ع	مقنطر		
ه يو بر مط ه كالحد نه يو لك مد سالك له بن الحد ك مد سالك نه يو لك مد سالك له بن الحد ك مد سالك الله الله الله الله الله الله الله ا	أنص الأز	一日 一日 日本	أب الم	عدد	ساف	أنم الأ	ن دوه ه اما يد كمال در مه بن ١٥ مد ايم در الومو در ال العلم الدر الما الدر الدر الما الدر الدر الما الدر الدر الما الدر الدر الما الدر الدر الدر الدر الدر الدر الدر الد	أب المر	عدد
ا بح		4.4	يه	عا عا عد	نو	اي	يمل	3	نا ن
1	٥	ما	يه	عب	7	يا	۲	بح	نب
مد	د	الز	يه	عح	ا يا	ايا	نز	يز	zc'
انخو	د	الخا	يه	عد	مط	ی	مو	يز	ند
امد ا	د	ا کط	يه	4.5	ا کز	ی	كو	يز	نه
انب	>	ا کو	يه	عو	و	ی	در	يز	نو
الها	>	<u> </u>	يه	ا عز	4.6	ا مد	یخ	يز	ا فز د
بح	2-	브	يه	عح	اقها	- Jo	ما	يز	ع ا
'	~	یخ	ي	عط	3	مد	ō	يز	نط
مد	ب	یه	Ą.	ا ف	مد	ح	نب	يو	س
اع ا	ب	ید	42	افا	که	ح	44	يو	اسا
یب	ب	یب	يه	فب	٥	ح	الز	يو	سب
انه	1	ليا	يه	غ	مو	ز	ل	يو	سيحد
لح	1	ط	يه	فد	کز	ز	3	يو	سد
5	1	ز	يه	فه	اح	ز	يز	يو	سه
اه	1	او	يه	٠ فو	مط	و	ايا	***************************************	سو
مط	8	0	يه	فز	ال	و	٥	يو	سر
لب	5	د	يه	ځ	یب	و	ō	يو	سمح
یو ا	ō	د	يه	فط	ند	٥	ئو	يه	سط
õ	5	د	يه	ص	لو	٥	ن	يه	ع

Al	muc	antar	s of	Latit	ude 1	5:	hour	s 12;	54
no.		dist. of centres					t. of tres	ser dia	
51	18	19	11	56	71	15	45	5	18
52	18	8	11	33	72	15	41	5	1
53	17	57	11	11	73	15	37	4	44
54	17	46	10	49	74	15	33	4	26
55	17	36	10	27	75	15	29	4	9
56	17	27	10	6	76	15	26	3	52
57	17	18	9	45	77	15	23	3	35
58	17	9	9	25	78	15	20	3	18
59	17	0	9	4	79	15	18	3	1
60	16	52	8	44	80	15	15	2	44
61	16	45	8	25	81	15	14	2	28
62	16	37	8	5	82	15	12	2	12
63	16	30	7	46	83	15	11	1	55
64	16	23	7	26	84	15	9	1	38
65	16	17	7	8	85	15	7	1	21
66	16	11	6	49	86	15	6	1	5
67	16	5	6	30	87	15	5	0	49
68	16	0	6	12	88	15	4	0	32
69	15	55	5	54	89	15	4	0	16
70	15	50	5	36	90	15	4	0	0

A	Almucantars of Latitude 16: hours 12;58										
no.		. of tres			no.		. of tres	1			
[0]	68	32	71	18							
1	64	27	67	2	26	26	27	24	44		
2	60	49	63	14	27	25	53	23	59		
3	57	36	59	50	28	25	21	23	17		
4	54	41	56	45	29	24	50	22	36		
5	52	3	53	57	30	24	21	21	56		
6	49	41	51	24	31	23	53	21	18		
7	47	31	49	4	32	23	27	20	41		
8	45	33	46	55	33	23	1	20	5		
9	43	43	44	55	34	22	37	19	30		
10	42	2	43	4	35	22	14	18	57		
11	40	30	41	21	36	21	52	18	24		
12	39	4	39	45	37	21	31	17	53		
13	37	44	38	15	38	21	12	17	23		
14	36	30	36	50	39	20	53	16	53		
15	35	21	35	31	40	20	33	16	23		
16	34	16	34	16	41	20	16	15	55		
17	33	15	33	5	42	20	0	15	28		
18	32	18	31	58	43	19	44	15	1		
19	31	25	30	54	44	19	28	14	34		
20	30	34	29	53	45	19	13	14	8		
21	29	46	28	55	46	18	59	13	43		
22	29	2	28	0	47	18	46	13	19		
23	28	20	27	8	48	18	33	12	55		
24	27	40	26	18	49	18	20	12	31		
25	27	3	25	30	50	18	8	12	8		

		نح	— ، يب	ً ساعات	 رض يو	ات ع	مقنطر		
قطار يد له اله طو م م در يد م كوب نط يه ل مط و المام و المام در اله	أنه الأ	اع اع اع اع اعد الله الله الله الله الله الله الله الل	أب المر	عدد	رض يو المالي ال	أنه الأ	اکن الحاد مطرز و ید که او از اکن الحاد مطرز و ید که او از اکن د یا دی که الحاد مطرز و ید	أ. الم	عدد
ید	٥	کے	يه	عا	4.0	يا	انز	يز	ع مط سه در او سه در او
نز	0 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	کد	يه	عب	3	ايا	مو	يز	نب
	د	ك	يه	عد	1	ایا	له	يز	z.
اکخ ا	د	يو	يه	عد	لط	ی	25	یز	ئد
و	د	£_	يه	عه	ا ج	ی	ید	يز	نه
مط	ح	اط	يه	عو	نز	ط	و	يز	نو
لب	~	و	يه	عز	الو	ا ط	انز	يو	بز
يه	~	~	يه	عح	يو	اط	مط	يو	ع
نط	ب	1	يه	عط	انو	ح	٦	يو	نط
مب	ب	نح	يد	ا ف	ا لز	٦	4	يو	س
کو	ب	نز	ید	فا	يز	اح	که	يو	سا
ا ط	ب	ئە	ید	فب	انځ ا	ز	اج	يو	سب
<b>≤</b> i	1	±c'	ید	連	لمل	ز	ل	يو	25.00
ا لو	1	نب	ید	فد	اد	ز	د	يو	سد
ك	1	انا	يد	فه	1	ز	نح	يه	سه
د	1	ن	يد	فو	se.	و	نب	يه	سو
اع ا	ð	مط	يد	فز	که	و	مز	يه	سز ا
الب	δ	اځ	يد	اغ	ز	و	مب	يه	سمح
یو	ō	ع	يد	فط	مط	۵	لز	يه	سط
7	ō	ع	يد	عا عا عد	Y	٥	لب	يه	ع

Al	lmuca	antar	s of I	Latiti	ıde 16	5:	hour	s 12;	58
no.	dist cent	- 1	sen dia		no.	dist cent	- 1	sen dia	
51	17	57	11	45	71	15	28	5	14
52	17	46	11	23	72	15	24	4	57
53	17	35	11	1	73	15	20	4	40
54	17	25	10	39	74	15	16	4	23
55	17	14	10	18	75	15	13	4	6
56	17	6	9	57	76	15	9	3	49
57	16	57	9	36	77	15	6	3	32
58	16	49	9	16	78	15	3	3	15
59	16	40	8	56	79	15	1	2	59
60	16	33	8	37	80	14	58	2	42
61	16	25	8	17	81	14	57	2	26
62	16	18	7	58	82	14	55	2	9
63	16	11	7	39	83	14	53	1	53
64	16	4	7	20	84	14	52	1	36
65	15	58	7	1	85	14	51	1	20
66	15	52	6	43	86	14	50	1	4
67	15	47	6	25	87	14	49	0	48
68	15	42	6	7	88	14	48	0	32
69	15	37	5	49	89	14	48	0	16
70	15	32	5	31	90	14	48	0	0

		,	ه یح ب	ساعات	_ برض يز	لمرات ع	مقنه		
ك لار	أنصاط الأقط	اد کز	أبع المرا	عدد	اف طار	أنصا الأق	باد اکز	أبد المر	عدد
ال ا	الأقط الله به به به بد بد به بو بو بر بن به به بط الله الله به به به بد بد به بو بو بر بن به به بط الله الله به به به بد بد به بو بو بر بن به به بط الله الله به به به بد بد به بو بو بر بن به	中心上外下下下下 一日日十日十日十日十日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日	光光子子子 四日日日日日日 五人子子子子子	ら を な な な か か を か か か か か か か か か か か か か	ال ا	少分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分	اد کر الله کا	كوكوكركمالكم كل لا له له له له له له ما له مه فر مط نا ند بزس الد	2011年以上,下下了了一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一

A	lmuc	antaı	rs of	Latit	ude 1	7:	hou	rs 13;	2
no.	dist cent	. of tres	sen dia	- 1	no.	dist cent	. of tres	ser dia	
[0]	64	16	67	12					
i	60	39	63	25	26	25	43	24	10
2	57	26	60	1	27	25	10	23	27
3	54	31	56	56	28	24	40	22	46
4	51	54	54	8	29	24	11	22	7
5	49	31	51	35	30	23	43	21	29
6	47	20	49	14	31	23	17	20	52
7	45	22	47	5	32	22	51	20	16
8	43	32	45	5	33	22	27	19	41
9	41	52	43	14	34	22	3	19	7
10	40	19	41	31	35	21	42	18	35
11	38	53	39	55	36	21	21	18	4
12	37	34	38	25	37	21	1	17	33
13	36	19	37	0	38	20	41	17	3
14	35	10	35	41	39	20	23	16	34
15	34	6	34	26	40	20	5	16	5
16	33	5	33	15	41	19	48	15	38
17	32	8	32	8	42	19	32	15	11
18	31	14	31	4	43	19	17	14	45
19	30	24	30	4	44	19	2	14	19
20	29	36	29	5	45	18	48	13	54
21	28	51	28	10	46	18	34	13	29
22	28	9	27	18	47	18	21	13	5
23	27	30	26	28	48	18	8	12	41
24	26	52	25	40	49	17	56	12	18
25	26	16	24	54	50	17	45	11	56

				ساعات	رض يز	ات ء	مقنطر		
عطار على مديد الله الله على الله الله الله الله الله الله الله ال	أنص الأة	一下下下下下下下上, 中心 中心 下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下	أب المر	عدد	الفطار كند و الدارنو يد بل ناى كلاح ملائع م كان يد لد كن مد ب دارنو يد بل ناى كلاح ملائع م	أنم الأ	ماد اکز	أب المر	عدد
ی	٥	ايا	اد	ع عد	لد		لد	ני	نا
±i	د	ز	يه	عب	یب ا	یا	کد	يز	نب
الوا	د	>	يه	عد	ن	ي	£	يز	±
يط	د	نط	يد	عد	كط	ی	~	یز	ند
~	د	انو	يد	عه	ے	ي	ند	يو	ئە
مو	>	£.	ید	عو	ع	مل	4.4	يو	نو
ل	>	ن	يد	عز	اکح ا	ط	لز	يو	نز
4	~	مز	ید	عح	آ ح	ط	كط	يو	نحح
ا نز	ب	4.6	يد	عط	امح ا	اح	5	يو	نط
ا م	0 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	مب	יג וב וים וים וים	اف	كط	ح	يح.	거 거 거 거 러 러 러 러 워 워 워 라 라 라 라 라 라 라 라	س
کد	ب	٦	يد	فا	ی	ح	و	يو	اسا
ح	ب	لط	يد	فب	انا	ز	نط	يه	سب
ີ່ ປ່	- 1	از	يد	直	لب	از	نب	يه	سكد
الو	- 1	لو	يد	فد	ید	ز	مو	يه	سد
يط	- 1	له	ید	فه	نو	و	م	يه	سه
حا	- 1	لد	يد	فو	الز	او	لد	يه	سو
مز	δ	7	يد	فز	ك	و	كط	يه	سز
X	ð	لب	يد	غ	ب	او	کد	يه	سمح
يو	ō	لب	يد	فط	مد	٥	يط	يه	سط
δ	δ	لب	يد	ص	کز	٥	يه	يه	اع المراجع الإراجة الإراجة الماجة

0 سط [سد D 1 لل BT 4] لو الله BT 4 و [ 2 تو 3 قال الله BT 10 كط [لله BT 4] له BT 4 أوب BT 4

A	lmuo	anta	rs of	Latit	ude 1	7:	hou	rs 13	;2
no.	dist cen	of tres	l .	ni- ım.	no.		. of tres	semi- diam.	
51	17	34	11	34	71	15	11	5	10
52	17	24	11	12	72	15	7	4	53
53	17	13	10	50	73	15	3	4	36
54	17	3	10	29	74	14	59	4	19
55	16	54	10	8	75	14	56	4	3
56	16	45	9	48	76	14	53	3	46
57	16	37	9	28	77	14	50	3	30
58	16	29	9	8	78	14	47	3	13
59	16	21	8	48	79	14	45	2	57
60	16	13	8	29	80	14	42	2	40
61	16	6	8	10	81	14	40	2	24
62	15	59	7	51	82	14	39	2	8
63	15	52	7	32	83	14	37	1	51
64	15	46	7	14	84	14	36	1	36
65	15	40	6	56	85	14	35	1	19
66	15	34	6	37	86	14	34	1	3
67	15	29	6	20	87	14	33	0	57
68	15	24	6	2	88	14	32	0	31
69	15	19	5	44	89	14	32	0	16
70	15	15	5	27	90	14	32	0	0

			اته یح	 بح ساعا	عرض	نطرات	ža		:
نصاف لأقطار		ماد اکز	اته یح و أب المر	عدد	با <i>ف</i> نطار	أنم الأز	ماد اکز	أب المر	عدد
نصاف الأقطار الله يز لله يد موليد نا كوب لط يز لله يد موليد نا كوب لط يو كم ما يد عمد يد موليد الله	「一、 「				د ن الطلح كا يو يد يد يو كولو نا يا له و ب كايو يو كه له و يا له اله	一点 一	10分子,10分子,10分子,10分子,10分子,10分子,10分子,10分子,	からからなられる 日本	عدد الله الله الله الله الله الله الله ال
4.6	يا	3	يز	ن	ك	کد	لب	که ا	که ا

A	lmuc	anta	rs of	Latit	ude 1	8:	hou	rs 13:	;6
no.	dist cen	. of tres		ni- m.	no.		. of tres	ser dia	
[0]	60	48	63	35					
ľí	57	15	60	11	26	25	0	23	38
2	54	20	57	6	27	24	30	22	57
3	51	43	54	18	28	24	0	22	17
4	49	20	51	45	29	23	33	21	39
5	47	10	49	24	30	23	6	21	2
6	45	12	47	16	31	22	40	20	26
7	43	22	45	16	32	22	16	19	51
8	41	42	43	25	33	21	53	19	18
9	40	9	41	42	34	21	32	18	46
10	38	44	40	6	35	21	10	18	14
11	37	23	38	35	36	20	50	17	43
12	36	9	37	11	37	20	31	17	14
13	35	0	35	51	38	20	12	16	44
14	33	55	34	36	39	19	54	16	16
15	32	55	33	26	40	19	38	15	49
16	31	59	32	19	41	19	22	15	22
17	31	4	31	14	42	19	6	14	56
18	30	14	30	14	43	18	51	14	30
19	29	26	29	16	44	18	37	14	5
20	28	41	28	21	45	18	23	13	40
21	27	59	27	28	46	18	10	13	16
22	27	20	26	39	47	17	58	12	53
23	26	42	25	51	48	17	46	12	30
24	26	6	25	4	49	17	34	12	7
25	25	32	24	20	50	17	23	11	45

			ته یخ	ح ساعا	عرض	لرات :	مقنط		
ىا <i>ف</i> نطار	أنم الأز	عاد راکز	أ. الم	عدد	ساف قطار	أنم الأ	حاد اکز	أب الم	عدد
اف افطار المطور المطور المطور المطور المطور المطور المطور المطور المطور المطور المطور المطور المطور المطور المطور المطور المطور		يو يو ين يه يعلم يه كوكه لا لد لوم مه مون ند		عد ع	الم الله الله الله الله الله الله الله ا	الا حال ما ما ما ی ی یا یا	اکن ب و ایا یو بر کلک ادم من د ب طاید کو اد او این ب ب	A	ع المساعة المراجد الله المراجد
لد	1	ك	ید	فد	ح	ز	کح	يه	سد
يط	1	تعد	يد	ف	ن	و	کب	يه	سه
ب ا	1:	ع	يد	. فو	ا لب	و	یو	يه	سو
مو	δ	یز	يد	فز	ید ا	٤	ايا	يه	سز
K	δ	يز	ید	اځ ا	ا نز	0	و	يه	الشح
يه	ō	یو	ید	فط	2	٥	ا ب ا <i>ب</i>	یه	سط
δ	δ	يو	يد	ص	4	٥	ځ	ید	ع

A	lmuc	anta	rs of	Latit	ude 1	8:	hou	rs 13	6
no.	dist cen	. of tres	semi- diam.		no.	dist. of centres		semi- diam.	
51	17	12	11	23	71	14	54	5	6
52	17	2	11	2	72	14	50	4	49
53	16	53	10	41	73	14	46	4	32
54	16	43	10	20	74	14	43	4	16
55	16	34	10	0	75	14	40	4	0
56	16	26	9	40	76	14	36	3	43
57	16	17	9	20	77	14	34	3	27
58	16	9	9	0	78	14	31	3	11
59	16	2	8	41	79	14	28	2	54
60	15	54	8	21	80	14	26	2	38
61	15	47	8	3	81	14	24	2	22
62	15	40	7	44	82	14	22	2	6
63	15	34	7	26	83	14	21	1	50
64	15	28	7	8	84	14	20	1	34
65	15	22	6	50	85	14	19	1	19
66	15	16	6	32	86	14	18	1	2
67	15	11	6	14	87	14	17	0	46
68	15	6	5	57	88	14	17	0	31
69	15	2	5	40	89	14	16	0	15
70	14	58	5	23	90	14	16	0	0
II.	I	I		I	II.	I	ŀ	1	1

[م 62 BT ب [ح 61 T ط [ح CB نه [ند 60 B م [ما T ط [ح 18 آ [ب 59 ك CB م ] ما [يا 78 BT في الد [مد C ك بر الله 50 BT في الله 62 ك الد [مد D ك بر الله 50 BT في الله 65 B ك الله 65 ك

	ته <u>ب</u> ح ی	لً ساعا	 ن عرض یه	طرات	مقن		
أنصاف الأقطار	أبعاد المراكز	عدد	نصا <i>ف</i> لأقطار	1	ماد اکز	أب المر	عدد
الأقال الأقال المراب ال	البا الما الما الما الما الما الما الما	分分分分分子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子	الم عرض يه الم	اك ك كوكوكرك كم لل لا بالد لدور لحم ما عدم مط نا ندرس	اکرد اکرد الباه که الباه ک ان کم نو لباط مطالا یو د ند محمد مه ن ۵ محمد که الباه ک	以外以外以外以外的 大下下下下下下 四十十十二十二十二十二十二十二十二十二十二十二十二十二十二十二十二十二十二十二	3 一一一日の日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日
	ا عمر	٥	C		0		

A)	Almucantars of Latitude 19: hours 13;10									
no.		. of tres	ser dia		no.	dist	. of tres	ser dia		
[0]	57	4	60	21						
1	54	10	57	17	26	24	19	23	7	
2	51	32	54	28	27	23	50	22	28	
3	49	10	51	56	28	23	22	21	49	
4	47	0	49	35	29	22	55	21	12	
5	45	1	47	26	30	22	30	20	36	
6	43	12	45	26	31	22	6	20	2	
7	43	32	43	36	32	21	42	19	28	
8	39	58	41	52	33	21	21	18	56	
9	38	33	40	16	34	21	0	18	25	
10	37	13	38	46	35	20	40	17	54	
11	36	0	37	21	36	20	20	17	24	
12	34	50	36	2	37	20	2	16	55	
13	33	45	34	47	38	19	44	16	27	
14	32	45	33	36	39	19	28	16	0	
15	31	48	32	29	40	19	11	15	33	
16	30	54	31	25	41	18	55	15	6	
17	30	4	30	24	42	18	40	14	40	
18	29	16	29	26	43	18	26	14	16	
19	28	31	28	31	44	18	12	13	51	
20	27	49	27	39	45	17	59	13	27	
21	27	9	26	49	46	17	47	13	4	
22	26	32	26	1	47	17	35	12	41	
23	25	56	25	15	48	17	23	12	18	
24	25	22	24	31	49	17	12	11	56	
25	24	50	23	48	50	17	1	11	34	

		ى	<u>=</u> 4	ل ساعاة	_ برض يه	رات ء	مقنطر		
ه به له مو د به به مو د د به مو د به مو د به مو د د به مو د د د د د د د د د د د د د د د د د د	أنم الأز	ماد اکز	المالية	عدد	ساف	أنه الأ	ماد اکز	3, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3	عدد
ب	٥	الز	ید	عاعد عد ع	4	لِ	نا	يو	نا
44	د	7	يد	عب	ا نب	ی	la	يو	نب
كط	د	J	ید	عد	الب ا	ی	لب	يو	z'
ا يب	د	2	ید	عد	ايا	ي	3	يو	ند
ا نو	>	3	ید	عه	เป	_ <u></u>	يد	يو	نه
ا م	~	7	ید	عو	R	ما	٥	يو	نو
ا کُد	>	يز	يد	عز	یب	ما	نح	يه	نز
ا ح	ح	يه	يد	عح	<u> </u>	ے	ن	يه	نح
ا نب	ب	یب	يد	عط	ᆚ	ح	مب	يه	نط
الو		ی	يد	اف	ید	ح	له	يه	س
ك	ب	اح	يد	فا	انو	ز	كط	يه	سا
٥	ب	ز	ید	فب	الح	ز	کب	يه	سب
مط	1	٥	ید	直	ك	ز	يو	يه	سکت
7	- 1	د	يد	فد	ب ا	ز	ی	يه	سد
يز	- 1	-	يد	فه	مد	و	د	يه	سه
ب	- 1	ب	ید	فو	ا کز	و	نط	ید	سو
مو	õ	ب	ید	فز	ی	و	ند	يد	سز
ال	δ	1	يد	ځ	<u> </u>	٥	ن	ید	سمح
يه	ō	1	يد	فط	الو	٥	4.6	يد	سط
ō	δ	1	يد	ص	يط	٥	lo	ید	ع مطرحة الموسدة المديدة الموسدة الموسد

A	lmuc	antar	s of l	Latit	ude 1	9:	hour	s 13;	10
no.	dist cen	. of tres	ser dia	ni- ım.	no. dist. of centres			semi- diam.	
51	16	51	11	13	71	14	37	5	2
52	16	41	10	52	72	14	33	4	45
53	16	32	10	32	73	14	30	4	29
54	16	23	10	11	74	14	26	4	12
55	16	14	9	51	75	14	23	3	56
56	16	5	9	31	76	14	20	3	40
57	15	58	9	12	77	14	17	3	24
58	15	50	8	53	78	14	15	3	8
59	15	42	8	33	79	14	12	2	52
60	15	35	8	14	80	14	10	2	36
61	15	29	7	56	81	14	8	2	20
62	15	22	7	38	82	14	7	2	5
63	15	16	7	20	83	14	5	1	49
64	15	10	7	2	84	14	4	1	33
65	15	4	6	44	85	14	3	1	17
66	14	59	6	27	86	14	2	1	2
67	14	54	6	10	87	14	2	0	46
68	14	50	5	53	88	14	1	0	30
69	14	45	5	36	89	14	1	0	15
70	14	41	5	19	90	14	1	0	0

ض آف ساعاته یح ید	مقنطرات عر
ض ق ساعاته يح يد أبعاد أنصاف الراكز الأقطار الراكز الأقطار الإ	عدد أبعاد أنصاف المراكز الأقط
الراكز الأقطار الماكز الأقطار الماكز الأقطار الماكز الأقطار الأقطار الماكز الأقطار الماكز ال	مقنطرات عراد البعاد المراكز الأقطا المراكز الأقطا المراكز الأقطا المراكز الأقطا المراكز الأقطا المراكز و و و و و و و و و و و و و و و و و و و

A	Almucantars of Latitude 20: hours 13;14										
по.		. of tres		ni- ım.	no. dist		. of tres	semi- diam.			
[0]	53	59	57	27							
i	51	22	54	39	26	23	40	22	38		
2	48	59	52	6	27	23	12	22	Ω		
3	46	49	49	45	28	22	45	21	23		
4	44	50	47	36	29	22	20	20	47		
5	43	2	45	37	30	21	55	20	12		
6	41	21	43	46	31	21	32	19	38		
7	39	49	42	3	32	21	10	19	6		
8	38	23	40	27	33	20	49	18	35		
9	37	2	38	56	34	20	29	18	4		
10	35	48	37	31	35	20	10	17	35		
11	34	39	36	12	36	19	51	17	5		
12	33	35	34	57	37	19	33	16	37		
13	32	34	33	46	38	19	17	16	10		
14	31	37	32	39	39	19	0	15	43		
15	30	44	31	35	40	18	45	15	17		
16	29	53	30	35	41	18	29	14	51		
17	29	5	29	36	42	18	15	14	26		
18	28	21	28	41	43	18	2	14	2		
19	27	39	27	49	44	17	48	13	38		
20	27	0	27	0	45	17	35	13	14		
21	26	21	26	11	46	17	22	12	51		
22	25	46	25	26	47	17	12	12	29		
23	25	12	24	41	48	17	1	12	7		
24	24	39	23	58	49	16	50	11	45		
25	24	8	23	17	50	16	40	11	24		

				ساعاته	عرض ك	رات -	مقنط		
اف العدد و كالزيد طرك برخ و بدل مو ايو بل عدد مطلد ن و كالزيد طرك برخ	أنص الأز	ماد اکر ا کے ندن نا کے ندن نطا دنی کے اور مومومر مزعن نا کے ندن نطا دنی کے اور مومومر مزعد ن نا کے ندن نطا	أب المر	عدد	الماف الأقطار الأقطار الأقطار الأقطار الأقطار الأقطار المافي الم		上下下水水水水 いいっ いまれる はりのからないない	أب المر	عدد
نع	د	ك	ید	ص طلعة فر فو فد فه فو ف فلط ع عز عو عد عد عرب عا	_	یا	ل	يو	نا
مب	, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	يز	אי אי א'	عب	مب		ك		نب
که	د	£	ید	عد	کب	ِي	يا	يو	Z.
ط	د	ی	يد	عد	ا ب	ی	ب	يو	ند
<b>±</b>	~	ز	ید	عه	مب	ا ما	ند	يه	نه
لز	~	د	يد	عو	3	ط	مو	يه	نو
6	~		ید	عز	د	مل	ځ	يه	نز
و	-	نط	£	عح	4.4	ح	1	يه	مح
ن	ب	نز	£	عط	ا کو	څ	₹	يه	نط
لد	ب	ند	£	ا ف	ا ح	ح	يز	يه	س
يط	پ	<b>≤</b> č'	<u> </u>	افا	ن	ز	ایا	يه	سا
_	ب	نا	£	فب	لب	ز	٥	يه	سب
ع	1	ن	£	ا فح	ید	ز	انز	يد	سکے
لب	- 1	ځ	£	فد	ا نز	و	se'	يد	سد
يو	l l	مز	£	اف	لط	و	مز	يد	سه
1	1	مز	£	فو	کب	و	مب	ید	سو
مو	δ	مو	£	ا فز ا	اه	و	الز	يد	سز
ل	ō	مو	*	اځ	اع	۵	ا لب	ید	سمح
يه	δ	مو	£	فط	1	٥	اکج	يد	سط
δ	δ	مو	£	ص	یه	٥	کد	يد	ع الله يو الله الله الله الله الله الله الله الل

A	muca	antar	s of l	Latiti	ıde 20	):	hour	s 13;	14
no.	dist cent		ser dia		no. dist. of centres		semi- diam.		
51	16	30	11	3	71	14	20	4	58
52	16	20	10	42	72	14	17	4	42
53	16	11	10	22	73	14	13	4	25
54	16	2	10	2	74	14	10	4	9
55	15	54	9	42	75	14	7	3	53
56	15	46	9	23	76	14	4	3	37
57	15	38	9	4	77	14	1	3	21
58	15	31	8	45	78	13	59	3	6
59	15	23	8	26	79	13	57	2	50
60	15	17	8	8	80	13	54	2	34
61	15	11	7	50	81	13	53	2	19
62	15	5	7	32	82	13	51	2	3
63	14	58	7	14	83	13	50	1	48
64	14	53	6	57	84	13	48	1	32
65	14	47	6	39	85	13	47	1	16
66	14	42	6	22	86	13	47	1	1
67	14	37	6	5	87	13	46	0	46
68	14	32	5	48	88	13	46	0	30
69	14	28	5	31	89	13	46	0	15
70	14	24	5	15	90	13	46	0	0

	<u> </u>	ساعات	عرض کا	طرات	مقن		
أنصاف الأقطار	أبعاد المراكز	عدد	ا <i>ف</i> طار	أنص الأق	باد اکز	أب المرا	عدد
الأقطار الكافطار الأقطار الكافطار الكا	المرابعاد المرابع المرابع المرابع المرابعاد المرابعاد المرابعاد المرابع المراب	分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分	عرض کا مطالب کای در در مده مه ن نو ز کی مب و لز یک نو در من نو در کی در در کام کار	以及外外外外的人工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工	一下一日日日に下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下	上下下日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日	3年一一一一日本人子子子上上上上上上上上上上上上上上上上上上上上上上上上上上上上上上上上上上
با له با يد	يو نط يو كط يو يط	ح مط ن	کر کز مح	رد ک کب	نخ کط	2 \ \ \ \	کد که

A)	Almucantars of Latitude 21: hours 13;18										
no.	dist		ser dia		no.	dist cen	. of	semi- diam.			
						0011	01.00				
[0]	51	11	54	49							
1	48	49	52	17	26	23	1	22	10		
2	46	39	49	56	27	22	35	21	33		
3	44	40	47	47	28	22	9	20	57		
4	42	51	45	47	29	21	45	20	23		
5	41	10	43	56	30	21	22	19	49		
6	39	38	42	13	31	21	0	19	17		
7	38	12	40	37	32	20	40	18	46		
8	36	52	39	6	33	20	19	18	15		
9	35	38	37	42	34	20	0	17	45		
10	34	29	36	23	35	19	41	17	16		
11	33	24	35	7	36	19	23	16	48		
12	32	23	33	56	37	19	6	16	20		
13	31	28	32	50	38	18	50	15	54		
14	30	33	31	45	39	18	34	15	27		
15	29	43	30	45	40	18	19	15	2		
16	28	56	29	47	41	18	5	14	37		
17	28	11	28	52	42	17	51	14	13		
18	27	29	28	0	43	17	38	13	49		
19	26	49	27	10	44	17	25	13	25		
20	26	11	26	21	45	17	12	13	2		
21	25	35	25	35	46	17	1	12	40		
22	25	1	24	51	47	16	50	12	18		
23	24	29	24	9	48	16	39	11	56		
24	23	58	23	27	49	16	29	11	35		
25	23	29	22	48	50	16	19	11	14		

1		· · ·					<del>.</del>		
			<u> </u>	آ ساعات	رض کا	اِت ء	مقنطر		
با <i>ف</i> نطار	عاد أنصاف الأقطار الأقطار الأقطار الأقطار الأقطار الأقطار الأقطار الأقطار المراكز الأعطار المراكز الأعطار المراكز الأعطار المراكز الأعطار المراكز الأعطار المراكز الأعلام المراكز الم		أب المر	عدد عد	يالكامدة إلا لا ناح ك الطلح بويه له نديد لدند الطاف	أنص الأة	المراكز المرا		عدد
نه <u>ا</u> ح	2 2 2 2 4 4 4 4 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 6 6 6 6 6 6	٥	ید پد	عا عب	ند لد	ی	ى ا	34 34 34 34 34 34 34 34 34 34 34 34 34 3	ع سل مهر و نه ند که بن نا ع سل مهر و نه ند که بن نا
کب	د	نز	4.	عح	يد	ی	نب ا	يه	±
او ن	د	اند انا	*	عد	لد	مات مات	له	يه نه	ند   نه
لد	~	ځ	4	عو	يه	<u>L</u>	کز	يه	نو
يط	>	مو	£	عز	نو	ح	يط	يه	نز
	>	\$	<u> </u>	عح	الح	۲	يب	ية	اخ
اح ا	ب	1	<u> </u>	عمد ف	ا العد	2	ď:	يە دد	لط
یو	ب	<u>ع</u> لو	<b>±</b>	فا	£	از	نب	ید	اسا
١	ب	4	£	فب	که	ز	مو	يد	سب
مو		الد	<u> </u>	<u>.</u>	ا ح	ز	ا ما	ید	. Z.u
ا يا		لب	<u>z</u>	فه	لد	و	ال	ىد	سد سه
δ	- 1		يح	فو.	يز	و	که	ید	ا سو
4.4	5	7 7	4	ا فز ا <b>ف</b>	5	ا و	ا ك	ید	ا سر ا مد
ا په	ō	, k	4	خ فط	3	٥	ا يو ا يب	ید ید	ا تح ا سط
5	δ	7	¥.	ص	يا	٥	ح	ید	ع

A	lmuc	antar	s of l	Latit	ude 2	1:	hour	s 13;	18
no.					dist. of centres		ni- .m.		
51	16	10	10	54	71	14	4	4	55
52	16	1	10	34	72	14	0	4	38
53	15	52	10	14	73	13	57	4	22
54	15	43	9	54	74	13	54	4	6
55	15	35	9	35	75	13	51	3	50
56	15	27	9	15	76	13	48	3	34
57	15	19	8	56	77	13	46	3	19
58	15	12	8	38	78	13	43	3	3
59	15	5	8	19	79	13	41	2	48
60	14	58	8	1	80	13	38	2	32
61	14	52	7	43	81	13	36	2	16
62	14	46	7	25	82	13	35	2	1
63	14	41	7	8	83	13	34	1	46
64	14	35	6	51	84	13	33	1	31
65	14	30	6	34	85	13	32	1	16
66	14	25	6	17	86	13	31	1	0
67	14	20	6	0	87	13	31	0	45
68	14	16	5	44	88	13	31	0	30
69	14	12	5	28	89	13	31	0	15
70	14	8	5	11	90	13	31	0	0

	-	، یحے کب	ساعات	ض كب	ات عر	مقنطر		
أنصاف الأقطار	اد کز	أبم المرا	عدد	ا <i>ف</i> طار	أنص الأق	باد اکز	أبـ المر	عدد
الأقطار الأقطار الأقطار الأقطار الماقطار الماقط	الما الما الما الما الما الما الما الما	化	分分分分分子上日子一日子一日子一日日子子の日子の日子の日子の日子の日子の日子の日子の日子の日子の日子の日子の日子	من كب المول ك ما بن نه نو ه زيج له بند من كمكرز نز و كرا الله الله الله الله الله الله الله ال	分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分	نا يول المواط و مد المايد يد يد يو كر و م مولكل	一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一	3年一十十十十十十十十十十十十十十十十十十十十十十十十十十十十十十十十十十十十

Al	Almucantars of Latitude 22: hours 13;22									
no.	dist		ser dia		no.	dist	. of	ser dia		
[0]										
[0]	48	38	52	27		00	0.4	0.1	40	
1	46	28	50	6	26	22	24	21	43	
2	44	29	47	57	27	21	59	21	8	
3	42	40	45	57	28	21	35	20	34	
$\begin{vmatrix} 4 \end{vmatrix}$	41	0	44	7	29	21	12	20	0	
5	39	27	42	23	30	20	49	19	27	
6	38	1	40	47	31	20	29	18	56	
7	36	42	39	17	32	20	8	18	25	
8	35	27	37	52	33	19	49	17	55	
9	34	19	36	33	34	19	30	17	26	
10	33	14	35	18	35	19	12	16	58	
11	32	13	34	7	36	18	56	16	31	
12	31	17	33	0	37	18	39	16	4	
13	30	23	31	56	38	18	24	15	38	
14	29	33	30	55	39	18	8	15	12	
15	28	45	29	57	40	17	54	14	47	
16	28	0	29	2	41	17	40	14	23	
17	27	19	28	9	42	17	27	13	59	
18	26	39	27	20	43	17	14	13	36	
19	26	1	26	32	44	17	2	13	13	
20	25	26	25	46	45	16	50	12	50	
21	24	51	25	1	46	16	39	12	29	
22	24	19	24	19	47	16	28	12	7	
23	23	48	23	38	48	16	18	11	46	
24	23	19	22	59	49	16	8	11	25	
25	22	51	22	20	50	15	58	11	4	

		کب	<u> </u>	- ساعات	ِض کب	ت عر	مقنطرا		
اف افطار اید له ه ید لا مو ایو بر که میله ده اید له ه ید لا مو ایو بر که میله ده	أنص الأة	الكراد الماد الماد كالماد الماد الما	أب الم	عدد	الأقطار الأقطار على		المراكباد المربع المراكب الد ما مردد المردود به به به يد		عدد
li	د	مح	£	عد ع	4.6	ی	ن	يه	ع المساحدة الله الله الله الله الله الله الله الل
اله		مد	4	عب	کد	ی	٦	14 14 14 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15	نب
يط	د	ما	4	عح	٥	ی	لب	يه	£
~	د	لح	*	عد	مو	مل	کد	يه	ند
اځ	2	الو	4	عه	كز	Je	يو	يه	نه
لب	>	7	4	عو	ح	مل	اح	يه	نو
یو	>	ال	4	عز	مط	ح	1	يه	نز
1	>	اکح	£.	عح	R	ح	ند	ید	انح
مو ا	ب	کو ا	£	عط	≰_	ح	مز	يد	نما
R	ب	کد	4	ا ف	نه	٫ز	ما	ید	س
يه	ب	کب	≰_	فا	الز	ز	لد	ید	اسا
8	ب	ك	≰_	فب	يط	ز	کے	يد	سب
4.4	1	يط	£	直	ب	ز	3	ید	<b>5</b> 00
ال	١	بخ	\$	فد	44	و	3	ید	سد
يه	ļ.	يز	£	فه	كط	او	£	ید	اسه
δ	1	يو	4	افو	یب	او	ح	يد	اسو
44	δ	يو	£	فز	ئە	٥	>	ید	سز
ا	δ	يو	£.	غ	لما	٥	نط	4	اسمح
ایه ∥	δ	يو	£.	فط	=	٥	ئە	£_	سط
σ	5	یو	4	ص	ز	٥	li	£	ع

A	Almucantars of Latitude 22: hours 13;22										
no.		dist. of semi- centres diam.		no.	dist. of centres		semi- diam.				
51	15	50	10	45	71	13	48	4	51		
52	15	40	10	24	72	13	44	4	35		
53	15	32	10	5	73	13	41	4	19		
54	15	24	9	46	74	13	38	4	3		
55	15	16	9	27	75	13	36	3	48		
56	15	8	9	8	76	13	33	3	32		
57	15	1	8	49	77	13	30	3	16		
58	14	54	8	31	78	13	28	3	1		
59	14	47	8	13	79	13	26	2	46		
60	14	41	7	55	80	13	24	2	31		
61	14	34	7	37	81	13	22	2	15		
62	14	28	7	19	82	13	20	2	0		
63	14	23	7	2	83	13	19	1	45		
64	14	18	6	45	84	13	18	1	30		
65	14	13	6	29	85	13	17	1	15		
66	14	8	6	12	86	13	16	1	0		
67	14	3	5	55	87	13	16	0	45		
68	13	59	5	39	88	13	16	0	30		
69	13	55	5	23	89	13	16	0	15		
70	13	51	5	7	90	13	16	0	0		

B 57 كو [كر 55 BT معلان 51 كانو [نح 50 D كد [كه 49 in corr. B 49 معلان 51 كانو [نح 50 D كد [كه 49 BT 55] امو 88 كان [نم 50 D كان [نم 5

	مقنطرات عرض كم ساعاته يحكز عدد أبعاد أنصاف عدد أبعاد أنصاف المراكز الأقطار الأقطار الراكز الأقطار [٠] مو يز ن يز												
أنصاف الأقطار	ماد اکز	أب المر	عدد	أنصاف الأقطار		ماد اکز	أب المر	عدد					
الأقطار الأقطار عدي الأقطار عدي الأقطار عدي الماطار و لو و لزى الماطار و لو و لزى الماطار الما	كر اله	1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1	少人以上 日本	ند لا طائع کطرب نو ب ل د بر ح که د که که د که که د که که د که د که	一个不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不	日本中日子 は一大人 の 下がれ に ママク に な に な の です の の の の の の の の の の の の の の の の の	一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一	عدد او					
45	<u>ځ</u> ای	يه ا	٥	3.0	- 0	يد	_ىب_						

A	Almucantars of Latitude 23: hours 13;27										
no.		. of tres	semi- diam.		no.	dist cen	. of tres	semi- diam.			
[0]	46	17	50	17							
1	44	19	48	8	26	21	49	21	18		
2	42	30	46	8	27	21	24	20	43		
3	40	49	44	17	28	21	1	20	10		
4	39	17	42	34	29	20	39	19	37		
5	37	51	40	58	30	20	18	19	6		
6	36	31	39	28	31	19	58	18	36		
7	35	17	38	3	32	19	39	18	6		
8	34	8	36	43	33	19	20	17	37		
9	33	3	35	28	34	19	3	17	9		
10	32	3	34	17	35	18	45	16	41		
11	31	7	33	11	36	18	29	16	15		
12	30	12	32	6	37	18	14	15	49		
13	29	23	31	6	38	17	58	15	23		
14	28	35	30	8	39	17	44	14	58		
15	27	50	29	12	40	17	30	14	34		
16	27	8	28	20	41	17	17	14	10		
17	26	28	27	30	42	17	3	13	46		
18	25	51	26	42	43	16	51	13	23		
19	25	15	25	56	44	16	39	13	1		
20	24	41	25	12	45	16	29	12	40		
21	24	9	24	29	46	16	18	12	18		
22	23	38	23	48	47	16	7	11	57		
23	23	9	23	9	48	15	57	11	36		
24	22	41	22	31	49	15	47	11	15		
25	22	14	21	54	50	15	38	10	55		

Al-Farghānī, Astrolabe, Ch. 4,	Table	
--------------------------------	-------	--

				ساعاته	عرض کج	رات	مقنط		
باف نطار	الأقطار الأقطار الأقطار الأقطار الأقطار الأقطار الم		N, N	عدد عاعد عد عد عا عاد في فل	عرض كخ قطار يد لا ممو كدب و يطاح زيو له مطاح كدم نزيد لا ممو كدب و يطاح زيد	أنه الأ	المراكز الما الما الما الما المراكز الما الما المراكز الما الما الما الما الما الما الما الم		عدد عاصد الله الله الله الله الله الله الله الل
مز د	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	7 1	N, N	عا	له	ی	کط س	אין	ບ
, x	2	ځ	<u>ج</u> ر	عب	ا يو :	ی ما	2	ą.	ىب نے
يو ة	د	کب	¥.	عد	ار الح	ما	0	اچ در	ند
4.0	>	ച	£	عه	يمل	ما	نز	يد	نه
ل	>	جځ	¥.	عو	8	ما	مط	ید	ئو
ید	~	4ي	¥.	عز	مب	ح	مب	يد	نز
نط	. ب	₹.	*	عح	کد	٦	لو	يد	نخ
مد	ب	ايا	£	عط	و	۲	کما	يد	نط
ا کط	ب	ا ط	*.	اف	Jen V	ز	<u> </u>	ید	س ا
ید نط	ا ب	ز	¥.	اف	ىد	ز د	ایر با	يد	سب
مد	1	د	*	主	نز	و	و	يد	-
كط	1	~	£	فد	ا ج	و	1	يد	سد
ید	1	ب	≰.	نه	ا کد	و	نز	£_	سه
5	1	ا ب	*	. فو	ح	و	نب	\$2.	سو
4.6	5		*	فز	ا نا اد	٥	مر م	<u> </u>	سز سد
U	0		*.	اخ اغما	W	٥	احا	<i>≯.</i>	تح ساما
2	ō	ฮ	- X	ا فعد ا من	حد است	٥	له		ع

A	lmuc	antai	s of	Latit	ude 2	3:	hour	s 13;	27
no.	l	dist. of centres		semi- diam.			t. of tres	l .	ni- ım.
51	15	29	10	35	71	13	31	4	47
52	15	21	10	16	72	13	28	4	31
53	15	13	9	57	73	13	25	4	16
54	15	5	9	38	74	13	22	4	0
55	14	57	9	19	75	13	20	3	45
56	14	49	9	0	76	13	18	3	30
57	14	42	8	42	77	13	15	3	14
58	14	36	8	24	78	13	13	2	59
59	14	29	8	6	79	13	11	2	44
60	14	23	7	49	80	13	9	2	29
61	14	17	7	31	81	13	7	2	14
62	14	11	7	14	82	13	6	1	59
63	14	6	6	57	83	13	4	1	44
64	14	1	6	40	84	13	3	1	29
65	13	57	6	24	85	13	2	1	14
66	13	52	6	8	86	13	2	1	0
67	13	47	5	51	87	13	1	0	45
68	13	43	5	35	88	13	1	0	30
69	13	39	5	19	89	13	1	0	15
70	13	35	5	3	90	13	0	0	0

		-	<u> </u>	ماعات	برش کد	طرات ء	مقنه		
اف طار	أنص الأو	ماد اکز	أب المر	عدد	الماد ما يطري و بن م ل بكري يو يو كالكم إلا ند يه له له مد مولع الأقتطار الكلاد ما يطري يك كل كل كل يك يك كل كل كل يك يك كل كل كل بك يك يك كل كل بك يك يك كل كل بك يك		باد اکز	أب المرا	عدد
عطال عطان يد دن ده مد د نظ ك بن يطري و دن ك د د د د د د د د د د د د د د د د د	<u>1</u>	الحاد الله الله و يط لد الله م يط له بن ما لله الله الله الله الله الله الله ال	اکا	کو کز ک	یه ککایط	مح مو مد	ما يط لط	一大大大大 とからのからななななののとといるとのできないとなるなるなるなるなるのである。	21 一一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、一
ح يز مو	يعد بح	ح ح	العاد العاد	ح کط ل	ح ح	مب ما لط	کا م	ار لو	3
يو مر يط	بخ بر بر	الح نب	يع يعد	لا لب <u>ا</u>	یج ند لط	خ لو له	و نح ب <u>ح</u>	نه لب د	و ز ح
نب که نط	يو يو يه	له يط ح	85 85 85 85 85 85	الد اله الو	اخ کا يو	لد الم الب	عے نو ب	ل ل لا	ط ی یا
لد ط مد	يە يد	مح لد يط	بر بر بر	ار لح لط	يو بخ کب	لا كط	يب كد لط	ا کز لکا	يب ي <i>ح</i> يد
نر نر لد	אי אי א	و ن <u>د</u> ما کا	يز يو يو	م ما مب	ا م نب	اخ کو ک	از م کخ	دو کو که	يو پر پر
يب ن كط	یر بر	: C 3	يو يو يو	مد	و کب لط	که کد کد	λ (λζ.	کد ک	ا بول
ح مز کو و	יט יט י <u>ע</u> יט יט יט	ار مز لو کز	יב יב יב יב	分分分分の日子子の日子の日子の日子の日子の日子の日子の日子の日子の日子の日子の日子の日子	ے یط ما د	۔ کب کب	نط د	۔ کب کب کب	ر کب کد کد
مو	ی	بخ	يه	ن	کے	5	لح	5	25

A	Almucantars of Latitude 24: hours 13;31										
no.	dist cent	. of tres	ser dia		no.	dist. of centres		semi- diam.			
[0]	44	9	48	15							
ľi	42	19	46	19	26	21	14	20	54		
2	40	39	44	28	27	20	51	20	20		
3	39	6	42	44	28	20	29	19	48		
4	37	40	41	8	29	20	8	19	17		
5	36	21	39	38	30	19	48	18	46		
6	35	6	38	13	31	19	28	18	16		
7	33	58	36	54	32	19	9	17	47		
8	32	53	35	39	33	18	52	17	19		
9	31	53	34	28	34	18	35	16	52		
10	30	56	33	21	35	18	19	16	25		
11	30	2	32	16	36	18	3	15	59		
12	29	12	31	16	37	17	48	15	34		
13	28	24	30	18	38	17	34	15	9		
14	27	39	29	22	39	17	19	14	44		
15	26	57	28	30	40	17	6	14	20		
16	26	18	27	40	41	16	53	13	57		
17	25	40	26	52	42	16	41	13	34		
18	25	4	26	6	43	16	29	13	12		
19	24	31	25	22	44	16	18	12	50		
20	23	58	24	39	45	16	7	12	29		
21	23	27	23	58	46	15	57	12	8		
22	22	59	23	19	47	15	47	11	47		
23	22	31	22	41	48	15	36	11	26		
24	22	4	22	4	49	15	27	11	6		
25	21	38	21	28	50	15	18	10	46		

			اته یح	ند ساعا	عرض ک		مقنه				
افطار عدد المحامد المرابع المرابع المحامد المحامد المحامد المرابع المحامد المرابع المحامد الم	أنم	ماد موموم دان که که مطان بندنونک، ۱۵ برد زی په يو موموموم که مطان بندنونک، ۱۵ برد زی په يو	أب	عدد	ماف	أنم	一日本人人工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工	أب	عدد		
قطار	الأ	أكز	المر		الأقطار الأقطار الأقطار الأقطار الأقطار طى ى ى المطح كر المطع كر		إكز	المر			
مد	د	يو	1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1	ص طلعة ونون فل فل فل على على على على على على على على على عل	کز	00000000000000000000000000000000000000	ی	يه	ع الله عدد الله الله الله الله الله الله الله ال		
كط	٥	£.	£	عب	اح	ی	_ ب	يه	نب		
٤.	د	ی	£	عح	مط	ط	ند	يد	£		
نخ	>	ز	£	عد	ال	ط	مو	يد	ند		
مب	>	د	£	4.5	ايا	ما	الح	يد	ئە		
کز	>	ب	£.	عو	<b>≠</b> i	ح	R	يد	نو		
یب	>	ō	£	عز	اله	ح	کد	يد	نز		
انز	ب	غ	يب	عح	ا بخ	ح	اع	ید	نح		
مب	, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	نو	يب	عط	δ	ح	یب	يد	نط		
کز	ب	ند	يب	اف	*	ز	و	يد	س		
یب	ب	نب	يب	فا	ا کو	ز	δ	يد	سا		
ا نز	1	ان	يب	فب	اط	ز	ئە	4	سب		
مب	1	مط	يپ	ا ف	نب	و	ن	£.	سنحد		
اکج	1	ځ	يب	فد	الو	و	44	≰.	سد		
ید	1	ع	يب	فه	يط	و	۱ م	4	سه		
انط	გ გ	مر	يب	فو	~	و	الو	≰.	سو		
مد	δ	مو	يپ	فز	مز	٥	7	£.	سز		
ال	ð	مو	یب	غ	1	٥	ا تحز	\$	سمح		
يه	ð	مو	یب	فط	يه	٥	٤	4	سط		
δ	б	مو	يب	ص	8	٥	٤	£.	ع		

2 [ نخ 7 7 ر و 6 ما المنابي الثاني التالي التالي الثاني BD م [ نب 17 4 BD م [ نب 18 4 B و أو 2 8 ك أو 2 1 ك أو 2 8 ك أو 3 ك

A	lmuc	antar	s of ]	Latit	ude 24	4:	hour	s 13;	31
no.		dist. of centres		semi- diam.		no. dist. centr			
51	15	10	10	27	71	13	16	4	44
52	15	2	10	8	72	13	13	4	29
53	14	54	9	49	73	13	10	4	13
54	14	46	9	30	74	13	7	3	58
55	14	38	9	11	75	13	4	3	42
56	14	31	8	53	76	13	2	3	27
57	14	24	8	35	77	13	0	3	12
58	14	18	8	18	78	12	58	2	57
59	14	12	8	0	79	12	56	2	42
60	14	6	7	43	80	12	54	2	27
61	14	0	7	26	81	12	52	2	12
62	13	55	7	9	82	12	50	1	57
63	13	50	6	52	83	12	49	1	42
64	13	45	6	36	84	12	48	1	28
65	13	40	6	19	85	12	48	1	14
66	13	36	6	3	86	12	47	0	59
67	13	31	5	47	87	12	46	0	44
68	13	27	5	31	88	12	46	0	30
69	13	23	5	15	89	12	46	0	15
70	13	20	5	0	90	12	46	0	0

	<u>√</u> √ √ 4	ا ساعات	رض ک	لمرات ء	مقنه		
أنصاف الأقطار	ه یح له أبعاد المراكز	عدد	اف طار	أنصاف الأقطار		أب المرا	عدد
الأقطار الأقطار الأفطار الإنهاد الإنها	年に 元 な な な で に い か し か で も か た で と か の ひ か し か ひ か し か に に か か に で な か か に で な か か は は は は は は に に に に に に に に に に に に	分分分分分分子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子	من ك مل ن ب يوم ن ما الم كركز لالح مل د كرع يط نه لط كال د كد يد نا كا المركز كركز لالح مل د كرع يط نه لط كال الم	日本の一日の一日の一日の一日の日の日の日の日の日の日の日の日の日の日の日の日の日	こととのとのできないのではないのでのできないのできないのできない。	可可可以不可以不可以不可以不可以不可以不可以不可以不可以	20日子が入るでは、12日の日の日の日の日の日の日の日の日の日の日の日の日の日の日の日の日の日の日の

Almucantars of Latitude 25: hours 13;35									
no.	dist cent	. of tres	sen dia		no.	dist cent	. of tres	sen dia	
[0]	42	8	46	29					-
Ϊi	40	29	44	39	26	20	40	20	30
2	38	55	42	55	27	20	18	19	58
3	37	30	41	19	28	19	58	19	27
4	36	10	39	48	29	19	38	18	57
5	34	56	38	24	30	19	18	18	27
6	33	47	37	4	31	19	0	17	58
7	32	42	35	49	32	18	42	17	30
8	31	42	34	38	33	18	24	17	2
9	30	45	33	31	34	18	8	16	35
10	29	52	32	27	35	17	52	16	9
11	29	2	31	27	36	17	37	15	43
12	28	14	30	28	37	17	23	15	19
13	27	29	29	33	38	17	9	14	55
14	26	47	28	41	39	16	56	14	31
15	26	8	27	51	40	16	42	14	7
16	25	30	27	3	41	16	30	13	44
17	24	54	26	16	42	16	18	13	22
18	24	20	25	32	43	16	7	13	0
19	23	48	24	50	44	15	56	12	39
20	23	18	24	9	45	15	46	12	18
21	22	48	23	29	46	15	35	11	57
22	22	20	22	51	47	15	26	11	37
23	21	54	22	14	48	15	17	11	17
24	21	28	21	38	49	15	7	10	57
25	21	4	21	4	50	14	59	10	38

		-	ته یحد ا	ه ساعا	عرض ک	لرات	مقتم		
فطار المان و ی که م نه ی که م الله که م که	أنص الأز	باد کز	W		ما <i>ف</i>			أب المر	عدد
٦	د	5	¥	ص اطلع و ف د الح ف ف ف ال عطر ع و عدم عدم عا	يعا	ی	نا	ید	ប
که	د	نز	يب	عب	δ	ی	2	يد	نب
ی	د	ند	يب	عد	اما	ط	له	يد	Z.
انه	>	نب	يب	عد	کب	ط	کز	يد	ند
1	~	مط	یب	عه	د	ملا	ك	يد	ئە
25	~	مز	یب	عو	مو	ح	4	ید	انو
ی	~	4.0	يب	عز	كط	ح	از	ید	نز
انه	ب	£	يب	عح	یا	-	5	ید	نخ
ا م	ب	ما	يب	عط	ند	ز	ند	£	نط
که	ب	لط	يب	ف	الزا	از	مط	\$	اس
ی	ب	الز	یب	فا	브	ا ز	4	4	اسا
ا نو ا	- 1	لو	يب	فب	اد	ز	لح	4	سب
ما	- }	لد	يب	連	مز	او	Ŧ	£	<b>3</b> 2m
ا کز	- 1	7	يب	فد	K	و	کے	£	سد
ا يب	- 1	7	یب	فه	يه	او	کد	£	سه
انح	δ	لب	يب	فو	نط	٥	4	4	اسو
مد	δ	لب	ا يب	ا فز	ع	٥	ايو	<u> </u>	اسر
كط	5	K	یب	اغ	كز	٥	یا	4	اسمح
يه		K	یب	فط	يب	٥	اح	£	سط
δ	δ	K	يب	ص	نو	د	د	3' 3' 3' 3' 3' 3' 3' 8' 8' 8' 8' 8' 8' 8' 8' 8' 8' 8' 8'	ع الصاب المد الله الله الله الله الله الله الله الل

1 م الله الله 13 كار [م 1 كار [م 1 كار [م 1 كار [م 1 كار [م 2 1 كار [م 1 2

Al	lmuc	antar	s of l	Latiti	ıde 2	ō:	hour	s 13;	35
no.	dist. of semi- centres diam.			no.	dist cent	. of tres	sen dia	- 1	
51	14	51	10	19	71	13	0	4	40
52	14	43	10	0	72	12	57	4	25
53	14	35	9	41	73	12	54	4	10
54	14	27	9	22	74	12	52	3	55
55	14	20	9	4	75	12	49	3	40
56	14	13	8	46	76	12	47	3	25
57	14	7	8	29	77	12	45	3	10
58	14	0	8	11	78	12	43	2	55
59	13	54	7	54	79	12	41	2	40
60	13	49	7	37	80	12	39	2	25
61	13	43	7	20	81	12	37	2	10
62	13	38	7	4	82	12	36	1	56
63	13	33	6	47	83	12	34	1	41
64	13	28	6	31	84	12	33	1	27
65	13	24	6	15	85	12	33	1	12
66	13	20	5	59	86	12	32	0	58
67	13	16	5	43	87	12	32	0	44
68	13	11	5	27	88	12	31	0	29
69	13	8	5	12	89	12	31	0	15
70	13	4	4	56	90	12	31	0	0

	- <u>-</u>	_ ساعات	عرض کو	طرات :	مقن		
أنصاف الأقطار	أبعاد المراكز	عدد	با <i>ف</i> نطار	أنص الأ <del>و</del>	اد کز	أبه المرا	عدد
الأقطار الأقطار الأرح الأقطار الرح المرابع الم	مطرد و يو ك لو مو در ح له لل مو لط يد در بدر بدر بدر بدر بدر بدر يد يو	少人是一种一种一种一种一种一种一种一种一种一种一种一种一种一种一种一种一种一种一种	عطار الم على المطال و مطال الم على المطال الم على المطال الم المطال الم المطال الم على المطال الم المطال الم المطال الم المطال الما المطال الما المطال الما المطال الما الما	四四四十四十四十四十四十四十四十四十四十四十四十四十四十四十四十四十四十四十四十	الترابع مد الله و ما المالية و	日日日日子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子	2000年,1000年,

Al	muca	antar	s of I	Latiti	ıde 26	3:	hour	s 13;	40
no.	dist cent		semi- diam.		no.	dist cen	. of tres	8 20 47 19 3 27 19 8 18 3 49 18 31 17 4 14 17 3 58 16 4 42 16 2 27 15 3	
[0]	40	17	44	49					i
íí	38	45	43	6	26	20	8	20	8
2	37	20	41	30	27	19	47	19	37
3	36	0	40	0	28	19	27	19	7
4	34	46	38	35	29	19	8	18	37
5	33	37	37	15	30	18	49	18	8
6	32	32	36	0	31	18	31	17	40
7	31	31	34	48	32	18	14	17	12
8	30	35	33	42	33	17	58	16	46
9	29	41	32	37	34	17	42	16	20
10	28	51	31	37	35	17	27	15	54
11	28	4	30	39	36	17	13	15	30
12	27	18	29	43	37	16	59	15	5
13	26	37	28	51	38	16	46	14	42
14	25	57	28	1	39	16	32	14	18
15	25	19	27	13	40	16	20	13	55
16	24	44	26	27	41	16	8	13	33
17	24	4	25	43	42	15	57	13	11
18	23	38	25	0	43	15	46	12	50
19	23	7	24	19	44	15	36	12	29
20	22	38	23	40	45	15	25	12	8
21	22	11	23	2	46	15	16	11	48
22	21	44	22	25	47	15	6	11	28
23	21	18	21	49	48	14	57	11	8
24	20	54	21	14	49	14	49	10	49
25	20	30	20	40	50	14	40	10	30

	نه <u>ن</u> خ م		عرض کو	ارات :	امقتم		
أنصاف الأقطار	أبعاد المراكز	عدد	ماف قطار	أنم الأز	باد اکز	أبـ المرا	عدد
الأقطار الأقطار الأقطار الأقطار الأقطار الأقطار الم	المراكز ابعاد يب بب له له يب يب لب له يب	ص طلعة فن فن فن فن فا ف عطرح عن عو عد عد عد عن من فن	الله الله الله الله الله الله الله الله		少少,不是不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不	3' 3' 3' 3' 3' 4' 4' 4' 4' 4' 4' 4' 4' 4' 4' 4' 4' 3' 3' 3'	اع المراجع الله الله الله الله الله الله الله الل
	یب یر		ا ب			يب	<u></u>

Al	lmuca	antar	s of l	Latit	ıde 26	5:	hour	s 13;	40
no.		dist. of semi- centres diam.			no.	dist. of centres		semi- diam.	
51	14	32	10	11	71	12	45	4	37
52	14	24	9	52	72	12	42	4	22
53	14	16	9	33	73	12	39	4	7
54	14	9	9	15	74	12	36	3	52
55	14	2	8	57	75	12	34	3	37
56	13	56	8	40	76	12	32	3	23
57	13	49	8	22	77	12	30	3	8
58	13	43	8	5	78	12	28	2	53
59	13	37	7	48	79	12	26	2	38
60	13	32	7	32	80	12	24	2	23
61	13	27	7	14	81	12	23	2	9
62	13	22	6	59	82	12	22	1	55
63	13	17	6	43	83	12	20	1	40
64	13	13	6	27	84	12	19	1	26
65	13	8	6	11	85	12	18	1	12
66	13	4	5	55	86	12	18	0	58
67	13	0	5	39	87	12	17	0	43
68	12	56	5	23	88	12	16	0	29
69	12	52	5	8	89	12	16	0	14
70	12	48	4	52	90	12	16	0	0

ll .	مقنطرات عرض کز ساعاته یح مد											
-		M 3-	4000	رص فز ا	نرات عر	e.c.		1				
أنصاف الأقطار	باد کز	أبه المر	عدد	اف طار	أنص الأق	اد کز	أبه المرا	عدد				
الأقطار الأقطار المراجع المراج		相 是 不 不 不 不 不 不 不 不 不 不 不 不 不 不 不 不 不 不	分分分分分子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子	المن كرا كو الما كا الما كو ال	出日 日本	一分下四十分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分	上田田田田子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子	3年10月日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日				

Al	lmuc	antar	s of l	Latit	ude 2	7:	hour	s 13;	44
no.	dist cen	. of tres	ser dia		no.	dist cen	. of tres	ser dia	l l
[0]	38	34	43	17					
í	37	8	41	40	26	19	37	19	47
2	35	49	40	10	27	19	17	19	17
3	34	35	38	45	28	18	57	18	47
4	33	26	37	26	29	18	38	18	18
5	32	22	36	11	30	18	21	17	50
6	31	21	34	59	31	18	4	17	23
7	30	24	33	52	32	17	48	16	56
8	29	31	32	48	33	17	32	16	30
9	28	41	31	48	34	17	16	16	4
10	27	53	30	49	35	17	2	15	40
11	27	8	29	54	36	16	48	15	15
12	26	27	29	2	37	16	34	14	51
13	25	47	28	12	38	16	22	14	28
14	25	10	27	24	39	16	9	14	5
15	24	34	26	38	40	15	57	13	43
16	23	59	25	53	41	15	46	13	21
17	23	27	25	10	42	15	35	13	0
18	22	56	24	29	43	15	25	12	39
19	22	28	23	50	44	15	14	12	18
20	22	0	23	12	45	15	5	11	58
21	21	33	22	35	46	14	55	11	38
22	21	8	21	59	47	14	47	11	19
23	20	43	21	24	48	14	38	11	0
24	20	20	20	51	49	14	30	10	41
25	19	58	20	18	50	14	22	10	22

		ا ساعات	عرض کز	رات	مقتم		
أنصاف الأقطار	أبعاد المراكز	عدد	ما <i>ف</i> أقطار	أن الأ	ماد اکز	أب المر	عدد
الأقطار الأقطار د د يط لد د يط يط لد يط يط لد يط لد يط يط لد يط يط يط لد يط يط يط يط يط يط يط يط يط ي	المراكز المراكز المراكز يب	ص طلع و ف عد الله ف ف ف على على على من و ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف	ماف قطار مد کو کو کو کو کو کو کو کو کو کو	ده ه ه و و و و ز ز ز ح ح ح ح ح ح ح ح ح ح ح ح ح	المرام مد الوي يه كالمرابلة مه نام و المرابلة المرابلة ما المرابلة ما المرابلة ما المرابلة ما المرابلة		اع المساعد الما الما الما الما الما الما الما الم
<u>σ</u> σ	یب ب	ص	Jan	٥	7	يب	ع

A	lmuc	antar	s of l	Latit	ude 2'	7:	hour	s 13;	44
no.		dist. of centres		ni- ım.	no. dist. of centres		semi- diam.		
51	14	13	10	3	71	12	30	4	34
52	14	5	9	44	72	12	27	4	19
53	13	58	9	26	73	12	24	4	4
54	13	51	9	8	74	12	22	3	50
55	13	45	8	51	75	12	19	3	35
56	13	38	8	33	76	12	17	3	20
57	13	32	8	16	77	12	15	3	6
58	13	27	8	0	78	12	13	2	51
59	13	21	7	43	79	12	12	2	37
60	13	15	7	26	80	12	10	2	22
61	13	10	7	10	81	12	9	2	8
62	13	6	6	54	82	12	7	1	53
63	13	1	6	38	83	12	6	1	39
64	12	56	6	22	84	12	5	1	25
65	12	52	6	6	85	12	4	1	11
66	12	48	5	51	86	12	3	0	56
67	12	44	5	35	87	12	3	0	43
68	12	40	5	20	88	12	2	0	28
69	12	37	5	4	89	12	2	0	14
70	12	33	4	49	90	12	2	0	0
11	1								

46 نو إيا 18 BT 48 نو إيا 100 cC 49 من إيا 148 BT 48 نو إيا 100 om. CD, numeri a 50 usque ad 56 positi in linea superiori CD 50 حوات 100 bBT الله 100 عن الله 100 bBT الله 10

	Jan £	ساعاته	ات عرض کج آ	مقنطر	
أنصاف الأقطار	أبعاد المراكز	عدد	أنصاف الأقطار	أبعاد المراكز	عدد
الأقطار المائة ا	ب دی مطرکوه ده د یه ده دو ده یو	分分分分子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子	ات عرض كح الأقطار انساف الأقطار الما الأقطار الما الما الما الما الما الما الما ال	上京   1 日 日 日 日	عدد که که که که او

Almucantars of Latitude 28: hours 13;49										
no.	dist cen	. of tres	semi- diam.		no.	dist cen	. of tres	semi- diam.		
[0]	36	57	41	51						
ìi	35	38	40	21	26	19	7	19	27	
2	34	24	38	56	27	18	47	18	57	
3	33	15	37	36	28	18	28	18	28	
4	32	11	36	21	29	18	11	18	1	
5	31	10	35	10	30	17	54	17	34	
6	30	14	34	3	31	17	38	17	7	
7	29	20	32	58	32	17	22	16	41	
8	28	30	31	58	33	17	6	16	15	
9	27	43	31	0	34	16	52	15	50	
10	26	58	30	5	35	16	38	15	26	
11	26	16	29	12	36	16	24	15	2	
12	25	36	28	22	37	16	12	14	39	
13	24	59	27	34	38	15	59	14	16	
14	24	23	26	48	39	15	48	13	54	
15	23	49	26	3	40	15	36	13	32	
16	23	17	25	21	41	15	25	13	11	
17	22	46	24	40	42	15	15	12	50	
18	22	17	24	0	43	15	4	12	29	
19	21	49	23	22	44	14	55	12	9	
20	21	23	22	45	45	14	45	11	49	
21	20	57	22	9	46	14	36	11	29	
22	20	33	21	35	47	14	27	11	10	
23	20	10	21	1	48	14	19	10	51	
24	19	48	20	29	49	14	10	10	32	
25	19	27	19	58	50	14	2	10	13	

	مقنطرات عرض کج ساعاته یح مط												
ما <i>ف</i> قطار	المراكز الأقطار السال المراكز الأقطار المراكز الأقطار الأقطار الإقطار المراكز		عدد	أنصاف الدُّة ال		المراكز المرا		عدد					
K	٥	يه	يب	ص طلعة فن فن فن فن فن فن فن فلط ح ي ع عد ع	نه	ط	نه	£	เ				
يو	د	يب	يب	عب	ا لز	مد	مز	4	نب				
1	د	ا ط	يب	عح	يمك	امل	٦	£	<u> </u>				
مز ا	~	ز	یب	عد	ب	ط	لد	£.	ا ند				
4	2-	٥	يب	عه	مد	ح	کز	£	انه				
ا بح	~	ب	يب	عو	کز	ح	5	£	انو				
ح ا	>	δ	یب	عز	ی	ے	يه	4	انز				
Jan	ب	نح	ایا	عح	ند	ز	ی	£	ا نح				
له	ب	انز	ايا	عط	ا از ا	ز	د	4	نما				
5	ب	انو	یا	ف	5	ز	نما	يب	ا س				
ا و	ب	ند	لا	فا	٥	ز	ند	يب	اسا				
نب	- 1	±	یا	فب	مط	و	معا	يب	سب				
	1	نب	يا	غ	7	و	4.0	يب					
25	}	نا	ايا	فد	ا بخ	و	la	يب	سد				
ای	1	ن	يا	فه	ا ب	و	الو	يب	سه				
ا نو	ō	Jan	يا	فو.	مز	٥	土	يب	اسو				
مب	ō	Jan	ايا	فز	N	٥	کے	يب	سز				
ا کے	δ	مح	يا	غ	يو	٥	که	يب	سمح				
ید	ð	ځ	ليا	فط	1	٥	کب	يب	سط				
δ	δ	ځ	يا	ص	مو	د	يما	W' W' W' W' W' W' W' W' Y'	ع الطائعة عن الله الله الله الله الله الله الله الل				

خ [ أخ 7 BTD و [ لو 12 لد [ لا 3 ك ال 2 و ] نو 2 B ر [ نز 0 0 ك ا [ مط [ الله 2 B ك و 2 ك ا ] خ 8 B ك و 10 ك الله 3 ك الله 3 B ك و 10 ك الله 4 B ك و 10 ك الله 5 ك

A	muca	antar	s of l	Latiti	ude 28	3:	hour	s 13;	49
no.	dist. of centres		semi- diam.		no.	dist cent	. of tres	semi- diam.	
51	13	55	9	55	71	12	15	4	31
52	13	47	9	37	72	12	12	4	16
53	13	40	9	19	73	12	9	4	1
54	13	34	9	2	74	12	7	3	47
55	13	27	8	44	75	12	5	3	33
56	13	21	8	27	76	12	2	3	18
57	13	15	8	10	77	12	0	3	3
58	13	10	7	54	78	11	58	2	49
59	13	4	7	37	79	11	57	2	35
60	12	59	7	21	80	11	56	2	21
61	12	54	7	5	81	11	54	2	6
62	12	49	6	49	82	11	53	1	52
63	12	45	6	33	83	11	52	1	38
64	12	41	6	18	84	11	51	1	24
65	12	36	6	2	85	11	50	1	10
66	12	33	5	47	86	11	49	0	56
67	12	28	5	31	87	11	49	0	42
68	12	25	5	16	88	11	48	0	28
69	12	22	5	1	89	11	48	0	14
70	12	19	4	46	90	11	48	0	0

[ز 74 BT بر [ بح BT م [ ما 64 B نظ , C بد [ ند BT ف ا بد BT ط [ ی 58 BT و ابد BT ط [ ی 58 BT و ابد BT م و ابد BT و ابد BT بد [ ند 75 BT مو ابد BT و ابد BT بد BT بد ابد BT بد BT بد ابد BT بد BT

أنصاف الأقطار	أبعاد المراكز	عدد	أنصاف	أبعاد	
1			الاقطار	المراكز	عدد
الأقطار الما الما الما الما الما الما الما ال	المراكز العاد المراكز	い をなからののとからのとをでしてのできるのである。	ت عرض كط الأقطار الناقطار الأقطار الأقطار الم الأقطار الم	المراكز المرا	3年一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一

Almucantars of Latitude 29: hours 13;53										
no.	dist cent		semi- diam.		no.	dist cent		semi- diam.		
[0]	35	27	40	32						
i i	34	13	39	7	26	18	37	19	8	
2	33	4	37	47	27	18	19	18	39	
3	32	0	36	32	28	18	1	18	11	
4	31	0	35	21	29	17	43	17	43	
5	30	4	34	14	30	17	27	17	17	
6	29	10	33	10	31	17	11	16	51	
7	28	20	32	9	32	16	56	16	25	
8	27	32	31	10	33	16	41	16	0	
9	26	47	30	15	34	16	27	15	36	
10	26	6	29	23	35	16	14	15	12	
11	25	26	28	33	36	16	1	14	49	
12	24	49	27	45	37	15	49	14	27	
13	24	12	26	58	38	15	37	14	4	
14	23	39	26	14	39	15	26	13	43	
15	23	6	25	31	40	15	15	13	21	
16	22	36	24	50	41	15	4	13	0	
17	22	7	24	11	42	14	54	12	40	
18	21	39	23	33	43	14	44	12	19	
19	21	13	22	56	44	14	35	12	0	
20	20	47	22	20	45	14	26	11	40	
21	20	23	21	45	46	14	17	11	21	
22	20	0	21	12	47	14	9	11	2	
23	19	38	20	40	48	14	0	10	43	
24	19	17	20	8	49	13	52	10	24	
25	18	57	19	38	50	13	44	10	6	

مقنطرات عرض كط ساعاته يح نح												
	٤											
باف	أنم	ماد	أب	عدد	.اف	أنم	باد	أب	عدد			
نطار	الأة	إكز	المر		الأقطار الأقطار على الأقطار على الأقطار على الأقطار على المائة على		中で、 の 下 だ の の を を 下 を か か を で の か を か し た が が が が が が が が が が が が が が が が が が					
قطار عدلک من مد کم رن ناه معد من بد لک ماف ه بدلک من مد کم رن ناه معد من بد لک ماف	د	ماد اكن الا له لولز لح لطام ما مم مولع ن الا نولخ لد لد له له لولز لح لطام ما مب	ים זב יב	عا عد عد عد عد عد عد عد ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف	ع	ᆈ	الز	£	ع الطائعة الله الله الله الله الله الله الله الل			
ید		نح	ايا	عب	J	ط	J	4	نب			
σ	د	نو	يا	عح	4	<u>_</u>	3	£	±			
4.4	>	£'	يا	عد	نه	ح	يو	£.	ند			
ل	>	ن	ايا	عه	لح	ح	ی	£	نه			
يو	~	ځ	يا	عو	5	ح	د	£	تو			
ب ا	>	مو	يا	عز	٥	ح	نما	يب	نز			
مز	ب	مد	ايا	عح	امح	ز	zi.	يب	نح			
7	ب	مب	ليا	عط	لب	ز	ع	يب	نط			
يط	ا ب	h	ليا	ا ف	يو	ز	£	يب	اس			
٥	ب	ا م	ليا	ધિ	8	ز	لح	يب	اسا			
نا	- 1	لط	ليا	فب	44	و	لد	يب	سب			
ا لز	- 1	الح	ليا	<u> </u>	كط	و	كط	يب	منكت			
<u> </u>	- 1	الز	ليا	فد	4	و	25	يب	اسد			
ط	1	لو	ليا	فه	انح	٥	5	يب	سه			
نه	δ	له	ليا	· فو	2	٥	يز	يب	سو			
مب	5	له	ليا	فز	اکح	۵	ید	يب	سز			
اع ا	ō	ئد	ليا	غ	£_	٥	ی	يب	سمح			
ید	ō	لد	ليا	فط	نح	د	ز	يب	سط			
δ	δ	لد	ايا	ص	£	د	د	W' W' W' W' W' Y'	ع			

0 إلى 10 ك الله 12 ك 12 ك 12 ك 13 ك الله 14 ك الله 15 ك 14 ك الله 15 ك 15 ك 16 ك الله 15 ك 16 ك الله 17 ك 18 ك الله 18 ك الله 18 ك الله 19 ك الله 18 ك الله 19 ك الله

A	lmuc	antar	s of ]	Latit	ude 2	9:	hour	s 13;	53
no.	dist. of centres		semi- diam.		no.	dist. of centres		semi- diam.	
51	13	37	9	48	71	12	1	4	28
52	13	30	9	30	72	11	58	4	14
53	13	23	9	13	73	11	56	4	0
54	13	16	8	55	74	11	53	3	45
55	13	10	8	38	75	11	50	3	30
56	13	4	8	21	76	11	48	3	16
57	12	59	8	5	77	11	46	3	2
58	12	53	7	48	78	11	44	2	47
59	12	48	7	32	79	11	42	2	33
60	12	43	7	16	80	11	41	2	19
61	12	38	7	0	81	11	40	2	5
62	12	34	6	45	82	11	39	1	51
63	12	29	6	29	83	11	38	1	37
64	12	25	6	13	84	11	37	1	23
65	12	21	5	58	85	11	36	1	9
66	12	17	5	43	86	11	35	0	55
67	12	14	5	28	87	11	35	0	42
68	12	10	5	13	88	11	34	0	28
69	12	7	4	58	89	11	34	0	14
70	12	4	4	43	90	11	34	0	0

lac. D كا [نا 82 كما [مد 78 T 75] [ب 77 مــ [مد 78 BT 78 كما ] كل [كل 30 C 82 كا [كل 30 كل 30

عدد البراكز المقطارات عرض آن ساعاته المراكز المقطار الساعاته المراكز المقطار المراكز المخطار المراكز	مقنطرات عرض ل ساعاته یح نح												
<ul> <li>(2) 2 日本日の (2) (2) (2) (2) (2) (2) (2) (2) (2) (2)</li></ul>	أنصاف الأقطار	أبعاد المراكز	عدد	أنصاف الأقطار	أبعاد المراكز	عدد							
كد يخ مو يط ع مط عد لد ى يز كه يح كن بط يح ن عد كن ط نط	والد له كا بل لان ى مطلطى لا كا يه به و يا له الراك كا مطلطى لا كا يه		公里的 不	الم	少的 ( 子) 对 的 的 的 的 的 的 的 的 的 的 的 的 的 的 的 的 的 的	ك كد كم بك كالت يوليد يد يد يد يد يد يد ياد ك هار د و ه د م ب ا							

Almucantars of Latitude 30: hours 13;58									
по.		dist. of semi- centres diam.			no.	dist. of centres		semi- diam.	
[0]	34	2	39	18					
1	32	53	37	58	26	18	8	18	49
2	31	49	36	43	27	17	50	18	21
3	30	48	35	31	28	17	33	17	53
4	29	52	34	24	29	17	17	17	27
5	28	59	33	20	30	17	1	17	1
6	28	9	32	19	31	16	45	16	35
7	27	21	31	21	32	16	31	16	11
8	26	36	30	25	33	16	17	15	46
9	25	55	29	33	34	16	4	15	23
10	25	15	28	43	35	15	51	15	0
11	24	38	27	54	36	15	39	14	37
12	24	2	27	9	37	15	27	14	15
13	23	28	26	24	38	15	15	13	53
14	22	56	25	42	39	15	4	13	31
15	22	26	25	1	40	14	53	13	10
16	21	56	24	21	41	14	43	12	49
17	21	29	23	43	42	14	33	12	29
18	21	2	23	6	43	14	24	12	10
19	20	36	22	30	44	14	15	11	50
20	20	12	21	55	45	14	6	11	31
21	19	49	21	22	46	13	58	11	12
22	19	28	20	50	47	13	49	10	53
23	19	7	20	19	48	13	42	10	35
24	18	46	19	48	49	13	34	10	17
25	18	27	19	18	50	13	27	9	59

			<u> </u>	ساعاته	رض ل	<u>ا</u> ت ء	مقنطر		
ىاف نطار	المراكز الأقطار الماكز الأقطار الأقطار الأقطار الأقطار الأقطار الماكز ا		أبعاد المراكز		الأقطار عدد أبعاد المراكز الم		باد کز	4. 4. 4. 3. 3. 3. 3. 3. 3. 3. 3. 3. 3. 3. 3. 3.	عدد
25	د	مو	ايا	عا	ما	ط	يط	<u> </u>	ئا
ایا	د	مد	ايا	عب	3	ط	ايب	₹.	نب
انز	~	ما	يا	عح	او	ط	و	£	£.
مب	>	لح	يا	عد	مط	ح	نط	يب	ند
اکح	~	الو	يا	عه	لب	ح	£	يب	نه
ید	~	لد	يا	عو	يو	ح	ځ	يب	نو
5	->	الب	يا	عز	δ	٦	ی	يب	نز
4.0	ب	J	یا	عح	مد	ز	لح	یب	نح
لب	ب	كط	يا	عط	اکج ا	ز	7	یب	نط
ا بح	پ	کز	ليا	ا ف	یب	ز	ع	یب	ع المساعة عز الما الله الله الله الله الله الله الله
د	ب	کو	ايا	فا	انو	و	3	يب	سا
ن	- 1	که	ايا	فب	ا م	و	یخ	یب	سب
الو	Н	کد	ايا	<u> </u>	که	او	ید	يب	سنحد
ا کب	- 1	3	ايا	فد	اط	او	ط	ٰ يب	سد
ح	1	کب	١	فه	ند	٥	و	يب	سه
انه	δ	کب	ايا	افو	لط	٥	ب	يب	ا سو
اما	õ	5	ايا	فز	کد	٥	انح	ا يا	اسز
کز	δ	희	ايا	غ	ما	٥	نه	ایا	سمح
ید	δ	스	یا	فط	انه	د	نب	يا	سط
δ	ō	크	يا	ص	1	د	معا	يا	ع

Bud [ النال النال

A	Almucantars of Latitude 30: hours 13;58										
no.	dist. of centres		semi- diam.		no.	dist. of centres		semi- diam.			
51	13	19	9	41	71	11	46	4	25		
52	13	12	9	23	72	11	44	4	11		
53	13	6	9	6	73	11	41	3	57		
54	12	59	8	49	74	11	38	3	42		
55	12	53	8	32	75	11	36	3	28		
56	12	48	8	16	76	11	34	3	14		
57	12	43	8	0	77	11	32	3	0		
58	12	38	7	44	78	11	30	2	45		
59	12	33	7	28	79	11	29	2	32		
60	12	28	7	12	80	11	27	2	18		
61	12	23	6	56	81	11	26	2	4		
62	12	18	6	40	82	11	25	1	50		
63	12	14	6	25	83	11	24	1	36		
64	12	9	6	9	84	11 .	23	1	22		
65	12	6	5	54	85	11	22	1	8		
66	12	2	5	39	86	11	22	0	55		
67	11	58	5	24	87	11	21	0	41		
68	11	55	5	9	88	11	20	0	27		
69	11	52	4	55	89	11	20	0	14		
70	11	49	4	40	90	11	20	0	0		

	 يد ح	ساعاته	رض لآ	لرات عم	مقنه		
أنصاف الأقطار	أبعاد المراكز	عدد	اف طار	أنص الأق	أبعاد المراكز		عدد
الأقطار الله الما ه الدم ه كا بر حد ك من ك الدن كا مو يا بن د الا الأقطار الله ك د ك من ك الدن كا مو يا بن د الا الما الله الله الله الله الله الله		少人人人人 上上上上一十二十二十二十二十二十二十二十二十二十二十二十二十二十二十二十二十二十	الله الله الله الله الله الله الله الله	一年 一年 日 日 子 大 下 下 内 な な な な 大 大 大 日 日 一年 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日	يو لو نو يد لطب كونا يع مو يه مه يع نا كر ه مدكوى كه لع ما لز لح ب	下江水水水 西西田田田田日 人人人 为 知 为 与 今 为 为 为 为 为 为 为 为 为 为 为 为 为 为 为 为 为	2011年以外以上的 11年以外, 12年
اط انا	یح ح	ن	لعاد	[ ع	نز	يز	که

A	Almucantars of Latitude 31: hours 14;3									
no.	dist	. of	ser dia		no.	dist	of	ser dia		
4-3						COIL	01.00	4.0		
[0]	32	42	38	9						
1	31	38	36	54	26	17	40	18	31	
2	30	37	35	42	27	17	23	18	4	
3	29	41	34	35	28	17	6	17	37	
4	28	48	33	31	29	16	51	17	11	
5	27	58	32	30	30	16	36	16	46	
6	27	10	31	31	31	16	21	16	21	
7	26	26	30	36	32	16	7	15	57	
8	25	44	29	44	33	15	53	15	33	
9	25	5	28	54	34	15	41	15	10	
10	24	27	28	5	35	15	28	14	47	
11	23	51	27	19	36	15	16	14	25	
12	23	18	26	35	37	15	5	14	3	
13	22	45	25	52	38	14	54	13	42	
14	22	15	25	11	39	14	43	13	21	
15	21	46	24	32	40	14	33	13	0	
16	21	18	23	53	41	14	23	12	40	
17	20	51	23	16	42	14	14	12	20	
18	20	26	22	40	43	14	4	12	0	
19	20	2	22	6	44	13	55	11	41	
20	19	39	21	33	45	13	47	11	22	
21	19	17	21	0	46	13	39	11	4	
22	18	56	20	29	47	13	31	10	45	
23	18	36	19	58	48	13	23	10	27	
24	18	16	19	28	49	13	16	10	9	
25	17	57	18	59	50	13	8	9	51	

Т			_						
		>	ید	ساعاته	مرض لآ	رات ء			
ه يد كرا ما دو حاله ما دو لا مريخ يا كوم دو لا	أنص الأز	اد د د ح مد مدی ساید ید یو ساید که کار	.i 11	عدد	ساف ما الوناز بلا دي كراه ه الا الدي الدي الدي الدي الدي الدي الدي	أنه الأ	から の に は か と に は な な で で か な で で な な で で な な で で な な で で な な で で な な な で で か な な で か な な で か な な で か な な か か か か	أبــ المرا	عدد
3	, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	لب	ايا	عا عد	لد		ب	W. J.	ع مطاعة من سو مد مد مد ساس فطاعة نز نو نه ند أي بن نا
ح	٥	كط	يا	عب	ا يز	اط	نه	يب	نب
اند	>	کز ک	<u>ار</u> ا.	عد	δ   -2	ط	معد	يب	<i>S</i> 11
5		کب	ي ل	عه	.5	2	.)	ىب	نه
ایب ا	>	ك	ادر	عو	ی	٦	K	يب	نو
غ ا	ب	یځ	یا	عز	ند	ز	کو	يب	نز
مد	ب	يو	يا	عح	لح	ز	5	يب	نح
7.	ب	يد	ايا	عط	کب	ز	يو	يب	نط
يو	ب	ید	را	ا ف ا نا	ازا	ز	يب	يب	س
مط	- ب	ا يب ا ما	ر ا	فب	ارا	و .	ز ح	یب	سب
له	1	ی	یا	غ	5	و	نما	یا	-
5	1	ط	يا	فد	اه	و	ند	ايا	سد
ح ا	1	ط	يا	افه	ان	٥	ن	ايا	سه
اند	δ	۲	يا ا	فو	اله ا	۵	مز	يا	سو
ما	δ	۲	يا ا	ا فز ا :	8	۵	مد	يا	سز
ا کز	5 5 5	ز	الا	اغ ا	او	٥	٦	ايا	سمح ا
ا يد	δ *	از	<u>ا</u> ا ا	ا فطب	<sup>1</sup>	3	الر   الد	<u>ي</u> ا.	سط د
	0	ز	ŭ	اص	3	1,5		, a	2

A	lmuc	anta	rs of	Latit	ude 3	1:	hou	rs 14	;3
no.	dist cen	. of tres		ni- ım.	no.		. of tres	ser dia	ni- .m.
51	13	2	9	34	71	11	32	4	23
52	12	55	9	17	72	11	29	4	8
53	12	49	9	0	73	11	27	3	54
54	12	43	8	43	74	11	24	3	40
55	12	37	8	27	75	11	22	3	26
56	12	31	8	10	76	11	20	3	12
57	12	26	7	54	77	11	18	2	58
58	12	21	7	38	78	11	16	2	44
59	12	16	7	22	79	11	14	2	31
60	12	12	7	7	80	11	14	2	16
61	12	7	6	51	81	11	12	2	3
62	12	3	6	36	82	11	11	1	49
63	11	59	6	21	83	11	10	1	35
64	11	54	6	5	84	11	9	1	21
65	11	50	5	50	85	11	9	1	8
66	11	47	5	35	86	11	8	0	54
67	11	44	5	21	87	11	8	0	41
68	11	40	5	6	88	11	7	0	27
69	11	37	4	51	89	11	7	0	14
70	11			37	90	11	7	0	0

		_	ته ید	_ ب ساعا	عرض لہ	طرات :	مقنا		
نصاف لأقطار	il II	ماد اکز	أب المر	عدد	ما <i>ف</i> نطار	أنص الأز	اد کز	أبــ المرا	عدد
الأقطار الأن يد له من يد له يد له يد المن يد له يد المن يد له يد المن يد له يد المن ي	طی ی ی ی ای ای ای ای اید اید اید اید اید	نائح و الم كا كول مو ند حد ب كر الم الم الله الله الله الله الله الله ا	34 34 34 34 34 34 34 34 34 34 34 34 34 3	い 可不 な ち か か か か か か か か か か か か か か か か か か	عرض له الطال المال الما	以 所	ل که و کو مه و لیکا نابو مال له ه له ز ما بو ند له به نظر از ل کو کر	光光光子子日日日日子子子子子子子子子子子子子子子子子	31 一一一日本人的一日日本人的一日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日

Almucantars of Latitude 32: hours 14;8									
no.		t of		ni- ım.	no.		of tres		ni- ım.
[0]	31	27	37	5					
ìi	30	26	35	53	26	17	12	18	14
2	29	30	34	46	27	16	57	17	48
3	28	37	33	42	28	16	41	17	22
4	27	47	32	41	29	16	25	16	56
5	26	59	31	42	30	16	11	16	31
6	26	15	30	47	31	15	57	16	7
7	25	33	29	54	32	15	43	15	43
8	24	54	29	4	33	15	30	15	20
9	24	16	28	16	34	15	18	14	58
10	23	41	27	30	35	15	6	14	35
11	23	7	26	45	36	14	55	14	14
12	22	35	26	3	37	14	43	13	52
13	22	5	25	22	38	14	33	13	31
14	21	35	24	42	39	14	22	13	10
15	21	8	24	4	40	14	12	12	50
16	20	41	23	27	41	14	3	12	30
17	20	16	22	51	42	13	54	12	11
18	19	51	22	16	43	13	46	11	52
19	19	28	21	42	44	13	37	11	33
20	19	6	21	10	45	13	29	11	15
21	18	45	20	39	46	13	21	10	56
22	18	26	20	9	47	13	13	10	38
23	18	6	19	39	48	13	6	10	20
24	17	48	19	10	49	12	58	10	2
25	17	30	18	42	50	12	51	9	44

		_	ه ید	۔ ساعات	<u>_</u> رض لب	ات عر	مقنطر		
ساف قطار	أنه الأ	حاد اکز	أب المر	عدد	ساف قطار	أنه الأ	ماد اکز	أب المر	عدد
قطار ع به در د د د د د د د د د د د د د د د د د د	2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2	اكر الله الله الله الله الله الله الله الل	الم	عدد عد	ما الله الله الله الله الله الله الله ال	11 としてしていいいのののの	اکن او یا یو کا کر باد مد که بن نز ۱ و یا دو مد	یا ایا ایا ایا ایا ایا ایا ایا ایا ایا	ن ن ن ن ن ن ن ن ن ن ن ن ن ن ن ن ن ن ن
اد ن <u>4</u> ک	5 5	יג ני ני גי גי גי	ی ی ی	فد فه فز فز	ه نه ټر د	0 0	ر الب كط كو	יי ויי ויי ויי	سد سو سز سخ
<i>₹</i> .	ō	zi zi	ی ی	ب فط ص	مط له	د	7	ا اي	سط ع

A	lmuc	anta	rs of	Latit	ude 3	2:	hou	rs 14	8	
no.	dist	. of tres	sen dia	1	no.	dist cent	. of tres	semi- diam.		
51	12	44	9	27	71	11	18	4	20	
52	12	38	9	10	72	11	15	4	6	
53	12	32	8	54	73	11	13	3	52	
54	12	27	8	38	74	11	11	3	38	
55	12	21	8	21	75	11	8	3	24	
56	12	16	8	6	76	11	6	3	10	
57	12	11	7	50	77	11	4	2	56	
58	12	6	7	34	78	11	3	2	43	
59	12	1	7	18	79	11	1	2	29	
60	11	57	7	3	80	11	0	2	16	
61	11	52	6	47	81	10	59	2	2	
62	11	48	6	32	82	10	57	1	48	
63	11	44	6	17	83	10	56	1	34	
64	11	40	6	2	84	10	55	1	20	
65	11	36	5	47	85	10	55	1	7	
66	11	32	5	32	86	10	54	0	53	
67	11	29	5	18	87	10	54	0	40	
68	11	26	5	3	88	10	53	0	26	
69	11	23	4	49	89	10	53	0	13	
70	11	21	4	35	90	10	53	0	0	

			يد يح	ساعاته	ىرض لح	طرات	iāa		
باف نطار	أنم الأن	ماد اکز	أب المر	عدد	ا <i>ف</i> طار	أنص الأق	باد اکز	أب المر	عدد
افطار العاد الا العاد الا العاد الع	中中のののでする。 19 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	i	3. 3. 3. 3. 3. 3. 3. 3. 3. 3. 3. 3. 3. 3	少人人人 日本人工 日子工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工工	عطال الحرض الحراد المراد المر	A 子	اکر کاد	以下 不 不 不 不 一 一 日 日 日 日 大 大 大 大 大 大 大 大 大 大 大 大 大 大	2年 一一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、一
							- 1	-	

Al	Almucantars of Latitude 33: hours 14;13									
no.	dist	. of	ser		no.	dist	. of tres	sen dia	- 11	
[0]										
[0]	30	15	36	4	0.0	16	40	17	EG	
1	29	19	34	57	26	16	46	17	58	
2	28	26	33	53	27	16	30	17	32	
3	27	39	32	52	28	16	15	17	6	
4	26	48	31	53	29	16	0	16	41	
5	26	4	30	58	30	15	46	16	17	
6	25	22	30	5	31	15	33	15	53	
7	24	43	29	15	32	15	20	15	30	
8	24	6	28	27	33	15	8	15	8	
9	23	31	27	41	34	14	56	14	46	
10	22	56	26	56	35	14	44	14	24	
11	22	24	26	13	36	14	33	14	2	
12	21	54	25	32	37	14	22	13	41	
13	21	25	24	53	38	14	12	13	21	
14	20	57	24	14	39	14	2	13	0	
15	20	30	23	37	40	13	53	12	41	
16	20	5	23	1	41	13	43	12	21	
17	19	41	22	27	42	13	35	12	2	
18	19	18	21	53	43	13	26	11	43	
19	18	56	21	21	44	13	18	11	24	
20	18	36	20	50	45	13	10	11	6	
21	18	15	20	19	46	13	2	10	48	
22	17	55	19	49	47	12	55	10	30	
23	17	37	19	20	48	12	48	10	12	
24	17	19	18	52	49	12	41	9	55	
25	17	2	18	24	50	12	34	9	38	

			يد	ساعاته	ىرض لح	رات ء	مقنط		
ماف قطار له مد کر ماند کر اه مط د بز اید کر ماند کر اه مط د بز اید کر ماند کر اه مط د بز اید کر ماند کر اه مط د اید کرد اه می داد کرد اه مط د اید کرد اه می داد کرد اید کرد اه می داد کرد اید کرد اه می داد کرد اید کرد کرد اید کرد اید کرد اید کرد اید کرد کرد اید کرد کرد اید کرد کرد کرد اید کرد کرد اید کرد کرد کرد کرد کرد کرد کرد کرد کرد کر	أنه الأ	عاد الكرد م م م م م م م م م م م م م م م م م م م	أب الم	عدد	بروه الد الله الله الله الله الله الله الله	أنه الأ	ماد اکز	اد ا	عدد
يز	د	~	\( \text{S}	عا عد عد عد عد عد عد عد ف فط ف ف ف ف ف ف ف ف ص ط	5		3	يب	ع الحاسمة الماس الحاسة الماس الحاسة الماس الحاسمة الماس الحاسة الماس الحاسمة الماس الحاسمة الماسة الماسة الماسة
	د	δ	يا	عب	ا د	Jo .	کب	يب	نب
Jea	~	ا ځ	ی	عحا	اځ ا	۲	يو	يب	<b>±</b>
اله	~	انو	ی	ا عد ا	ا ئب	۲	ی	یب	ند
کب	>	ند	ی	4.5	يو	ح	٥	يب	نه
۲	~	ئب	ی	عو	δ	۲	8	يب	نو
ند	ب	ن	ی	عز	مد	ز	نه	<u>ل</u> ا	نز
اما	ب	مط	ې	عح	كط.	ز	ان	١	ځ
اځ	ب	مز	ی	عط	<u> </u>	ز	4.6	ايا	نط
ید	ب	مو	ي	اف	انح	و	la	ليا	س
1	ب	4.4	ی	فا	\$	و	الز	لِيَ	اسا
مز	1	مد	ي	فب	اځ ا	و	귀	يا	سب
لد	1	\$	ی	基	≤.	و	كط	يا	. <del>5</del> 2"
브	1	مب	ي	فد	انخ	٥	25	يا	اسد
ز	1	مب	ی	فه	\$	٥	5	يا	اسه
<u> </u>	õ	ما	ی	ا فو	كعل	٥	اخ	يا	سو
لط	5	ما	ي	فز	ید	۵	يه	ا يا	سز
ا کو	õ	٦	ی	اغ	δ	٥	یب	<u>ل</u>	سمح
<u> </u>	5	٢	ی	فط	مو	۵	ا ط	يا	سط
5	б	٦	ي	ص	لب	۲	و	اِ	ع

Al-Farghānī, On the Astrolabe

2 غ إ ك CD 3 إ ك BT 4 غ إ ك T 5 ] ه D 7 و [ د T 5 ] ك BT 4 أو إلى 18 9 ك إ ك الك 3 الك 5 1 ك و إكد الك 14 ت الك 13 ت الك 13 ك و إكد الك 14 ت الك 13 ت الك 13 ت الك 14 ت الك 13 ت الك 14 ت الك 15 ت الك 14 ت الك 15 ت الك 1

A	Almucantars of Latitude 33: hours 14;13									
no.	dist cen	. of tres	ser dia		no.	dist cen	. of tres	ser dia		
51	12	28	9	21	71	11	3	4	17	
52	12	22	9	4	72	11	0	4	3	
53	12	16	8	48	73	10	58	3	49	
54	12	10	8	32	74	10	56	3	35	
55	12	5	8	16	75	10	54	3	22	
56	12	0	8	0	76	10	52	3	8	
57	11	55	7	44	77	10	50	2	54	
58	11	50	7	29	78	10	49	2	41	
59	11	45	7	13	79	10	47	2	28	
60	11	41	6	58	80	10	46	2	14	
61	11	37	6	43	81	10	45	2	1	
62	11	33	6	28	82	10	44	1	47	
63	11	29	6	13	83	10	43	1	34	
64	11	25	5	58	84	10	42	1	20	
65	11	21	5	43	85	10	42	1	7	
66	11	18	5	29	86	10	41	0	53	
67	11	15	5	14	87	10	41	0	39	
68	11	12	5	0	88	10	40	0	26	
69	11	9	4	46	89	10	40	0	13	
70	11	6	4	32	90	10	40	0	0	

		J	، يد يما	ساعاته	رض لد	لمرات ع	aiē.		
اف طار	أنص الأة	ماد اکز	أب المر	ساعاته عدد	ا <i>ف</i> طار	أنص الأق	باد اکز	أبــ المرا	عدد
四月 中山 水 中山 水 , 中山 , 中山 , 中山 , 中山 , 中山 , 中山	אר אר פר פר פר פר יכר יכר יבר יבר יבר יבר יבר יבר יבר יבר יבר יב			少人人人 日本人 日本人 日本人 日本人 日本人 日本人 日 日本人 日 日 日 日	الم	日本一門日日日日子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子	一、元中公司の公司に口下下が下下的首任の一下一下一下一下一	是是不是不不不不不可以不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不不	3 一、一、一、日、日、日、日、日、日、日、日、日、日、日、日、日、日、日、日、日
	- 04	يز	يب	٥	[	ح		ير	

Almucantars of Latitude 34: hours 14;19									
no.	dist. of		semi-		no.	dist. of		semi-	
	centres		diam.			centres		diam.	
[0]	29	8	35	8					
i	28	15	34	4	26	16	19	17	42
2	27	25	33	3	27	16	4	17	16
3	26	37	32	4	28	15	50	16	52
4	25	53	31	9	29	15	36	16	27
5	25	11	30	16	30	15	23	16	4
6	24	32	29	26	31	15	10	15	41
7	23	55	28	38	32	14	58	15	18
8	23	19	27	51	33	14	46	14	56
9	22	46	27	7	34	14	34	14	34
10	22	14	26	24	35	14	23	14	13
11	21	43	25	43	36	14	12	13	52
12	21	14	25	3	37	14	2	13	31
13	20	47	24	25	38	13	52	13	11
14	20	20	23	48	39	13	43	12	51
15	19	55	23	12	40	13	34	12	32
16	19	30	22	37	41	13	25	12	13
17	19	7	22	3	42	13	16	11	54
18	18	45	21	31	43	13	8	11	35
19	18	25	21	0	44	13	0	11	16
20	18	5	20	30	45	12	52	10	58
21	17	46	20	0	46	12	44	10	40
22	17	27	19	31	47	12	37	10	23
23	17	9	19	3	48	12	30	10	5
24	16	52	18	35	49	12	23	9	48
25	16	35	18	8	50	12	17	9	31

Al-Farghānī, Astrolabe, Ch. 4, Table	e 4
--------------------------------------	-----

1.		1	ید یه	ساعاته	ِض لد	 ت عر	مقنطرا		
باف نطار	ابعاد انصاف المراكز الأقطار الما الما الما الما الما الما الما ال		أب المر	عدد	ساف قطار	الأقطار الأقطار على من كل يه كل من كل يه كل الكل كل الكل كل الكل الكل الكل الكل		المهابية	عدد
يه	د	مط	ی	عد عد عد عد عد عد عد عد عد من ف فط فع فن فن فن فن فل طعم عز و فن فن فن فن فل طعم عز فن	يه	مل	ايا	يب	نا
1	د	مز	ی	عب	انح	ح	٥	يب	نب
مز	~	4.4	ی	عد	مب	ح	نما	يا	£
ᆚ	>	£	ي	عد	25	ح	ند	يا	ند
ك	>	اما	ى	عه	ا اي	ح	Jan	ل	نه
ا و	>	لط	ي	عو	انه	ز	مد	ليا	نو
zi	ب	الز	ی	عز	لط	ز	لط	يا	نز
	ب	الو	ی	عح	ا کد ا	ز	لد	ل	نح
25	ب	الد	ی	عط	اط	ز	لِ	لا	نط
2	ب	ا ځ	ی	اف	ا ند   ا ۱۱	و	کو	ايا	س
0	ا ب	ا لب ا ا	ا ی ا م		ا تعد	و	س دب	ي ١.	سا
امو		10	ی	ا قب		و	2	1.	سب
-	'	ر معد ا	ی	ا حد ا ما	1:	و	ید	ي ا.	المحجر
ا يو	_ '.	اخ	ی		~		ی	ı	
او	_'	اخ	ی		ام ا	9	ز	ν	سه
=	δ	اخ	ی	فو	. 45	٥	~	ע	سو
الط	õ	ا کز	ی	فز	ا ايا	٥	δ	يا	سز
ا کو		کز	\(\text{S}\) \(\te	اخ ا	ا نز	4 U U U U U U U U U U U U U U U U U U U	نز	אָ אָ ט יט י	اعداد المالة
4	ð	ا کز	ي	فعا	2	د	نه	ی	سط
δ	8	ا کر	ی	ص	كما ا	د	نب	ی	ع

Al	lmuca	ntar	s of I	Latiti	ıde 34	1:	hour	s 14;	19
no.	dist cent	. of cres	sen dia		no.	dist. of centres		semi- diam.	
51	12	11	9	15	71	10	49	4	15
52	12	5	8	58	72	10	47	4	1
53	11	59	8	42	73	10	45	3	47
54	11	54	8	26	74	10	43	3	33
55	11	49	8	11	75	10	41	3	20
56	11	44	7	55	76	10	39	3	6
57	11	39	7	39	77	10	37	2	53
58	11	34	7	24	78	10	36	2	40
59	11	30	7	9	79	10	34	2	26
60	11	26	6	54	80	10	33	2	13
61	11	22	6	39	81	10	32	2	0
62	11	18	6	24	82	10	30	1	46
63	11	14	6	9	83	10	29	1	33
64	11	10	5	54	84	10	28	1	16
65	11	7	5	40	85	10	28	1	6
66	11	3	5	25	86	10	28	0	53
67	11	0	5	11	87	10	27	0	39
68	10	57	4	57	88	10	27	0	26
69	10	55	4	43	89	10	27	0	13
70	10	52	4	29	90	10	27	0	0

مقنطرات عرض له ساعاته يد كه أبعاد أنصاف عدد أبعاد أنصاف دد الماك الأمرال عدد الماك الأمرال										
أنصاف الأقطار	اد کز	يد و أبعا المرآ	عدد	اف طار	أنص الأق	اد کز	أبع المرا	عدد		
الأقطار الأقطار الأقطار المرابع المراب	-	3' 3' 3' 3' 3' 3' 3' 3' 3' 3' 3' 3' 3' 3	ら 中分からののまかのとをであるととというというというというというというというというというというというというとい	الله الله الله الله الله الله الله الله	1 年 年 日 日 日 子 子 野 野 ち の ち ち ち と し と 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日	一	まる で で で で で で で は	31 日本文文本語 京北京 京京 京京 中文 でのののでのできる		
د مب د که	5	يب	مط ن	ا تط تط	ک بخ بز	که ی	يو يو	کد که		

Al	lmuc	hour	s 14;	25					
no.	dist cen	. of tres	ser dia		no.	dist cen	of tres	ser dia	- 4
[0]	28	3	34	15					
ì	27	14	33	14	26	15	54	17	27
2	26	26	32	15	27	15	40	17	2
3	25	42	31	20	28	15	26	16	38
4	25	0	30	27	29	15	13	16	14
5	24	21	29	37	30	15	0	15	51
6	23	44	28	49	31	14	47	15	28
7	23	8	28	2	32	14	35	15	6
8	22	35	27	18	33	14	24	14	44
9	22	3	26	35	34	14	13	14	23
10	21	32	25	53	35	14	2	14	2
11	21	4	25	14	36	13	52	13	42
12	20	36	24	36	37	13	42	13	20
13	20	9	23	58	38	13	33	13	2
14	19	44	23	22	39	13	23	12	42
15	19	20	22	48	40	13	14	12	23
16	18	57	22	14	41	13	5	12	4
17	18	35	21	42	42	12	57	11	45
18	18	14	21	10	43	12	49	11	27
19	17	54	20	40	44	12	42	11	9
20	17	35	20	10	45	12	34	10	51
21	17	16	19	41	46	12	27	10	33
22	16	59	19	13	47	12	20	10	16
23	16	42	18	46	48	12	13	9	59
24	16	25	18	19	49	12	6	9	42
25	16	10	17	53	50	12	0	9	25

Note: For the table of latitude 35  ${\bf D}$  has wild values and was therefore not included in the collation.

		_							
				ساعات	عرض له				
اف		一一 日本	أب	عدد	الله الله الله الله الله الله الله الله	أنم	اکن مطب نه نظم وی در دی ایما کالک اداله مطب نه نظم وی در دی ایما کالک اداله مطب نه نظم می در داری در ایما کالک اداله مطب نه ایما کالک اداله کالک اداله کالک اداله کالک کالک کالک کالک کالک کالک کالک ک	أب	عدد
طار	الأة	إكز	11		تطار	الأا	أكز	المر	
يب	د	اله	ې	ص الله و ف ف ف ف ف ف ف ع ع ع ع ع ع ع ع ع ع ع ع	ط	ما	ئە	ايا	ו
نط	~	크	ى	عب	±c.	ے	مط	يا	نب
4.0	~	צ	ی	عح	الز	ح	مد	ايا	z.
צ	~	كط	ی	عد	5	ح	لح	يا	ند
یخ	.>	كز	ی	عه	٥	ح	Ŧ	ايا	نه
٥	>	که	ی	عو	ان	ز	کے	يا	انو
انا	ب	کد	ي	عز	له	ز	کد	ايا	نز
الح	ب	کب	ي	عح	يط	ز	يمل	لِ	نځ
25	ب	5	ی	عط	د	ز	يد	يا	نط
يا	ب	يط	ی	ف	مط	و	ی	ایا	س
ا نح	\	ځ	ی	افا	الدا	و	و	یا	سا
امه	3	یز	ی	<u>فب</u> :	(ف	و	<b>.</b>	يا	سب
ا لب	1	یو	ی	2	٥	و	لعد	ی	سكت
ا ځ	1	ایه	ی	ود.	ن	٥	انه	ی	سد
١،	1	ا يه	ي	فه	ا کو	۵	نب	ی	سبه
نب ادا	0	اید	\(\text{S}\) \(\te	, <u>فو</u> ئر	ب ا	٥	مط	6 6 6 6 6 6 6 6 6 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	ع الحاسمة المراس الماس الحاس الماس الحاسمة المراس الماس الحاس الماس الحاسمة المراس الماس الحاسمة المراس الماس الما
لعد	0	ایدا	ی	ا فز ا ن	ات	9	مو	ی	سر .
اروا	0	اید	ی	اځ.	اند	٤	*	ی	اسمح ا
<u> </u>	δ	اید	ی	.ted	اخ	٥	- 5	ی	سط
ō	Ö	ید	ی	ص	وو	٥	ځ	ی	ع

A	lmuca	antar	s of l	Latit	ude 3	5:	hour	s 14;	25
no.	dist. of semi- centres diam.			no.	dist. of centres		semi- diam.		
51	11	55	9	9	71	10	35	4	12
52	11	49	8	53	72	10	33	3	59
53	11	44	8	37	73	10	31	3	45
54	11	38	8	21	74	10	29	3	31
55	11	33	8	5	75	10	27	3	18
56	11	28	7	50	76	10	25	3	5
57	11	24	7	35	77	10	24	2	51
58	11	19	7	19	78	10	22	2	38
59	11	14	7	4	79	10	21	2	25
60	11	10	6	49	80	10	19	2	11
61	11	6	6	34	81	10	18	1	58
62	11	3	6	20	82	10	17	1	45
63	10	59	6	5	83	10	16	1	32
64	10	55	5	50	84	10	15	1	18
65	10	52	5	36	85	10	15	1	5
66	10	49	5	22	86	10	14	0	52
67	10	46	5	8	87	10	14	0	39
68	10	43	4	54	88	10	14	0	26
69	10	40	4	40	89	10	14	0	13
70	10	38	4	26	90	10	14	0	0

	مقنطرات عرض لو ساعاته يد ل										
ا <i>ف</i> طار	أنص الأة	باد اکز	أب المر	عدد	اف طار	أنص الأة	اد کز	أبه المرا	عدد		
一里下、中心下面上下、下上、下上、下上、下上、下上、下上、下上、下上、下上、下上、下上、下上、下	So Sich ich ich ich ich ich ich ich ich ich	1分分別を見ります。 とりなるがられるできるというないのできない はない はない はない はない はない はない はない はない はない は		分分分とというというというなからのであるのであるのであるのであるのであるのであるのである。	الرض الحال المرائع المسلم من د مو المائد المركز كو المرك	1   1   1   1   1   1   1   1   1   1	お 所 は 大分 の 大 を の を を で と か と か で か で か で か か か で か か か で で か か か で で か か で か か か で か か か で か		2年 一一一日本人とは、「は、「は、「は、「は、「は、」」のは、「は、「は、」とは、「は、「は、「は、」と、「は、「は、」と、「は、「は、」と、「は、「は、」と、「は、「は、」と、「は、「は、」と、「は、「は、「は、」と、「は、「は、」と、「は、「は、」と、「は、「は、」と、「は、「は、」と、「は、「は、」と、「は、」、「は、」		
نب	ی ط	نو	یا	مر مح	كط	يح د	: ال	يو	<u>ب</u> ک		
لو يط	ط ط	ن مد	يل يل	مط. ن	ح لز	یخ یز	عد اط	يه	33 25		

A	lmuca	antar	s of I	Latiti	ıde 30	3:	hour	s 14;	30
no.	dist	of tres	ser dia		no.	dist. of centres		semi- diam.	
[0]	27	3	33	26					
1	26	15	32	27	26	15	29	17	12
2	25	31	31	31	27	15	15	16	48
3	24	49	30	38	28	15	2	16	24
4	24	10	29	48	29	14	49	16	1
5	23	33	29	0	30	14	36	15	39
6	22	57	28	13	31	14	2	15	16
7	22	24	27	29	32	14	14	14	55
8	21	52	26	46	33	14	2	14	33
9	21	21	26	4	34	13	52	14	12
10	20	53	25	25	35	13	41	13	51
11	20	25	24	46	36	13	31	13	31
12	19	59	24	9	37	13	21	13	12
13	19	33	23	33	38	13	12	12	52
14	19	9	22	58	39	13	4	12	33
15	18	46	22	24	40	12	55	12	14
16	18	24	21	52	41	12	47	11	56
17	18	4	21	21	42	12	39	11	37
18	17	43	20	50	43	12	31	11	19
19	17	24	20	20	44	12	23	11	1
20	17	5	19	51	45	12	16	10	43
21	16	48	19	23	46	12	10	10	27
22	16	31	18	56	47	12	3	10	9
23	16	15	18	29	48	11	56	9	52
24	15	59	18	3	49	11	50	9	36
25	15	43	17	37	50	11	44	9	19

	مقنطرات عرض لو ساعاته يد ل											
ىا <b>ن</b> نطار		ماد اکر کا کب ا ب ب م د ه و ز ط یا بید یو کیم ا ا ب ب م د ه و ز	أ بـ الم	عدد	ماف ماف مرب يول مه ه يه ل مه ايو ب مز م كدناه يط	أن <i>ه</i> الأن	والمراطر والمع ما و له ما و له اله الماله	أب المر	عدد عاصر من ساس الطاعة الزنو نه ند يه بن نا عاصر سو شه ند مه بن ساس الطاعة الزنو نه ند يه بن نا			
ی	د	کب	ی	ص طلعة ونونه فه في في في على	-	ط	لح	یا	نا			
نز	~	ك	\( \text{S} \) \( \te	عب	مز	ح	7	0 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	نب			
ع	>	<u>ځ</u>	ی	عح	لب	ح	اکج ا	یا	<u> </u>			
ال	~	يو	ی	عد	يو	ح	3	یا	ند			
ا يز	ح ا	ید	ی	عه	1	ح	یځ	يا	نه			
-	~	یب	ي	عو	4.4	ز	4	یا	نو			
ان	ب	ايا	ي	عز	ال	ز	[ ح	یا	انز			
لو	ب	اط	ی	عح	يه	ز	٥	ايا	اخ			
٤	ب	ز	ي	عط	δ	ز	ð	یا	نط			
ی	ب	و	ی	اف	4.6	و	ا ئە 1٠	ی	س ا			
ا نز	1	9	ې		ان	و	4	<u>ی</u> م	ا سا			
	' '		ی	ف	یو	و		ی	سب			
2	ı'	ا ر	ی	فد	ا م	ه	ما	ی	سد			
٥	1	ا ت	ی	فه	1	۵	إلج	ی	سه			
ا نب	δ	1	ی	فؤ	يعا	٥	اله ا	ی	اسو			
لط	δ	1	ی	فز	٥	٥	لب	ی	اسز			
25	δ	1	ي	غ	انا	د	كط	ی	سع			
<u>£</u>	ð	1	ی	فط	لح	د	کز	ی	سعا			
δ	δ	1	ى	ص	گد	د	که	ی	ع			

1 كن [ نب 8 ك ] ك CD, خ BT إلى BT كر [ كر 1 ك BT كل [ كر 1 ك 1 ك 1 ك ] أنب BT كل [ كل 1 ك 1 ك ] أنب BT كل [ ك 1 ك ] أنب BT كل [ ك 1 ك ] أنب BT كل [ ك 1 ك ] ك [ ك 1 ك ] ك [ ك 1 ك ] ك [ ك 1 ك ] ك [ ك 1 ك ] ك [ ك 1 ك ] ك [ ك 1 ك ] ك [ ك 1 ك ] ك [ ك 1 ك ] ك [ ك 1 ك ] ك [ ك 1 ك 1 ك ] ك [ ك 1 ك

Al	muca	ntar	s of I	Latiti	ıde 36	5:	hour	s 14;3	30
no.	dist cent	- 1	1		no.	dist cent	. of tres	semi- diam.	
51	11	38	9	3	71	10	22	4	10
52	11	33	8	47	72	10	20	3	57
53	11	28	8	32	73	10	18	3	43
54	11	23	8	16	74	10	16	3	30
55	11	18	8	1	75	10	14	3	17
56	11	13	7	45	76	10	12	3	3
57	11	8	7	30	77	10	11	2	50
58	11	4	7	15	78	10	9	2	36
59	11	0	7	0	79	10	7	2	23
60	10	55	6	45	80	10	6	2	10
61	10	51	6	30	81	10	5	1	57
62	10	48	6	16	82	10	4	1	44
63	10	45	6	2	83	10	3	1	31
64	10	41	5	47	84	10	2	1	18
65	10	38	5	33	85	10	2	1	5
66	10	35	5	19	86	10	1	0	52
67	10	32	5	5	87	10	1	0	39
68	10	29	4	51	88	10	1	0	26
69	10	27	4	38	89	10	1	0	13
70	10	25	4	24	90	10	1	0	0

مقنطرات عرض لر ساعاته يد لو أنصاف عدد أبعاد أنصاف عدد المراكز الأقطار الأقطار الراكز الأقطار المراكز الأقطار المراكز الأقطار المراكز الأقطار المراكز الأقطار المراكز										
أنصاف الأقطار	أبعاد المراكز	عدد	أنصاف الأقطار	أبعاد المراكز	عدد					
الأقطار الأقطار الأقطار و كه ب بكب ب يد يد يد يو يو يو يو ططر د ك يد يد يد يد يد يو يو يو ططر ططرى ي ي ي يد يد يد يد يد يد يد يد يو		分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分	رات عرض آز انساف المؤقطار المؤقطار المؤقطار المؤقطار المؤقطار المؤقطار المؤقطار المؤتم كدياة المرب المؤتم كدياة المرب ا	是	3 一、一、中、中、中、中、中、中、中、中、中、中、中、中、中、中、中、中、中、中					
ط ید	ا یا اخ	ن	يز خ	ته تعر	ى					

Al	Almucantars of Latitude 37: hours 14;36								
no.	dist cent	. of tres	sen dia		no.	dist. of centres		semi- diam.	
[0]	26	4	32	38					
`i	25	19	31	42	26	15	5	16	59
2	24	38	30	50	27	14	52	16	35
3	24	0	30	0	28	14	39	16	12
4	23	22	29	11	29	14	27	15	49
5	22	46	28	24	30	14	14	15	26
6	22	13	27	40	31	14	3	15	5
7	21	41	26	57	32	13	52	14	43
8	21	11	26	16	33	13	41	14	22
9	20	42	25	36	34	13	31	14	2
10	20	14	24	57	35	13	21	13	42
11	19	48	24	20	36	13	11	13	22
12	19	23	23	44	37	13	2	13	2
13	18	59	23	9	38	12	53	12	43
14	18	35	22	35	39	12	45	12	25
15	18	14	22	3	40	12	37	12	6
16	17	54	21	32	41	12	28	11	47
17	17	33	21	1	42	12	20	11	29
18	17	14	20	31	43	12	13	11	11
19	16	55	20	2	44	12	6	10	54
20	16	37	19	33	45	11	59	10	37
21	16	20	19	6	46	11	53	10	20
22	16	4	18	39	47	11	46	10	3
23	15	48	18	13	48	11	40	9	46
24	15	33	17	47	49	11	34	9	30
25	15	19	17	23	50	11	28	9	14

مقنطرات عرض لرا ساعاته يد لوا المعاد المعاد المعاد المواكر الأقطار عدد المراكز الأقطار المعد المراكز الأقطار المعد المراكز الأقطار المعد المعاد المراكز الأقطار المعد المعاد الم										
		و	، يد ا	ساعات	عرض لز	رات -	مقنط			
افطار الما الما الما الما الما الما الما ال	أنص دري	ماد	أب ١١	عدد	الأقطار الأقطار حرح حري كو مري كو كو مري كو		المراكز المرا		عدد	
نطار	الاز	ا حز	المر		قطار	וצי	ا در	المر		
ے ا		ح	ی	عد ع	نح	ح	٤	6 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5	ن ن ن ن ن ن ن ن ن ن ن ن ن ن ن ن ن ن ن	
ند	~	و	ی	عب	مب	ح	يز	لِ	نب	
اما	~	د	ي	عح	کو	ح	یب	لي	£	
اکج ا	~	ٰ ب	ى	عد	ايا	ح	ز	لي	ند	
يه	~	1	ی	عه	ائو	ز	~	یا	ئە	
1	-	نما	ط	عو	اما	ز	انح	ی	نو	
ځ	ب	نح	مل	عز	کو	ز	ند	ی	نز	
له	ب	انو	ط	عح	ایا	ز	Jan	ی	نح	
ا کب	ب	نه	٠	<u> </u>	نو	و	44	ي	نط	
ا ط	ب	<b>3</b> 4		ف ا	ما	و	ا ما	ي	س	
انو	1	انا	ا مل	افا	کز	و	الز	ی	سا	
امحا	1	וט	ا م <u>ل</u> ا	<u>وب</u> ة	یب	و	-	ي	سب بد	
ن	,	Jea	- <b>-</b>		ے		ار	ی		
یز	1	ع	Je i		3.6	٥	ا حز	ی	سد	
ادا	_ '	ع	مل		ال	٥	ارد	ي	سه	
ا نا	5	ځ	<u>ط</u> ،	۰ فو	يو	٥	6	ی	سو	
لط	ō	ځ	مل	فز	ب	٥	ا بح	ی	سز	
ا کو	õ	ځ	ط	غ	ځ	د	يه	ی	سمح	
₹.	ō	ځ	ط	فط	له	د	£	ی	سط	
δ	<i>ō</i>	ځ	مل	ص	5	د	ی	ی	ع	

0 ع ] ح T 1 على الله B 2 على الله BT 3 قال الله B 2 على الله B 3 على الله B 3 على الله B 3 على الله B 4 على الله B 5 على الله B 4 على الله B 5 على الله ك 1 على

A	Almucantars of Latitude 37: hours 14;36									
no.	dist cent	. of tres	semi- diam.		no.	dist. of centres		semi- diam.		
51	11	23	8	58	71	10	8	4	8	
52	11	17	8	42	72	10	6	3	54	
53	11	12	8	26	73	10	4	3	41	
54	11	7	8	11	74	10	2	3	28	
55	11	3	7	56	75	10	1	3	15	
56	10	58	7	41	76	9	59	3	1	
57	10	54	7	26	77	9	58	2	48	
58	10	49	7	11	78	9	56	2	35	
59	10	45	6	56	79	9	55	2	22	
60	10	41	6	41	80	9	53	2	9	
61	10	37	6	27	81	9	51	1	56	
62	10	33	6	12	82	9	51	1	43	
63	10	30	5	58	83	9	49	1	30	
64	10	27	5	44	84	9	48	1	17	
65	10	24	5	30	85	9	48	1	4	
66	10	21	5	16	86	9	48	0	51	
67	10	18	5	2	87	9	48	0	39	
68	10	15	4	48	88	9	48	0	26	
69	10	13	4	35	89	9	48	0	13	
70	10	10	4	21	90	9	48	0	0	

مقنطرات عرض لح ساعاته يد مب										
أنصاف الأقطار	أبعاد المراكز	عدد	أنصاف الأقطار	أبعاد المراكز	عدد					
الأقطار الأقطار الأقطار عدد الله الله الله الله الله الله الله ال	ابا الما الما الما الما الما الما الما ا	い をからまままする をからなる なられる からない	الأقطار المناف الأقطار المناف الأقطار المناف المنا	المراكز المرا	2 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1					

Al	Almucantars of Latitude 38: hours 14;42									
no.	dist cent		sen dia		no.	dist. of centres		semi- diam.		
[0]	25	8	31	54					1	
1	24	27	31	1	26	14	41	16	45	
2	23	48	30	11	27	14	28	16	22	
3	23	10	29	22	28	14	16	15	59	
4	22	35	28	35	29	14	4	15	37	
5	22	2	27	51	30	13	53	15	15	
6	21	30	27	8	31	13	42	14	54	
7	20	59	26	26	32	13	31	14	33	
8	20	30	25	46	33	13	21	14	12	
9	20	3	25	8	34	13	11	13	52	
10	19	37	24	31	35	13	2	13	32	
11	19	12	23	55	36	12	53	13	13	
12	18	48	23	20	37	12	44	12	54	
13	18	25	22	46	38	12	35	12	35	
14	18	3	22	13	39	12	26	12	16	
15	17	42	21	42	40	12	18	11	58	
16	17	22	21	11	41	12	11	11	40	
17	17	3	20	41	42	12	3	11	22	
18	16	45	20	12	43	11	56	11	4	
19	16	27	19	44	44	11	49	10	47	
20	16	10	19	17	45	11	42	10	30	
21	15	54	18	50	46	11	35	10	13	
22	15	38	18	24	47	11	29	9	56	
23	15	23	17	58	48	11	23	9	40	
24	15	8	17	33	49	11	18	9	24	
25	14	54	17	9	50	11	12	9	8	

	_			ساعات	عرض لح	لرات	مقنه		
ساف قطار	أنصاف الأقطار		أبعاد المراكز		أنصاف الأقطار		أبعاد المراكز		عدد
ماف قطار به که کوم نه د د د د د د د د د د د د د د د د د د		راكز الله ما مد مع مو من الله الله له		عدد ع ع ع ع ع ع ع ع ع ع ع ع ع ع ع ع ع ع	ماف الله الماد الله الله الله الله الله الله الله ال	٠	بعاد راکز ب ن ب ن ب ن ب ن ب ن ب ن ب ن ب ن ب ن ب	11	
		لو ا	ما	فه	کز	٥	ی	ی	اسه
ن	δ	4	ط	فو ا	<b>±</b>	٥	ز	ی	سو
لح	δ	له	ط	فز	نط	د	٥	ی	سز
25	δ	له	ط	غ	44	۵	\\	ی	سمح
4	ō	له	ط	فط	الب	د	نما	ط	سط
δ	δ	له	ط	ص	يمك	٥	نز	ملا	ع ا

A	lmuca	antar	s of I	Latiti	1de 38	3:	hour	s 14;	42
no.	dist cent		semi- diam.		no.	dist. of centres		semi- diam.	
51	11	7	8	53	71	9	55	4	6
52	11	2	8	37	72	9	53	3	53
53	10	57	8	22	73	9	51	3	40
54	10	52	8	6	74	9	49	3	26
55	10	47	7	51	75	9	47	3	13
56	10	43	7	36	76	9	46	3	0
57	10	38	7	21	77	9	43	2	46
58	10	34	7	6	78	9	42	2	33
59	10	30	6	52	79	9	41	2	20
60	10	27	6	38	80	9	40	2	7
61	10	23	6	23	81	9	39	1	55
62	10	19	6	9	82	9	38	1	42
63	10	16	5	55	83	9	37	1	29
64	10	13	5	41	84	9	36	1	16
65	10	10	5	27	85	9	36	1	3
66	10	7	5	13	86	9	35	0	50
67	10	4	4	59	87	9	35	0	38
68	10	1	4	45	88	9	35	0	25
69	9	59	4	32	89	9	35	0	13
70	9	57	4	19	90	9	35	0	0

عدد المراكز الفصاف عدد المراكز الفقطار ب كب نقط كط له كز يقط له يخ يد و يو ي يه كو ك يد كو يد يه كو ك يد كو يد يه كو ك يد كو يد يه كو ك يد يه كو يد يه كو ك يد يه كو يد يد كل			ساعاته يد مح	رض لط	طرات ع	مقنا		
	نصاف لأقطار	د أ از ا	دد أبعا المرا	اف طار	أنص الأق	ماد اکز	أب المر	عدد
ك     يه     ك     يه     يه <t< td=""><td>الع لد نا ز کیام نز بد ل ن ح کو مه د کیاب ب که یه د کوکای که</td><td>يو يو ي</td><td>יט יט יט יט יט יט יט יט יט יט יע ינ ינ</td><td></td><td>とこれに 日 日 日 日 日 日 女 大 ま ま な な な な な と 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日</td><td>د مد کا مع طاو لد بن یا لا بن ید لز ۱ کو بن ۱۵ مطاو د کا طاو</td><td>计分分分分 医自由性性关系 法 法 化</td><td>20一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、</td></t<>	الع لد نا ز کیام نز بد ل ن ح کو مه د کیاب ب که یه د کوکای که	يو ي	יט יע ינ		とこれに 日 日 日 日 日 日 女 大 ま ま な な な な な と 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日	د مد کا مع طاو لد بن یا لا بن ید لز ۱ کو بن ۱۵ مطاو د کا طاو	计分分分分 医自由性性关系 法 法 化	20一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、一、

Almucantars of Latitude 39: hours 14;48									
no.		of tres	ser dia	ni- ım.	no.	dist. of centres		semi- diam.	
[0]	24	15	31	13					
í	23	36	30	22	26	14	18	16	33
2	22	59	29	35	27	14	6	16	10
3	22	24	28	47	28	13	54	15	48
4	21	50	28	2	29	13	43	15	26
5	21	19	27	19	30	13	32	15	4
6	20	49	26	38	31	13	21	14	43
7	20	20	25	58	32	13	10	14	22
8	19	52	25	19	33	13	0	14	2
9	19	26	24	42	34	12	51	13	42
10	19	1	24	6	35	12	42	13	23
11	18	37	23	31	36	12	33	13	4
12	18	14	22	57	37	12	25	12	45
13	17	52	22	24	38	12	16	12	26
14	17	31	21	52	39	12	8	12	8
15	17	11	21	22	40	12	0	11	50
16	16	52	20	52	41	11	52	11	32
17	16	34	20	23	42	11	45	11	14
18	16	16	19	54	43	11	38	10	57
19	15	59	19	27	44	11	31	10	40
20	15	43	19	0	45	11	25	10	23
21	15	27	18	34	46	11	19	10	7
22	15	13	18	9	47	11	13	9	51
23	14	58	17	44	48	11	7	9	34
24	14	44	17	20	49	11	1	9	18
25	14	31	16	56	50	10	56	9	2

Al-Farghänī,	Astrolabe,	Ch.	4,	Table	4
--------------	------------	-----	----	-------	---

		ع	<u> </u>	ل ساعا:	<u></u> ىرش لە	رات ء	مقنطر		
ىاف نطار		عدد المراكز البعاد عدد المراكز المراكز عدد عد		ات عرض الم		المراكز المراكز المراكز المراكز عاد المراكز عن المراكز المراك		عدد	
د	د	مب	ط	عا عد عد عد عد عد ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف	مز	ح	نا	ی	ع مطرحة الله الله الله الله الله الله الله الل
li	~	٦	ط	عب	لب	ح	مو	ی	نب
الح	>	لح	٦	عح	يز	٦	مب	ي	±ci
ا کد	-	الو	مل	عد	ب	ح	الز	ي	ند
ایا	~	لد	1	عه	مز	ز	7	ي	ئە
انح	ب	لب	ط	عو	لب	ز	ع	ي	نو
4.6	ب	y	1	عز	ايز	ز	کد	ی	نز
ا لب	ب	كط	مد	عح	~	ز	اف.	ی	نج
يطا	ب	ځ	مل	عط	ځ	و	يو	ی	نط
ا و	ب	کز	مل	ف	لد	و	یب	ي	س
اند	1	کو _	اط	ا فا	<u>.s</u>	و	اط	ی	سا
اما ا		ا م	صل ا	فب ة	ا و	و	و	ی	سب
ځ		عد	امل		اب	0	ب ا	ى 1	
ا يو		ا کد	مد	ا فد	اخ	٥	نط	ص.	سد
ا ح <i>د</i> ا ا	,	3	املا		ا کد	٥	نو	اصل	سه
ا تا	δ _	ا خ	اط	؛ فو ن	ی	٥	- <b>≥</b> ⊆ 1•	ا مال ا	سو
اځ	0	رب ا ے	امد	ا فز ا غ	ارز	١	ا	ו	سر ا
"	0	ا بب	املا	اخ	- S	3	ع	مز.	المح ا
<u>*</u>	δ -	ا بب	ا طا ا ما	فط	ال	د	مو	مز ا	سطد و
0	0	ىب	مد	ص	72	د	3.0	-30	ے

ا الب 14 الو [لز 11 اللح [ نح 7 الله الله الله الله الله الله 1 اله 1 الله 1

A	Almucantars of Latitude 39: hours 14;48								
no.		. of tres	1	ni- ım.	no.		. of tres	l .	mi- ım.
51	10	51	8	47	71	9	42	4	4
52	10	46	8	32	72	9	40	3	51
53	10	42	8	17	73	9	38	3	38
54	10	37	8	2	74	9	36	3	24
55	10	33	7	47	75	9	34	3	11
56	10	28	7	32	76	9	32	2	58
57	10	24	7	17	77	9	31	2	45
58	10	20	7	3	78	9	29	2	32
59	10	16	6	48	79	9	28	2	19
60	10	12	6	34	80	9	27	2	6
61	10	9	6	20	81	9	26	1	54
62	10	6	6	6	82	9	25	1	41
63	10	2	5	52	83	9	24	1	28
64	9	59	5	38	84	9	24	1	16
65	9	56	5	24	85	9	23	1	3
66	9	53	5	10	86	9	23	0	51
67	9	51	4	57	87	9	22	0	38
68	9	48	4	43	88	9	22	0	25
69	9	46	4	30	89	9	22	0	13
70	9	44	4	17	90	9	22	0	0

	عدد البرائز الأقطار عدد البرائز الأقطار المرائز المرا										
با <i>ف</i> نطار	أنص الأة	ماد اکز	أب المر	عدد	ا <i>ف</i> طار	أنص الأو	باد اکز	أب المر	عدد		
ك	يو	日本は、日本は大人をより、この、日本、日本、日本、日本、日本、日本、日本、日本、日本、日本、日本、日本、日本、	£.	26	لد مه	ل كط	که مح	ک <u>ہ</u> کب	10一、10のででは、1分には、1分には、1分とのでは、1分とのでは、1分とのでは、1分には、1分には、1分には、1分には、1分には、1分には、1分には、1分に		
نز له د	يه	r K	A. A.	کز کما	اع یم	بالحالج	يب لط :	کب کا کا	ب د د		
ج جر ت	ید ید	ر ی 8	N. N.	7	مط ط	کو کو کو	ر ط	<u>د</u> ه	ء ا ا و		
₹. ₹.	ید یح	تا ما ان	يب يب	لب <u>ا</u> لد	ل نعم رن	که کد کد	ما يه ۱	تعر تعر تعر	ز ح ما		
ید انه	ب به پب	بب کے ید	8, 8, 8, 8, 8, 8, 18, 18, 18, 18, 18, 18	اله الو الو	عر مب ح	7	ر کو ح	C	<i>ی</i> یا		
ار بح	۔ یب یب	۔ خ	۔ یب یا	ر لز الح	د	کب کب	ا ا	צי	يب يح		
5 مب که	يب يا يا	ن م <i>ب</i> له	ایا یا	ا لط م ا ما	ح · د لا	کا کا	ا مب کد	يز يو يو	ید یه یو		
نا	یا ی	کج کب	یا یا	مب مع	و لح	<u>يط</u>	و مط	يو يه	يز		
لد يز	ی ی	يه	یا یا	مد	یا مه	يط نح	ار الح	نډ نډ	ام اد اد		
مه کط	ی ط ط	ر ح نز نا	ی	مو مز مح	یعد ند ال	رخ در	ب لا لد	ید	ه کب کے		
الما الما الما الما الما الما الما الما	ר או	مو ما	ی ی	分分分分分子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子子	و مح	بر يز يو	کا ح	外外外面面面面积水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水	کد که		

Almucantars of Latitude 40: hours 14;54								54	
no.		of tres		ni- ım.	no.	ſ	. of tres	ser dia	ni- ım.
[0]	23	25	30	34					
ii	22	48	29	45	26	13	55	16	20
2	22	12	28	58	27	13	43	15	57
3	21	39	28	13	28	13	31	15	35
4	21	7	27	30	29	13	20	15	14
5	20	37	26	49	30	13	10	14	53
6	20	9	26	9	31	13	0	14	33
7	19	41	25	30	32	12	51	14	13
8	19	15	24	53	33	12	41	13	53
9	18	50	24	17	34	12	32	13	34
10	18	26	23	42	35	12	23	13	14
11	18	3	23	8	36	12	14	12	55
12	17	41	22	35	37	12	6	12	37
13	17	21	22	4	38	11	58	12	18
14	17	1	21	33	39	11	50	12	0
15	16	42	21	3	40	11	42	11	42
16	16	24	20	34	41	11	35	11	25
17	16	6	20	6	42	11	28	11	8
18	15	49	19	38	43	11	22	10	51
19	15	33	19	11	44	11	15	10	34
20	15	17	18	45	45	11	9	10	17
21	15	2	18	19	46	11	3	10	1
22	14	48	17	54	47	10	57	9	45
23	14	34	17	30	48	10	51	9	29
24	14	21	17	6	49	10	46	9	13
25	14	8	16	43	50	10	41	8	57

	عدد البراكز الأقطار عدد أبعاد أنصاف البراكز الأقطار الأقطار الأقطار البراكز الإقطار البراكز عبد المحاكل حاك المحاكل البراكز البراكز البراكز البراكز عبد المحاكل حاك البراكز ا										
	1				عرس م	ارات ا					
ماف	أنم	ماد	أب	عدد	ساف	أنه	عاد	أب	عدد		
الفطار المعلم الأو الله الا مدرزي المالو معد المالو المعدد المالو المال	الأذ	一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个	Ц	اعدد	قطار	الأ	一下下下山下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下	Ш	-200		
ب	د	كط	مل	ص الطائعة فر ف ف ف ف ف ف ف عطرح عز عو عد عد عد ب	مب	7	لو	ی	ع مطرحة بر الله الله الله الله الله الله الله الل		
مط	_	کز	مل	عب	كز	ح	7	ي	نب		
الوا	~	25	1	عد	يب	7	کو	ی	<u>£</u>		
3	_	3	4	عد	انز	ز	کب	ي	ند		
ی	ح	-کب	ط	عه	مب	ز	إيز	ی	نه		
انز	ب	ᆈ	4	عو	كز	ز	4	ی	نو		
مد	ب	ع	ط	عز	₹.	ز	ط	ي	نز		
1	ب	يز	ط	عح	انح	و	٥	ی	نح		
ا بح	ب	يو	4	عط	مد	و	1	ي	نما		
او	ب	يه	ما	اف	ل	و	نح	ط	س		
±	- 1	ید	ط	فا	يو	و	اند	ط	سا		
	- 1	₹.	ط	فب	ب	و	ป	مل	سب		
اکج	- 1	يب	ط	基	Jan	٥	ځ	مل	-2		
یه	- 1	ليا	ط	فد	له	٥	4.4	ط	سد		
ا ب	1	يا	ي	فه	5	٥	مب	ط	سه		
ن	ō	ی	مل	. فو	٦	٥	۲	ط	سو		
لز	ō	ط	ط	فز	ند	د	الز	ط	سز		
25	б	ط	ط	ا خ	ما	د	اله	ملا	سمح		
یب	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	ط	ط	فط	ع	د	7	ط	سط		
ฮ	ō	ط	ط	ص	يه	د	K	ط	ع		

2 ك إلى 20 ك إلى 12 ك إلى 12 ك إلى 13 ك إلى 20 ك إلى 2 ك إلى 20 ك إلى 2 ك ألى الله الله الله 14 ك ألى 2 ك ألى الله الله 14 ك ألى 2 ك ألى الله 15 ك ألى الله 1

Almucantars of Latitude 40: hours 14;54								54	
no.	dist cent	. of tres	sen dia		no.	dist cent	. of tres	semi- diam.	
51	10	36	8	42	71	9	29	4	2
52	10	31	8	27	72	9	27	3	49
53	10	26	8	12	73	9	25	3	36
54	10	22	7	57	74	9	23	3	23
55	10	17	7	42	75	9	22	3	10
56	10	13	7	27	76	9	20	2	57
57	10	9	7	13	77	9	18	2	44
58	10	5	6	58	78	9	17	2	31
59	10	1	6	44	79	9	16	2	18
60	9	58	6	30	80	9	15	2	6
61	9	54	6	16	81	9	14	1	53
62	9	51	6	2	82	9	13	1	40
63	9	48	5	49	83	9	12	1	28
64	9	45	5	35	84	9	11	1	15
65	9	42	5	21	85	10	11	1	2
66	9	40	5	8	86	9	10	0	50
67	9	37	4	54	87	9	9	0	37
68	9	35	4	41	88	9	9	0	25
69	9	33	4	28	89	9	9	0	12
70	9	31	4	15	90	9	9	0	0

مقنطرات عرض ما ساعاته یه آ										
ماف قطار	أنم الأن	ماد اکز	أب أب المر	عدد	ا <i>ف</i> طار	أنص الأة	باد اکز	أب المر	عدد	
الفار ما الله الله الله الله الله الله الله ا	日本中中中の公公司司司司司司司司司司司司司司司司司司司司司司司司司司司司司司司司司		8' 8' 8' 18' 18' 18' 18' 18' 18' 18' 18'	少少人是一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个	عرض ما الله الله الله الله الله الله الله ا	京子子 日日日日日子子子子子子子子子子子子子子子	一位、 一次 一位	小小小子一里里里里地比比比小小子,一个人人人	3年,中中中国的一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个	
ح <u>خ</u>	ط	ر لا كو	ی ی ی	صط مط ن	Y Y	يو يو يو	نز مه	R.	کد که	

Almucantars of Latitude 41: hours 15;1									
no.	dist cent	. of tres	sen dia	- 1	no.	dist cent	. of tres	semi- diam.	
[0]	22	36	29	57					
i i	22	1	29	10	26	13	34	16	9
2	21	28	28	25	27	13	22	15	47
3	20	56	27	42	28	13	11	15	25
4	20	26	27	0	29	13	0	15	4
5	19	57	26	20	30	12	50	14	43
6	19	30	25	42	31	12	40	14	23
7	19	4	25	4	32	12	31	14	3
8	18	39	24	28	33	12	22	13	44
9	18	15	23	53	34	12	13	13	25
10	17	52	23	19	35	12	4	13	6
11	17	30	22	46	36	11	56	12	47
12	17	10	22	15	37	11	48	12	29
13	16	50	21	44	38	11	40	12	11
14	16	31	21	14	39	11	33	11	53
15	16	12	20	44	40	11	25	11	35
16	15	55	20	16	41	11	18	11	18
17	15	38	19	48	42	11	11	11	1
18	15	22	19	22	43	11	4	10	44
19	15	7	18	56	44	10	58	10	27
20	14	52	18	30	45	10	52	10	11
21	14	37	18	5	46	10	46	9	55
22	14	24	17	41	47	10	41	9	39
23	14	10	17	17	48	10	36	9	24
24	13	57	16	53	49	10	31	9	8
25	13	45	16	31	50	10	26	8	53

		Ī	نه په	اً ساعاة	عرض •	لرات	منقه		
افطار ت من من من الله الله من الله الله الله الله الله الله الله الل	أنص الأز	الر الزارز الراب الم الماس الم	أب المر	عدد	الله كو لط بن ه يط بر مو لط يد كرد ما ده ط الحرام الما كم الحد الما كم الما الما كم الما الما كم الما	أنه الأ	一一 一 一 一 一 一 一 一 一 一 一 一 一 一 一 一 一 一 一	أب المر	عدد
δ		يو	4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 0 0 0 0 0 0 0 0 0	ص الله في في في في على	لح	اح	5	ی	ع الدي الله الله الله الله الله الله الله الل
مز	~	ید	مد	عب	3	ح	يز	ی	نب
لد	>	يب	1	عد	اح	ح	يب	ي	£.
5	~	ی	1	عد	<b>s</b> c'	ز	ز	ی	ند
ا ح	~	٦	ما	عه	الح	ز	-	ي	نه
انه	پ	ز	<u></u>	عو	[ ]	ز	نط	ط	نو
<u> </u>	ب	و	ط	عز	4	ز	نه	امل	نز
ا ل	ب	د	ط	عح	ا ئە	و	ឋ	ا ط	ځ
ايز	ب	~	ما	عط	اما	و	ع	ط	نما
•	ب	ب	ا ط	ف	ا کز	و	مد	اط	س
ا نب	- 1		ا ط	ا فا ا .	<u> </u>	و	اما	ط ا	سا
اع ا	- 1	_'	ا صل	ا <i>فب</i> ا	انط	٥	ا لز ا ا	ا ط	سب
حز	1	0	مز	اختا	ا مو	۰	رد ا	مر دا	35.4
"		نعد بر	<u></u>	.:	ا بب ا		اح.	1_	
ا ب	_ '	اح	2		ישר		ربعد	1	
ا ا	0	ا ځ	۲	ا قو			رو ا	1	سو
الزا	0	بز   .	۲	ا فز	اب	٥	رد	ا مد	سر سر
ا نه	<i>ō</i>	انز	۲	ځ	لعد	د	بب	ا صل	اسمح
ا يب	δ	ا نز	۲	فط	ا کو	۱	۵	ا ط	سط
δ	δ	نز	۲	ص	<u> </u>	٥	ځ	ط	ع

[tit.] التام المام التام التا

Almucantars of Latitude 41: hours 15;1									
no.	dist cent		ser dia		no.	dist. of centres		semi- diam.	
51	10	21	8	38	71	9	16	4	0
52	10	17	8	23	72	9	14	3	47
53	10	12	8	8	73	9	12	3	34
54	10	7	7	53	74	9	10	3	21
55	10	3	7	38	75	9	8	3	8
56	9	59	7	23	76	9	7	2	55
57	9	55	7	9	77	9	6	2	43
58	9	51	6	55	78	9	4	2	30
59	9	48	6	41	79	9	3	2	17
60	9	44	6	27	80	9	2	2	5
61	9	41	6	13	81	9	1	1	52
62	9	37	5	59	82	9	1	1	40
63	9	34	5	46	83	9	0	1	27
64	9	31	5	32	84	8	59	1	15
65	9	29	5	19	85	8	58	1	2
66	9	26	5	5	86	8	58	0	50
67	9	24	4	52	87	8	57	0	37
68	9	22	4	39	88	8	57	0	25
69	9	20	4	26	89	8	57	0	12
70	9	18	4	13	90	8	57	0	0

مقنطرات عرض مب ساعاته یه ز										
أنصاف الأقطار	أبعاد المراكز	عدد	ساف قطار	أنه الأ	حاد اکز	أب المر	عدد			
الأقطار الأقطار الأخامة حاط الطرزيو له نديد الديد يه يه يه يديد يه يه يه يديد يه يه يه يه يه يه يديد يه يه يه يه يه يه يه يه يديد يه	المراكز المراكز و المراكز	い をな な な な か か を か に を に を た と と と と と の の の の の の の の の の の の の の	عرض ما قطار کن که کن ل د لط یه کی ب ب کر ن که کن که کن ل د لط یه کی ن که کن ل د لط یه کی ب ب کی ب کار کن که کن که کار	ではないないないないないないないのでは、 というないないないないないないないないないないないないないないないないないないな	اكن المرة يدو مانوياكر مدب الالطاع بطام دركن يطو به مه يوط	医自由性 医医院 医医院 医 医 医 医 医 医 医 医 医 医 医 医 医 医 医	3 一、一、中、中、中、中、中、中、中、中、中、中、中、中、中、中、中、中、中、中			

Al-Farghānī, On the Astrolabe

Almucantars of Latitude 42: hours 15;7									7
no.	dist cent	- 1	sen dia		no.	dist. of centres		semi- diam.	
[0]	21	49	29	22					
1	21	16	28	37	26	13	11	15	57
2	20	45	27	54	27	13	0	15	36
3	20	15	27	12	28	12	50	15	15
4	19	46	26	32	29	12	40	14	54
5	19	19	25	53	30	12	30	14	33
6	18	52	25	15	31	12	20	14	14
7	18	27	24	39	32	12	11	13	54
8	18	4	24	4	33	12	2	13	35
9	17	41	23	30	34	11	54	13	16
10	17	19	22	57	35	11	45	12	57
11	16	58	22	25	36	11	37	12	39
12	16	39	21	55	37	11	30	12	21
13	16	20	21	25	38	11	22	12	3
14	16	2	20	56	39	11	15	11	45
15	15	44	20	27	40	11	8	11	28
16	15	27	19	59	41	11	1	11	11
17	15	11	19	32	42	10	54	10	54
18	14	56	19	6	43	10	48	10	38
19	14	41	18	40	44	10	42	10	22
20	14	26	18	15	45	10	36	10	5
21	14	13	17	51	46	10	30	9	49
22	14	0	17	27	47	10	25	9	34
23	13	47	17	4	48	10	19	9	18
24	13	35	16	41	49	10	15	9	3
25	13	23	16	19	50	10	10	8	48

Al-Farghānī,	Astrolabe.	Ch.	4.	Table
LFI-T.OFETIOHII	STRUCTORDO	O11.		2000

		_ ز	اته يه	ب ساع	ىرض م	رات ء	مقنط		
با <i>ف</i> نطار	أنص الأز	ماد اکز	صاف عدد أبعاد أقطار عدد المراكز		أنه الأ	ماد اکز	أب الم	عدد	
المام الله الله الله الله الله الله الله		ن بن به نه رن نط	44 とくしくして	عا عد عد عد عو عد عح عو	ب ن و ۵ د که م که ا	としていいいいも	الحاما والعابي الإنااو		نا ایک دنونه ند ۱۶۰ بن
يارت الهار يد وكالحانا المايو		ماد اکن اسا می اسا می اسا می اسا می	\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	عدد عاعد عد عد عد عا عد من فطرح و عد	يا كدر ن ميو ل يعون ى كدل ب و له لدك مي الح		のではいればれてはなるとなるとは、これには、このでは、このでは、このでは、このでは、このでは、このでは、このでは、こので		عدد الماد ال
یب ت	ช ช	مد مد	ر ح ح	ے فط ص	کر یا	د	ز ه	ط ط	سط ع

A	lmuc	antai	rs of	Latit	ude 4	2:	hou	rs 15;	7
no.	dist	. of tres	sen dia		no.	dist cent	. of tres	semi- diam.	
51	10	6	8	33	71	9	3	3	58
52	10	1	8	18	72	9	1	3	45
53	9	57	8	3	73	8	59	3	32
54	9	52	7	48	74	8	57	3	19
55	9	48	7	34	75	8	55	3	6
56	9	45	7	20	76	8	53	2	53
57	9	41	7	6	77	8	52	2	40
58	9	38	6	52	78	8	51	2	28
59	9	34	6	38	79	8	50	2	16
60	9	31	6	24	80	8	49	2	3
61	9	27	6	10	81	8	48	1	51
62	9	24	5	56	82	8	47	1	38
63	9	21	5	43	83	8	47	1	26
64	9	19	5	30	84	8	46	1	14
65	9	16	5	16	85	8	46	1	2
66	9	13	5	3	86	8	45	0	49
67	9	11	4	50	87	8	45	0	37
68	9	9	4	37	88	8	44	0	24
69	9	7	4	24	89	8	44	0	12
70	9	5	4	11	90	8	44	0	0

Al	lmuca	antar	s of l	Latitu	ıde 43	3:	hour	s 15;	15
no.	dist cent	. of tres	ser dia	ni- .m.	no.	dist cen	. of tres	ser dia	
[0]	21	4	28	48					
1	20	32	28	5	26	12	50	15	46
2	20	2	27	23	27	12	39	15	25
3	19	34	26	43	28	12	29	15	4
4	19	7	26	4	29	12	19	14	44
5	18	41	25	27	30	12	10	14	24
6	18	17	24	51	31	12	0	14	4
7	17	52	24	15	32	11	51	13	45
8	17	29	23	41	33	11	43	13	26
9	17	8	23	9	34	11	35	13	8
10	16	48	22	37	35	11	27	12	49
11	16	28	22	6	36	11	19	12	31
12	16	9	21	36	37	11	11	12	13
13	15	51	21	7	38	11	4	11	55
14	15	33	20	38	39	10	57	11	38
15	15	16	20	10	40	10	50	11	21
16	15	0	19	43	41	10	44	11	4
17	14	45	19	17	42	10	38	10	48
18	14	30	18	51	43	10	32	10	32
19	14	16	18	26	44	10	26	10	16
20	14	2	18	2	45	10	20	10	0
21	13	49	17	38	46	10	15	9	44
22	13	36	17	14	47	10	10	9	29
23	13	24	16	52	48	10	5	9	14
24	13	12	16	29	49	10	0	8	58
25	13	1	16	7	50	9	55	8	43

			ه په	۔ د ساعات	عرض ع	رات :	امقنط		
ماف العاد ا	أنه الأن	ماد اکز	الساف الراكز البادر البادر الراكز الراكز الراكز المداكز الراكز المداكز الراكز المداكز المداكز المداكز المداكز المداكز المداكز المداكز المداكز الراكز المداكز الراكز المداكز المداكز الراكز المداكز ال		ن الا به نه بر ١٥ يا يد بد له الما در الدرام بو ن	أب الم	عدد		
نه	ح	مما	7	عد عد عد عد عد عد عد عد من ف فطح عز عو عد عد عد من ف فطح فن فد	3	ح	ن	ما	نا
*	~	ځ	~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~	عب	4.	ح	مو	4	نب
ال	~	مو	ح	عح	نط	ز	مب	ط	<u> z</u> i
يز	~	مد	ح	عد	مد	ز	لح	٦	ند
٥	ح	ی	ح	45	ال	ز	لد	مل	نه
ا نب	ب	اما	٦	عو	یو	ز	ل	مل	نو
الما	ب	اع	ح	عز	ب ا	ز	کز	<u>_</u>	نز
ا کز	ب	لط	ح	عح	ځ	و	3	مل	نح
يه	ب	الح	ح	عط	الد	و	اف.	مل	نط
_	ب	الز	ح	اف	5	و	يز	مل	س
ن	- 1	الو	ح	فا	از	و	يد	مل	اسا
الح ا	- 1	له	ح	فب	£	٥	ايا	ما	سب
کو ا	- 1	له	ح	主	٦	٥	ح	ما	منح
£.	- 1	لد	ح	فد	کو	٥	۵	ط	سد
1	- 1	لد	ح	اف	≠_	٥	ب	مل	سه
مط	δ	7	ح	فو	5	٥	5	مل	سو
الو	5	لب	ح	فز	مر	۵	نز	ح	سز
کد	δ	لب	ح	غ	لد	د	نه	ح	سمح
یب	ð	لب	ح	فط	5	د	£.	ح	سط
δ	5	لب	ح	ص	ح	د	نا	٦	ع الصل من الو الد المه الو العلم الأن الو الله الله الله الله الله الله الله

A	lmuc	antar	s of l	Latit	ude 4	3:	hour	s 15;	15
no.	dist cen	. of tres	1.	ni- ım.	no.	dist cen	. of tres	ser dia	ni- m.
51	9	50	8	28	71	8	49	3	55
52	9	46	8	13	72	8	48	3	43
53	9	42	7	59	73	8	46	3	30
54	9	38	7	44	74	8	44	3	17
55	9	34	7	30	75	8	43	3	5
56	9	30	7	16	76	8	41	2	52
57	9	27	7	2	77	8	40	2	39
58	9	23	6	48	78	8	39	2	27
59	9	20	6	34	79	8	38	2	15
60	9	17	6	21	80	8	37	2	3
61	9	14	6	7	81	8	36	1	50
62	9	11	5	53	82	8	35	1	38
63	9	8	5	40	83	8	35	1	26
64	9	5	5	26	84	8	34	1	13
65	9	2	5	13	85	8	34	1	1
66	9	0	5	0	86	8	33	0	49
67	8	57	4	47	87	8	32	0	36
68	8	55	4	34	88	8	32	0	24
69	8	53	4	21	89	8	32	0	12
70	8	51	4	8	90	8	32	0	0

			، یه کہ	ساعات	 رض مد	لرات عم	aita		
نصاف لأقطار	i	ماد اکز	أب المر	عدد	ا <i>ف</i> طار	أنصاف الأقطار		أب المر	عدد
لأقطار لا يد لد يد يد لد يد لد يد يد لد يد يد لد يد	2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2	ما مه ن نه ه ه ی یو کرکه لد ما مز ند ب طاید که اساب ن اطار که او ما مزند ب طاید که اساب که اسا	و و و و و و و و و و و و و و و و و و و	と と と と と と と と と と と と と と と と と と と	ته این که در در در در که د کا مطابق مر بدر که د که بر در در در در که د کا مطابق مر بدر که د که در در در که د کا مطابق کا در در در که د کا مطابق کا در در در در در در که د کا مطابق کا در	回	一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个	可以一日期期以外外外外的自然的自然的自然的一种一种一种一种一种一种一种一种一种一种一种一种一种一种一种一种一种一种一种	عد الله الله الله الله الله الله الله الل
رو ئ ئه لط	ی ط ط	یو ی ه	ی ی ی	مد مه مو	یب ک <sup>ان</sup> ه	الاد الكام الاد الكام	نا ک لہ	N. N.	يط ع
کد ط ند لط	上して ここ	نه ن ما		مر مط ن	ن که م	بر بو به	ب ب الد	اله بر بر بر	کب <u>ک</u> کد که

Al	muca	antar	s of I	Latitı	ıde 4	4:	hour	s 15;	22
no.	dist cen	. of tres	ser dia		no.	dist cen	. of tres	semi- diam.	
[0]	20	21	28	17					
ì	19	51	27	35	26	12	28	15	35
2	19	22	26	55	27	12	18	15	14
3	18	55	26	16	28	12	8	14	54
4	18	29	25	38	29	11	59	14	34
5	18	5	25	2	30	11	50	14	15
6	17	42	24	28	31	11	42	13	56
7	17	19	23	53	32	11	33	13	37
8	16	57	23	20	33	11	25	13	18
9	16	36	22	48	34	11	17	13	0
10	16	16	22	17	35	11	9	12	42
11	15	57	21	47	36	11	2	12	24
12	15	39	21	17	37	10	54	12	6
13	15	22	20	49	38	10	47	11	49
14	15	5	20	21	39	10	41	11	32
15	14	49	19	54	40	10	34	11	15
16	14	34	19	28	41	10	28	10	58
17	14	19	19	2	42	10	22	10	42
18	14	5	18	37	43	10	16	10	26
19	13	51	18	12	44	10	10	10	10
20	13	38	17	48	45	10	5	9	55
21	13	25	17	25	46	10	0	9	39
22	13	13	17	2	47	9	55	9	24
23	13	2	16	40	48	9	50	9	9
24	12	50	16	18	49	9	45	8	54
25	12	39	15	55	50	9	41	8	39

		کب	ه په	- ساعات	 رض ما	ات عر	مقنطرا		
ماف نطار	عاد أنصاف الأقطار الأقطار الأقطار الأقطار الأقطار الأقطار الأقطار الأولاد حادة كو ب كو ب كو ب كو ب يد كو ب المركد المي كد المي كو الم		أب الم	عدد عد عد عد عد عد عد من فط فط عدد عد	ات عرض ملا الأقطار الأقطار ز ز ز ح ح كد ز ز ز ز ح ح كد و و و و و و و و و و و و و و و و و و و		一年日本中中中中中中中中中中中中中中中中中中中中中中中中中中中中中中中中中中中中		عدد ن ن ن ن ن ن ن ن ن ن ن ن ن ن ن ن ن ن
ند	>	الز	ح	عا	کد	ح	لو	مد	انا
la	2	له	۲	عب	ا طد	ح	لب	ا ما	نب
كط	>	لد	ح	عد	ئە	ز	ع	ما	£.
يو	~	لب	ح	عد	la	ز	کد	<u> </u>	ند
	~	J	ح	عه	کز	ز	5	مل	نه
ن	ب	ع	ح	عو	£	ز	يز	ط	نو
الح	ب	کز	ح	عز	نط	و	4	مل	نز
آخو	ب	25	٦	عح	44	و	ی	ط	نح
ید	ب	کو	اح	عط	7	و	و	ط	نط
ب ا	ب	که	اح	ف	يز	و	>	ط	س
ن	1	کد	ح	فا	اد	و	δ	ط	سا
ا لز	1	3	ح	فب	ن	٥	نز	اح	سب
25	1	کب	ح	主	الز	0	ند	اح	- A
£.	1	کب	ح	فد	کد	٥	نب	اح	سد
δ	1	5	ح	<b>ب</b> ه	يا	٥	مط	ح	سه
اع	5	5	ح	فو	ا نح	د	مز	ح	سو
ا لو	δ	اه	ح	فز	4.6	د	4.4	ح	سز
کد	δ	ഥ	ح	غ	7	د	*	ح	3
يب	δ	ك	٦	فعا	ك	د	ե	ح	سط
8	δ	ه	٦	ص	ز	د	لط	ح	ع

A	lmuca	antar	s of l	Latiti	ude 4	4:	hour	s 15;	22
no.	dist cent	. of tres	semi- diam.		no.	dist. of centres		semi- diam.	
51	9	36	8	24	71	8	37	3	54
52	9	32	8	9	72	8	35	3	41
53	9	28	7	55	73	8	34	3	29
54	9	24	7	41	74	8	32	3	16
55	9	21	7	27	75	8	30	3	3
56	9	17	7	13	76	8	28	2	50
57	9	13	6	59	77	8	27	2	38
58	9	10	6	45	78	8	26	2	26
59	9	6	6	31	79	8	26	2	14
60	9	3	6	17	80	8	25	2	2
61	9	0	6	4	81	8	24	1	50
62	8	57	5	50	82	8	23	1	37
63	8	54	5	37	83	8	22	1	25
64	8	52	5	24	84	8	22	1	13
65	8	49	5	11	85	8	21	1	0
66	8	47	4	58	86	8	21	0	48
67	8	45	4	45	87	8	20	0	36
68	8	43	4	33	88	8	20	0	24
69	8	41	4	20	89	8	20	0	12
70	8	39	4	7	90	8	20	0	0

	نه يه ل	۔ ساعا	عرض ه	نطرات	ž.		
أنصاف الأقطار	أبعاد المراكز	عدد	ساف قطار	أنه الأ	باد اکز	أبـ المرا	عدد
الأقطار الأقطار الأقطار الأقطار الأقطار الأقطار المديديديد يديد المديد ا			عرض م قطار قطار با له الماع يد الماع يد الماع معرض م مو زكان يد له الماع يد الماع معلم الماع كالع بكا لغ الماع ال		الطلون و يد برام در الملاكة د يا الطراء و كام د الطراب بد يا الطراء	一里里地地地地地地上,一下一下一下,一下一下,一下一下一下,一下一下一下一下,一下一下一下一下一下	31 一一十八十分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分
ح لد	ط کو	ن	مو	يه	بخ	يب	ک

Al	Almucantars of Latitude 45: hours 15;30									
no.	dist cent	. of tres	sen dia		no.	dist cent	. of tres	semi- diam.		
[0]	19	39	27	47						
i	19	11	27	7	26	12	8	15	25	
2	18	44	26	28	27	11	58	15	5	
3	18	18	25	50	28	11	49	14	45	
4	17	53	25	14	29	11	39	14	25	
5	17	29	24	38	30	11	31	14	6	
6	17	7	24	4	31	11	22	13	47	
7	16	45	23	31	32	11	14	13	28	
8	16	25	22	59	33	11	6	13	10	
9	16	6	22	28	34	10	58	12	52	
10	15	47	21	58	35	10	51	12	34	
11	15	29	21	29	36	10	43	12	16	
12	15	11	21	0	37	10	37	11	59	
13	14	54	20	32	38	10	30	11	42	
14	14	38	20	5	39	10	23	11	25	
15	14	23	19	39	40	10	17	11	8	
16	14	8	19	13	41	10	11	10	52	
17	13	54	18	48	42	10	5	10	36	
18	13	40	18	23	43	10	0	10	20	
19	13	27	17	59	44	9	55	10	5	
20	13	14	17	35	45	9	50	9	50	
21	13	2	17	12	46	9	45	9	34	
22	12	50	16	50	47	9	40	9	19	
23	12	39	16	28	48	9	35	9	4	
24	12	29	16	7	49	9	30	8	49	
25	12	18	15	46	50	9	26	8	34	

		J	ه په ا	- ساعاة	عرض ما	رات ا	مقنط		:
ا <i>ف</i> نطار	أنص الأة	ماد اکز	أب الم	عدد	ما <i>ف</i> 11 -	أن <i>ه</i> الأن	ماد اکز	أب المر	عدد
العه ه يد كر الحد الله الله الله الله الله الله الله الل		حرا الما الما الما الما الما الما الما ال			ه الله الله الله الله الله الله الله ال		ماد راکز کا ل لد ال الم مد مط ن نه نط د و ی یم ین کب کولکل ل ل الد الم مد مط ن نه نط د و ی یم یک کار	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	ع مطرحه در سه سد مع ب ساس فطرح در نو نه ند که بن نا
ر کد یب 5	5 5 5	ح ح ح	こってこ	غ فط ص	ل بح •	د د د	ل کح کو	ر 2 2	ر سع سعل ع

0-14, 34-56 multi numeri falsissimi D 2 لند [مد 2 C 6 يا 2 C 6 يا 9 B الله عند [مد 2 C 6 يا 2 C 6 يا 2 B 18 ك الله عند [مد 2 C 6 يا 2 C 6 يا 2 C 6 يا 2 B 18 ك الله ك الله ك 1 ك الله 2 ك الله 2 ك الله 2 ك الله 2 ك الله 3 ك الله ك 1 ك الله 3 ك الله ك 1 ك الله 3 ك الله 3

A	lmuc	antar	s of ]	Latit	ude 4	5:	hour	s 15;	30
по.	dist cen	. of tres	ser dia		no.		of tres	ser dia	ni- ım.
51	9	22	8	20	71	8	24	3	52
52	9	17	8	5	72	8	22	3	39
53	9	13	7	51	73	8	21	3	27
54	9	10	7	37	74	8	19	3	14
55	9	6	7	23	75	8	18	3	2
56	9	3	7	9	76	8	17	2	50
57	8	59	6	55	77	8	15	2	37
58	8	55	6	41	78	8	14	2	27
59	8	52	6	27	79	8	13	2	12
60	8	49	6	13	80	8	12	2	0
61	8	47	6	1	81	8	11	1	48
62	8	44	5	48	82	8	10	1	36
63	8	42	5	35	83	8	10	1	24
64	8	39	5	22	84	8	9	1	12
65	8	37	5	9	85	8	9	1	0
66	8	34	4	56	86	8	9	0	48
67	8	32	4	43	87	8	9	0	36
68	8	30	4	30	88	8	8	0	24
69	8	28	4	18	89	8	8	0	12
70	8	26	4	5	90	8	8	0	0

		-	، يه ځ	ساعات	 رض مو	طرات ء	مقنه		
ا <i>ف</i> طار	أنص الأق	حاد اکز	أب الم	عدد	ا <i>ف</i> علار	أنص الأو	ماد اکز	أب المر	عدد
型型 电影 化	可以以外以外以外以及以及以及以及以及以及以及以及以及以及以及以及以及以及以及以及			ساعات عدد عدد ن مطع مرمومه مد يعبر مام الطراحة لربوله له له الديار لال الطراحة كرموه مد يعبر مام الطراحة لربوله له له الديار لا للطراحة كالمراحة ك	الم مو الم	الأن الأن الأن الأن الأن الأن الأن الذي الذي الأن الأن الأن الأن الأن الأن الأن الأن	一方一日中日中日中日中日中日中日中日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日	一大大大人人人人人人人人人人人人人人人人人人人人人人人人人人人人人人人人人人人	2 10 一 り 人 の の の の の の の の の の の の の の の の の の
مر لا	ى ى	ن	مد	ما مب	لد	اع بخ	ع کط	*	يو يز
یه نط	ی ط ط	مد اط	4	ئ <i>ے</i> مد مه	ی مو کم	یخ بر	يو ح نا	W. N. 3	يم يط ك
کط ید	ط ط	ر کط کد ۱،	ما ط	مو مز م	ا لط	بر بر يو	م کط	يب	کا کب ک
ر د ا	ح ح	<u>ي</u> و يا	ط ط	ع مط ن	<u>ح</u> نو له	ا يو يه يه	یح ز نز	يب يب يا	عد کد که

Al	Almucantars of Latitude 46: hours 15;38									
no.	dist	. of tres	ser dia		no.	dist cen	. of tres	ser dia		
[0]	19	0	27	19						
1	18	32	26	40	26	11	47	15	15	
2	18	6	26	2	27	11	38	14	55	
3	17	41	25	25	28	11	29	14	36	
4	17	17	24	50	29	11	20	14	17	
5	16	55	24	16	30	11	12	13	58	
6	16	34	23	43	31	11	4	13	39	
7	16	14	23	11	32	10	56	13	20	
8	15	55	22	40	33	10	48	13	2	
9	15	36	22	10	34	10	40	12	44	
10	15	18	21	41	35	10	33	12	27	
11	15	1	21	12	36	10	26	12	9	
12	14	44	20	44	37	10	19	11	52	
13	14	28	20	17	38	10	13	11	35	
14	14	12	19	50	39	10	7	11	19	
15	13	57	19	24	40	10	1	11	3	
16	13	43	18	59	41	9	55	10	47	
17	13	29	18	34	42	9	50	10	31	
18	13	16	18	10	43	9	44	10	15	
19	13	3	17	46	44	9	39	9	59	
20	12	51	17	23	45	9	34	9	44	
21	12	40	17	1	46	9	29	9	29	
22	12	29	16	39	47	9	24	9	14	
23	12	18	16	18	48	9	20	9	0	
24	12	7	15	56	49	9	16	8	45	
25	11	57	15	35	50	9	11	8	30	

		7	ه په	_ و ساعات	_ برض مو	اِت ء	مقنطر		
ا <i>ف</i> نطار	أنص الأو	أبعاد أ المراكز ا		عدد	ما <i>ف</i> نطار	أنه الأذ	ماد اکز	أب المر	عدد
当市 下作人 日本		ياد دو در	とことととととという こうこうこう	عدد عد عد عد عد عد ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف ف	م يد لك ما ند و يول له من يا كالحد ناه يول الدم اليو الوال		一分一 一日 日本 中田 日本 中田 日本 中田 日本 中田 中田 中田 中田 中田 中田 中田 田 中田	ユリレ しししししししししししししし	عدد عدد الله الله الله الله الله الله الله ال
		5	ر	س ا					

[ A]	lmuca	ntar	s of I	Latitu	ıde 46	5:	hour	s 15;	38
no.	dist cent	- 1	sen dia		no.	dist cent	- 1	semi- diam.	
51	9	7	8	16	71	8	11	3	50
52	9	3	8	1	72	8	10	3	38
53	9	59	7	47	73	8	8	3	25
54	8	55	7	33	74	8	7	3	13
55	8	52	7	19	75	8	5	3	0
56	8	49	7	5	76	8	4	2	48
57	8	46	6	51	77	8	3	2	36
58	8	42	6	38	78	8	2	2	24
59	8	39	6	25	79	8	1	2	12
60	8	36	6	11	80	8	0	2	0
61	8	33	5	58	81	8	0	1	48
62	8	31	5	45	82	7	59	1	36
63	8	28	5	32	83	7	58	1	24
64	8	26	5	19	84	7	58	1	12
65	8	23	5	6	85	7	57	1	0
66	8	21	4	54	86	7	57	0	48
67	8	19	4	41	87	7	57	0	36
68	8	17	4	28	88	7	56	0	23
69	8	15	4	15	89	7	56	0	12
70	8	13	4	3	90	7	56	0	0

	عدد أبعاد أنصاف عدد أبعاد أنصاف المراكز الأقطار أنصاف المراكز الأقطار المراكز الأقطار المراكز الأقطار المراكز الأقطار المراكز الأقطار المراكز الأقطار المراكز									
اف طار	أنص الأق	حاد راکز	أب الم	عدد	ا <i>ف</i> عطار	أنص الأو	ماد اکز	أب المر	عدد [٠] عدد کا کا که ایمان که در ایمان که که که کا که ایمان که در ایمان که که که کا که ایمان که که که که کا که	
					نب	20	ك	子	[•]	
و	يه	اځ	ایا	ارو	ا يد	ا کو	اد	یز	1	
مو	ید	لعد	ان	ا کز	ا کز	٧	رمد	يز	ب	
ا کز	ا يد	ی	ایا	ځ	ا ب	45	و	يز	>	
ح	ید		ايا	کط	اخ	کد	مد	يو	۵	
مط	يح	sc'	ی	ال	انها	3	کب	يو	٥	
1	£.	44	ی		3	3	ب	يو	و	
£.	<u> </u>	الح	ی	الب	انب ا	ا کب	2	یه	ز	
ئە	یب	ال	ی	로	6	کب	کد	يه	ح	
ا ئز	یب	٤	ی	لد	انا	5	و	يه	مل	
ك	یب	يو	ي	الها	}	6	مط	يد	ی	
>	يب	اط	ی	الوا	ا نه	ا ك	لب	ید	يا	
مو	یا	>	ی	ا کز	ځ	<u>4</u>	یو	ا يد	يب	
ا كما	ایا	نز	مل	الح ا		ا ك	١	يد	₹.	
4	یا	انا	اط	الط	اله ا	يط	مو	<b>*</b>	يد	
نز	ي	4.6	اط	ا م	ی	لعا	لب	<b>S</b>	به	
ما	ی	لطا	ط.	اما	44	3	.ځ	<b>=</b>	يو	
کو	ی	لد	مل	مب	15	3	۵	£_ '	يز	
ی	ی	كط	ط	\$2	انز	ايز	نب	يب	انج	
ئه	ط	کد	امل	مد	الد	يز	ع.	يب	ا تعل	
لط	اط ا	يط	مد	44	ا يب	يز	کما۔	يب	الا	
25	اط	ا يد	<b>J</b> o	امو	ن	یو	بح	يب	,	
ی	ط	ی	ط	い 町子があるのとまるのと 町下に下の下下下の 町子がらか	اخ	يو	ز	يب	کب ا	
نه	ح ا	٥	ط	اځ	[ز	يو	نز	ا اي	3	
7	ح ا	1	ط	مط	مو	يه	مز	يا	کد	
の の な と と は い の の の の で の で の の の の の の の の の の の の	S S S S S S S S S S S S S S S S S S S	に一。の下面内内下面中のには、中中市野口下中市、一の百百万元		ن	کو	يه	از	لي ا	25	

A	Almucantars of Latitude 47: hours 15;46									
no.	dist cen	. of tres	ser dia		no.		. of tres		ni- ım.	
[0]	18	20	26	52						
1	17	54	26	14	26	11	28	15	6	
2	17	29	25	37	27	11	19	14	46	
3	17	6	25	2	28	11	10	14	27	
4	16	44	24	28	29	11	1	14	8	
5	16	22	23	55	30	10	53	13	49	
6	16	2	23	23	31	10	45	13	31	
7	15	43	22	52	32	10	38	13	13	
8	15	24	22	21	33	10	30	12	55	
9	15	6	21	51	34	10	23	12	37	
10	14	49	21	23	35	10	16	12	20	
11	14	32	20	55	36	10	9	12	3	
12	14	16	20	28	37	10	3	11	46	
13	14	1	20	1	38	9	57	11	29	
14	13	46	19	35	39	9	51	11	13	
15	13	32	19	10	40	9	45	10	57	
16	13	18	18	45	41	9	39	10	41	
17	13	5	18	21	42	9	34	10	26	
18	12	52	17	57	43	9	29	10	10	
19	12	40	17	34	44	9	24	9	55	
20	12	29	17	12	45	9	19	9	39	
21	12	18	16	50	46	9	14	9	24	
22	12	7	16	28	47	9	10	9	10	
23	11	57	16	7	48	9	5	8	55	
24	11	47	15	46	49	9	1	8	40	
25	11	37	15	26	50	8	57	8	26	

		_	- v	ساعات	 برض مز	ات ء	مقنطر		
ما <b>ت</b> نطار	أنم الأز	عاد راکز	أ. الم	عدد	سا <i>ف</i> قطار	أنه الأ	حاد راکز	أب الم	عدد
近内のは 一下のとな 一下のとな 一下のでから		عاد الكرد ال	ניניניניניניניניניניניניניניניניניניני	ص طلعة وز و فه فه فه فا ف عطاح از عو عد عد عراق	ما من الما الما الما الما الما الما الما		可作的一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个	\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	ع ملا مر سه سه سه ساس تطریخ نز نو نه ند که بن نا
ð	5	مد	ز	ص	δ	د	δ	ے	ع

A.	lmuc	antar	s of l	Latit	ude 4	7:	hour	s 15;	46
no.	dist cen	. of tres	ľ	ni- ım.	no.	dist	. of tres	semi- diam.	
51	8	53	8	12	71	7	58	3	48
52	8	49	7	58	72	7	57	3	36
53	8	46	7	44	73	7	55	3	23
54	8	42	7	30	74	7	54	3	11
55	8	38	7	16	75	7	53	2	59
56	8	35	7	2	76	7	52	2	47
57	8	32	6	49	77	7	51	2	35
58	8	29	6	35	78	7	50	2	23
59	8	26	6	22	79	7	49	2	11
60	8	23	6	9	80	7	48	1	59
61	8	21	5	56	81	7	47	1	47
62	8	18	5	43	82	7	46	1	35
63	8	16	5	30	83	7	46	1	23
64	8	13	5	17	84	7	45	1	11
65	8	11	5	4	85	7	45	0	59
66	8	9	4	52	86	7	44	0	47
67	8	7	4	39	87	7	44	0	35
68	8	4	4	26	88	7	44	0	24
69	8	2	4	13	89	7	44	0	12
70	8	0	4	0	90	7	44	0	0

	يه ته	ساعاته	عرض مح	طرات	ei i i a		
أنصاف الأقطار	ية نه أبعاد المراكز	عدد	ئصاف أقطار	ii N	ماد اکز	أب المر	عدد
الأقطار المالة	The state of the s	ら をかからまる 中でをかられている 日本ではる とれて からから からない	عرض مح المن المحمود المحمد المحمود المحمد المحمود المح	1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1	以外的各种的,所以 下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下	次次是我的一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个一个	عدد ک کد کیک کا که بطالح بر یو یه ید ایم بر یال طاح زوه ه د د بر ا

A!	lmuc	antar	s of l	Latiti	ıde 4	8:	hour	s 15;	55
no.	dist cen	. of tres	ser dia	ni- .m.	no.		. of tres	ser dia	
[0]	17	42	26	26					
i i	17	17	25	49	26	11	8	14	57
2	16	54	25	14	27	10	59	14	37
3	16	31	24	39	28	10	50	14	18
4	16	10	24	6	29	10	42	13	59
5	15	50	23	34	30	10	34	13	41
6	15	30	23	3	31	10	27	13	23
7	15	12	22	33	32	10	20	13	5
8	14	54	22	3	33	10	13	12	48
9	14	37	21	34	34	10	6	12	31
10	14	20	21	6	<b>3</b> 5	10	0	12	14
11	14	4	20	39	36	9	53	11	57
12	13	49	20	12	37	9	47	11	40
13	13	34	19	46	38	9	41	11	24
14	13	20	19	21	39	9	35	11	8
15	13	7	18	56	40	9	30	10	52
16	12	54	18	32	41	9	24	10	36
17	12	42	18	9	42	9	19	10	21
18	12	30	17	46	43	9	14	10	5
19	12	18	17	23	44	9	9	9	50
20	12	7	17	1	45	9	4	9	35
21	11	56	16	39	46	9	0	9	20
22	11	46	16	18	47	8	55	9	5
23	11	36	15	57	48	8	51	8	51
24	11	27	15	37	49	8	46	8	36
25	11	17	15	17	50	8	42	8	22

			- 4	- ساعاة	- عرض ع	ات:	مقنعا		
سا <i>ف</i> قطار	أنم الأز		.i	عدد	ر ا ماف نطا،	ر أنه الأذ	ماد اکز	أ ب الم	عدد
يب ايد د و د د و د د د و د د د د د د د د د د		一下下下下下下下下下下一下了 日本 日本 一下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下下	<u>ו</u> ניניניניניניניניניניניניניניניניניניני	عدد عد عد عد عد عد عد ف ف ف ف ف ف ف ف ف	عرض الما يد كرم اله و الله ما يد كرم اله و الله الله على الله الله الله الله الله الله الله ال		الع ن بن ندنو سن ١٥ بر ١٥ به يه سه كا كركه لا له لط	\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	عدد الله الله الله الله الله الله الله ال
8	ď	*	ز	ص	لعد	~	ع ا	ز	<u> ک</u>

مر[مو 22 كاله [لد 13 B عد [د 11 كال [يب 7 كالد [لد 2 كايه ند [يه نه [يه نه [يب ته 17 كال الد 20 كال الد 20 كال الد 30 كال كال كال 30 كال الد 30 كال كال كال 30 كال كال كال 30 كال كال كال 30 كال كال كال 30 كال 30

A!	lmuca	antar	s of l	Latiti	ude 48	3:	hour	s 15;	55
no.	dist cent	. of tres	ser dia		no.	dist cent	. of tres	semi- diam.	
51	8	39	8	8	71	7	47	3	47
52	8	35	7	54	72	7	45	3	35
53	8	31	7	40	73	7	43	3	22
54	8	28	7	26	74	7	42	3	10
55	8	24	7	12	75	7	41	2	58
56	8	21	6	58	76	7	40	2	46
57	8	18	6	45	77	7	39	2	34
58	8	15	6	32	78	7	38	2	22
59	8	13	6	19	79	7	37	2	10
60	8	10	6	6	80	7	36	1	58
61	8	7	5	53	81	7	35	1	46
62	8	5	5	40	82	7	34	1	34
63	8	2	5	27	83	7	34	1	22
64	8	0	5	14	84	7	33	1	10
65	7	58	5	1	85	7	33	0	58
66	7	56	4	49	86	7	33	0	46
67	7	54	4	37	87	7	33	0	35
68	7	52	4	24	88	7	33	0	23
69	7	50	4	11	89	7	33	0	12
70	7	48	3	59	90	7	33	0	0

	يو د	ً ساعاته	رض مط	لرات ع	منقه		
أنصاف الأقطار	أبعاد المراكز	عدد	ا <i>ف</i> طار	أنص الأق	باد اکز	أبـ المر	عدد
الأقطار الأقطار الأقطار الأقطار المائة الما	الراكز ا	3年 の の の の の の の の の の の の の の の の の の の	طار طار كو د يه مو يه مو يو كوب كو	一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一一	一次 中央市下西北京中央市大学市大学市大学市大学市大学市大学市大学市大学市大学市大学市大学市大学市大学市	ى در	2 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
ا مه ل ل	ح ند . ح مط .	مد	يب ن	يز يو	ئو مه ،	اي اي	يط
ا یه ا ا ق	ح مد . ح ع . ح لو :	مو مز مح	کط ح مز	يو يو يه	له که یه	ا يا يا	اکا کب کے
ئ الب ئ يخ	ح لب ح کے	ن	ز	يه	و نز	یا ی	کد که

Al-Farghani, On the Astrolabe

A	Almucantars of Latitude 49: hours 16;4											
no.	dist cent		sen dia		no.	dist cent		semi- diam.				
[0]	17	5	26	2								
1	16	42	25	26	26	10	48	14	48			
2	16	19	24	51	27	10	40	14	29			
3	15	58	24	18	28	10	32	14	10			
4	15	38	23	46	29	10	24	13	51			
5	15	19	23	15	30	10	16	13	33			
6	15	0	22	44	31	10	9	13	16			
7	14	42	22	15	32	10	2	12	58			
8	14	25	21	46	33	9	55	12	41			
9	14	9	21	18	34	9	49	12	24			
10	13	53	20	51	35	9	42	12	7			
11	13	38	20	24	36	9	36	11	50			
12	13	24	19	58	37	9	30	11	34			
13	13	10	19	33	38	9	24	11	18			
14	12	56	19	8	39	9	19	11	2			
15	12	43	18	44	40	9	13	10	46			
16	12	31	18	20	41	9	8	10	30			
17	12	19	17	57	42	9	3	10	15			
18	12	7	17	34	43	8	58	10	0			
19	11	56	17	12	44	8	54	9	45			
20	11	45	16	50	45	8	49	9	30			
21	11	35	16	29	46	8	44	9	15			
22	11	25	16	8	47	8	40	9	0			
23	11	15	15	47	48	8	36	8	46			
24	11	6	15	27	49	8	32	8	32			
25	10	57	15	7	50	8	28	8	18			

	ته يو د	ط ساعا	عرض ما	رات	مقنه		
أنصاف الأقطار	أبعاد المراكز	عدد	ساف قطار	أنه الأ	ماد اکز	أي المر	عدد
الأقطار الأقطار الأقطار الأقطار ما كا هم ما كا كا هم ما كا	ود المرابع ا	عد عاعد عد ع	اف ما کار ن میو له او ی کار ن د نز ها ب کار ن میو له او ی کار ن د نز ها ب		一分一分 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日 日	と と と と と と と と と と と と と と と と と と と	ع الدامة المالية المالية المالية المن المن المالية المالية المالية المالية المالية المن المن المالية المن المن

A	lmuc	anta	rs of	Latit	ude 4	9:	hou	rs 16	;4
no.	dist cen	. of tres	ser dia	ni- m.	no.	dist cen	. of tres	semi- diam.	
51	8	24	8	4	71	7	34	3	45
52	8	21	7	50	72	7	33	3	33
53	8	18	7	37	73	7	31	3	21
54	8	14	7	23	74	7	30	3	9
55	8	11	7	10	75	7	29	2	57
56	8	8	6	56	76	7	28	2	45
57	8	5	6	43	77	7	27	2	33
58	8	3	6	30	78	7	26	2	21
59	8	0	6	16	79	7	25	2	9
60	7	57	6	3	80	7	24	1	57
61	7	54	5	50	81	7	24	1	46
62	7	51	5	37	82	7	23	1	34
63	7	49	5	24	83	7	22	1	22
64	7	47	5	11	84	7	22	1	10
65	7	45	4	59	85	7	21	0	58
66	7	43	4	47	86	7	21	0	46
67	7	41	4	34	87	7	21	0	35
68	7	39	4	22	88	7	21	0	23
69	7	37	4	9	89	7	21	0	12
70	7	35	3	57	90	7	21	0	0

	يو يد	ساعاته	_ عرض ن	طرات :	مقن		
أنصاف الأقطار	أبعاد المراكز	عدد	ما <i>ف</i> نطار	أنم الأز	ماد اکز	أب المر	عدد
ح ح ح ح ط ط ط ط ی ی ی یا بیا بیا بی بی بی بی بی بید بد بد الم المان بید که که د کام می المان بید که که د د کام المان بید که که د د کام می د د د کام د ک	الرائد المرائد المرائد من المرائد الم	少分分子 日本 日本 一日 日本 一日 日本	الله الكه ما الكه ما الكه ما الكه ما الله الله الله الله الله الله الله	10分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分	一分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分	ی ی ی اداد داد داد داد داد داد داد داد د	2011年以外以上的 11年 11年 11年 11年 11年 11年 11年 11年 11年 11
ح ید	ح ید	ن	نط	يد	لح	ی	5

Almucantars of Latitude 50: hours 16;14										
no.	dist cent		ser dia		no.	dist cen	. of tres	sen dia		
[0]	16	30	25	39					ĺ	
i	16	7	25	4	26	10	30	14	40	
2	15	46	24	30	27	10	22	14	21	
3	15	26	23	58	28	10	14	14	2	
4	15	7	23	27	29	10	6	13	44	
5	14	48	22	56	30	9	58	13	26	
6	14	30	22	26	31	9	51	13	8	
7	14	13	21	57	32	9	44	12	51	
8	13	57	21	29	33	9	38	12	34	
9	13	41	21	2	34	9	31	12	17	
10	13	26	20	35	35	9	25	12	0	
11	13	12	20	9	36	9	19	11	44	
12	12	58	19	44	37	9	14	11	28	
13	12	45	19	19	38	9	8	11	12	
14	12	32	18	55	39	9	3	10	57	
15	12	19	18	31	40	8	58	10	41	
16	12	7	18	8	41	8	53	10	26	
17	11	56	17	45	42	8	49	10	11	
18	11	45	17	23	43	8	44	9	56	
19	11	34	17	1	44	8	39	9	40	
20	11	24	16	40	45	8	35	9	26	
21	11	14	16	19	46	8	30	9	11	
22	11	4	15	58	47	8	26	8	57	
23	10	55	15	38	48	8	22	8	43	
24	10	46	15	18	49	8	18	8	28	
25	10	38	14	59	50	8	14	8	14	

				ساعاته	عرض ن	رات	مقنط		
ما <i>ف</i> تطار	أنم الأز	بعاد راکز	i II	عدد	ساف قطار	أنه الأ	ماد راکز	أ <u>.</u> الم	عدد
ماف قطار د کا اد موزح اد ال مد دوح د ال المد و الله موزح اد المد دوح د الله مورد الله الله مورد الله الله مورد الله الله الله الله الله الله الله الل		上上 中中中中ののでによる。といる。 といりのとは、 日本中中中中		عد ع	والله الله الله الله الله الله الله الله		一分分子子 日本 日本 日本 一十二十二十二十分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分分		ع مطرحه من و مد مد مد ساس فطرح نزود نه ند
مو له ک	5 5	ط ط ط	ز ز	فو فز فح	مه . لب ك	د	رالمال	ز ز ۱	سو سز سر
ار ق	5 5	ط ط	ر ز ز	ے فط ص	ح نو	د ح	ر کد کد	ر ز ز	سط ع

[iit.]  $u_{2}$   $u_{3}$   $u_{4}$   $u_{5}$   $u_{$ 

A	lmuc	antai	rs of	Latit	ude 5	0:	hours	s 16;1	4
no.	dist cent	. of tres	sen dia		no.		t. of tres	sen dia	
51	8	10	8	0	71	7	22	3	44
52	8	7	7	46	72	7	21	3	32
53	8	4	7	33	73	7	20	3	20
54	8	1	7	20	74	7	18	3	8
55	7	58	7	6	75	7	17	2	56
56	7	55	6	53	76	7	16	2	44
57	7	52	6	40	77	7	15	2	32
58	7	49	6	27	78	7	14	2	20
59	7	47	6	14	79	7	13	2	8
60	7	44	6	1	80	7	13	1	57
61	7	42	5	48	81	7	12	1	45
62	7	39	5	35	82	7	11	1	33
63	7	36	5	22	83	7	11	1	21
64	7	34	5	10	84	7	10	1	10
65	7	32	4	57	85	7	10	0	58
66	7	30	4	45	86	7	9	0	46
67	7	28	4	32	87	7	9	0	35
68	7	27	4	20	88	7	9	0	23
69	7	25	4	8	89	7	9	0	11
70	7	24	3	56	90	7	9	0	0

				وت	السمر	جدول				
٥ - ١ - ١ - ١ - ١ - ١ - ١ - ١ - ١ - ١ -	عو	رض ٢٠ ٢ مر د د د د د د د د د د د د د د د د د د	عر !	ه این او ال المارالله اسم او اسم و ما و ق	عر ي	٥١ ١٤. ١٥ ٩ ١٤ ١٥ ١٥ ١٥ ١٥ ١٥ ١٥ ١٥ ١٥ ١٥ ١٥ ١٥ ١٥ ١٥	عر• پ	ط متواء	خ الاس	العدد
ا م	ك	7	Ŧ	کو	اء	اه	۵	لط	يط	الحمل
<u>*</u>	and the ocity of the feature of the	مز	3 4 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	ما	.ځ	له	א איז ארט יבין ציי ארטארט ארט ארטארט ארט ארט ארט ארט ארט א	ه بن د الدر مهر نمای ده بند ده ده ده ده ده ده الد		و ق و و و و و و و و و و و و و و و و و و
ا بخ	يز	يب	يز	و	يز	8	يز	له	يو	ي
نا	يه	44	يه	į.	يه	اله	يه	ی	يه	يه
ل	ید	25	يد	ك	ید	يه	ید	مز	4	ك
ی ا	4	و	£	ب	4	انح	يب	ال	يب	که
ا نز	یا	±	يا	Jan	يا	مه	يا	의	لا	ل
مز	ي	ع	ي	ţ	ی	الو	ی	یه	ي	له
الط ا	مد	الو	ط	4	ط	ل	اط	ی	مد	٦
ا لد	٦	1	۲	اخ	۲	ا کو	ح	ي	ح	4.6
ا لب	ز	كط	ز	کز	ز	25	ز	یب	ز	ن
الب	و	J	و	اکح	و	کو	و	یه	و	ئە
4	٥	K	٥	J	٥	اکج ا	٥	ا بح	٥	س
اله	د	لد	د	لب	د	Ĭ.	د	کب	د	سه
لط	~	الز	>	الو	~	له	>	کے	>	ع
<u> </u>	ب	مب	ب	ما	ب	ا م	ب	لُو	ب	2.5
اع	- 1	مز	- 1	مز	- 1	مو	1	مد	1	ف
ا نَد	ō	zć	5	zi.	δ	sci	3	انب	ō	فه
δ	ō	5	5	5	5	7	ō	σ	Ö	ص

	Table of Azimuths												
no.	equ	ator	la	t.	la	t.	la	t.	la	t.			
110.	li	ine	18	5	10	16		7	18				
Ari	19	39	20	20	20	26	20	33	20	:40			
5	18	5	18	35	18	41	18	47	18	53			
10	16	35	17	0	17	6	17	12	17	18			
15	15	10	15	35	15	40	15	45	15	51			
20	13	47	14	15	14	20	14	25	14	30			
25	12	30	12	58	13	2	13	6	13	10			
30	11	20	11	45	11	49	11	53	11	57			
35	10	15	10	36	10	40	10	43	10	47			
40	9	10	9	30	9	33	9	36	9	39			
45	8	10	8	26	8	28	8	31	8	34			
50	7	12	7	25	7	27	7	29	7	32			
55	6	15	6	26	6	28	6	30	6	32			
60	5	18	5	28	5	30	5	31	5	33			
65	4	22	4	31	4	32	4	34	4	35			
70	3	28	3	35	3	36	3	37	3	39			
75	2	36	2	40	2	41	2	42	2	43			
80	1	44	1	46	1	47	1	47	1	48			
85	0	52	0	53	0	53	0	53	0	54			
90	0	0	0	0	0	0	0	0	_0_	0			

Note: In T the whole table of azimuths is written on one page, beginning from the bottom of the page and ending at the top. On its left side there is the main title, ansāf aqtār dawā'ir al-sumūt fī al-āfāq. Above the entire table is written al-āfāq, below jadwal al-sumūt and to its right al-ajzā'.

٥ ١ ٠ ٠ ٠ ٥ ٥ ١ ٠ ٠ ١ ١ ١ ١ ١ ١ ١ ١ ١ ١		عرض كر ك ك		عرض کا				日本 日本 一年 日本 一年 日本 大田 本 一年 日本 大田 の 日本 の 日 中 の に 一年 の に 一年 の に 一年 の に 一年 の に か に か に か に か に か に か に か に か に か に		العدد		
5	5	يب	5	>	5	نه	ك	مز	ك			
اکج ا	3001 1 4 6 6 6 1 1 4 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	ك	日日一八十十日日二十十二十二十二十二十二日日日日日日日日日日日日日日日日日日日日	يب	يط	٥		نط		الحمل هم له ل كه العمل فه ق عد عس نه ن مه م له ل كه العمل مس		
انا	يز	مد	يز	لز	يز	J	یز	کد	يز	ى		
<u> </u>	يو	يو	ايو	ط	يو	~	یو	نز	يه	يه		
انح	ید	نپ	ید	مو	ید	7	ید	له	يد	쇠		
لو	4	ل	4	که	4	ك	جے	يه	£	که		
5	يب	يو	يب	ليا	يب	و	یب	- 1	يب	ل		
ا ح	يا	~	يا	نط	ی	ئە	ی	انا	ی	له		
نح	ط	ند	ط	ن	اط	مو	ما	مب	<u>.</u>	۲.		
نب	اح	اع	اح	ماد	اح	ľ	اح	الز	اح	44		
مز	ز	مد	ز	م	ز	لز	ز	لد	ز	ن		
4.4	و	مب	و	لما	و	لو	او	لد	و	نه		
\$	٥	ما	٥	لمل	٥	لز	٥	له	٥	س		
مد	د	مب	د	٦	د	لط	د	الز	د	سه		
مو	~	مد	~	\$	~	مب		1	>	ع		
مط	ب	امح	ب	مز	ب	مو	ا ب	مد	ب	عه		
نب	- 1	نب	1	เ	1	ن	1	معل	- 1	ف		
ا نو	õ	انو	δ	نه	8	نه	ō	ند	ō	ف		
ð	δ	δ	δ	<b>ŏ</b>	õ	5	ō	ō	δ	ص		

Table of Azimuths												
no. lat.		lat.		lat.		lat.		lat.				
	19		20		21		22		23			
Ari	20	47	20	55	21	3	21	12	21	21		
5	18	59	19	5	19	12	19	20	19	28		
10	17	24	17	30	17	37	17	44	17	51		
15	15	57	16	3	16	9	16	16	16	23		
20	14	35	14	40	14	46	14	52	14	58		
25	13	15	13	20	13	25	13	30	13	36		
30	12	1	12	6	12	11	12	16	12	21		
35	10	51	10	55	10	59	11	3	11	8		
40	9	42	9	46	9	50	9	54	9	58		
45	8	37	8	40	8	44	8	48	8	52		
50	7	34	7	37	7	40	7	44	7	47		
55	6	34	6	36	6	39	6	42	6	45		
60	5	35	5	37	5	39	5 :	41	5	43		
65	4	37	4	39	4	40	4	42	4	44		
70	3	40	3	42	3	43	3	44	3	46		
75	2	44	2	46	2	47	2	48	2	49		
80	1	49	1	50	1	51	1	52	1	52		
85	0	54	0	55	0	55	0	56	0	56		
90	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		

	العدد عرض عرض عرض عرض عرض عرض العدد عرض عرض عرض عرض عرض العدد كد كد كد كو عرض العلا كا الله كا الله كل الله الله											
عرض کح		٥ ٥ - ب د ه و ح ط ی یا ید یه یه یه که کو		عرض کو		٥ ٥ ٦ ٠ ١ ١ ١ ١ ١ ١ ١ ١ ١ ١ ١ ١ ١ ١ ١ ١ ١ ١		٥ ١٠ ١٠ ١٠ ١٥ ١٥ ١٥ ١٥ ١٥ ١٥ ١٥ ١٥ ١٥ ١٥ ١٥ ١٥ ١٥		العدد		
يه	کب	_	کب	نب	5	ما	5	K	5			
5	اك	ط	ك	نح	يمل	مز	يمل	ا لز	يط	ه		
ه الله الله الله الله الله الله الله ال	ه ۱۵ سار ۱۷ د ۱۵ د ۱۹ ه ۱۹ د د د د د د ۱۹ ه د ۱۹ د د د د د د د د د د د د د د د د د	کو	ه ۱۰ و د و د د د د د د د د د د د د د د د د	يو	جح	از	0 0 - ( A c o c C. 1-6 c c in it is it is to	انط		ى		
~	یز	اند	يو	44	يو	الز	يو	ال	یو	يه		
=	يه	25	يه	يز	يه	ی	یه	د	یه	ك		
ی	ید	اب	يد	ائه	₹.	اځ	چے ا	مب	ج. ا	45		
ن	یب	2	یب	ا کز	یب	וצ	یب	25	یب	اِ		
له	ايا	كط	ليا	3	ليا	ا ع	ايا	<u> </u>	닏닏	له		
3	ی	ع	ی	≰.	ی	٦	ی	~	ی	1		
ید	ط	ی	ط	٥	ما	δ	اط	نو	ح	44		
ز	اح	~	٦	نط	ز	ئە	ز	انا	ز	ٔ ن		
δ	ز	انز	و	ند	و	וט	و	ځ	و	ئە		
نز	٥	ند	٥	انا	٥	ځ	٥	4.4	ه	س		
انه	د	نب	د	ن	د	ځ	اد	مو	د	سه		
انه	~	£	>	เ	>	مط	~	مز	~	ع		
انو	ب	ند	ب	£	ڹ	เ	ب	ن	ب	2.5		
ا نز	1	انو	1	ئە	1	ند	1	zi	1	ف		
لعد	5	نح	δ	نح	δ	نز	ō	نز	ō	فه		
δ	δ	8	σ	δ	δ	ō	5	ō	δ	_ص		

Table of Azimuths												
no.	lat. 24		lat. 25		lat.		lat.		lat.			
110.					20	ŝ	27		28			
Ari	21	31	21	41	21	52	22	3	22	15		
5	19	37	19	47	19	58	20	9	20	21		
10	17	59	18	7	18	16	18	26	18	37		
15	16	30	16	37	16	45	16	54	17	3		
20	15	4	15	10	15	17	15	25	15	33		
25	13	42	13	48	13	55	14	2	14	10		
30	12	26	12	31	12	37	12	43	12	50		
35	11	13	11	18	11	23	11	29	11	35		
40	10	3	10	8	10	13	10	18	10	23		
45	8	56	9	0	9	5	9	10	9	14		
50	7	51	7	55	7	59	8	3	8	7		
55	6	48	6	51	6	54	6	57	7	0		
60	5	45	5	48	5	51	5	54	5	57		
65	4	46	4	48	4	50	4	52	4	55		
70	3	47	3	49	3	51	3	53	3	55		
75	2	50	2	51	2	53	2	54	2	56		
80	1	53	1	54	1	55	1	56	1	57		
85	0	57	0	57	0	58	0	58	0	59		
90	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		

الح الح الح الح الح الح الح الح الح الح	عر	一下、このに可以のなるをである。	عر ل	ض :	عرا	ه ه ۱ ه م د د د د د د د د د د د د د د د د د د	عر ا	B B (A) A, b. C. C. C. TE FF F C. C. C. A. C. A. C.	عر ک	العدد				
25	ه ۱۰ د ه د د د د د د د د د د د د د د د د د	ی	不 c o c に て 中の が か に た が と な と か ら c と な と か と な と な と な と な と な と な と な と な	نه	کب	h	人ののにつ 中の にまたれる 一人	کے	ه د د د د د طی د یا بد یه بد ته د ب	الحمل ه ى ى ى ى ك ك ك ك ك ك ك ك ك ك ك ك ك ك ك				
25	5	يب	5	نح	اه	4.6	의	7	스	٥				
اع	يط	25	يط	4	يعد	δ	يعا	ع	بخ	ی				
δ	ع	مز	يز	له	ايز	3	يز	£	یز	يه				
25	يو	ید	یو	~	يو	نب	یه	مب	يه	ك				
ا نز	ید	ا مو	يد	له	ید	کز	ید	ع	ید	که				
لب	£	3	£	يد	£.	و	₹.	نح	يب	ل				
یب	يب	~	يب	نه	ليا	ځ	يا	اما	يا	له				
ا نو	ی	مط	ی	مب	ی	له	ی	كط	ى	۴				
2	ط	الو	ط	ل	مل	کد	ط	يط	ط	4.0				
7	ح	که	ح	ك	ح	يه	اح	ا يا	ح	ن				
کب	ز	إيز	ز	يب	ز	ح	ز	د	ز	نه				
یه	و	ليا	و	ز	و	ح _	و	5	و	س				
ا يا	٥	ز	٥	د	٥	1 1	٥	نح	د	سه				
ا ح	د	٥	د	ب	3	ō	د	نز	~	ع				
٥	>	د	>	ب	~	δ	ح	نح	ب	عه				
ح	ب	ب ا	ب		ب	δ	ب	نح	1	ف				
ب ا	1	1	ب -	1	1	δ	ب ا ه	δ	1	فه				
ō	δ	ō	δ	δ	δ	ō	δ	ō	δ	ص				

			Tab	le of	Aziı	nuth	S			
no.	la	at.	la	t.	la	t.	la	t.	la	t.
110.	2	!9	30	)	3	1	32	2	3	3
Ari	22	28	22	41	22	55	23	10	23	26
5	20	33	20	45	20	58	21	12	21	26
10	18	48	19	0	19	13	19	26	19	40
15	17	13	17	23	17	35	17	47	18	0
20	15	42	15	52	16	3	16	14	16	26
25	14	18	14	27	14	35	14	46	14	57
30	12	58	13	6	13	14	13	23	13	32
35	11	41	11	48	11	55	12	3	12	12
40	10	29	10	35	10	42	10	49	10	56
45	9	19	9	24	9	30	9	36	9	43
50	8	11	8	15	8	20	8	25	8	31
55	7	4	7	8	7	12	7	17	7	22
60	6	0	6	3	6	7	6	11	6	15
65	4	58	5	1	5	4	5	7	5	11
70	3	57	4	0	4	2	4	5	4	8
75	2	58	3	0	3	2	3	4	3	5
80	1	58	2	0	2	1	2	2	2	3
85	1	0	1	0	1	1	1	1	1	2
90	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

				وت	ل السم	جدو				
0 0 1 1 1 1 0 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	عر لح	ض ز	عر ل	ض	ل السم ه س ب ب م ه ه و د ر م ی یا ید ید ید رایم و کر کا م	ض 4	عر ا	ه ر ه ح يا به الا لهاران د كابر ح له يد د ما بر	عر ل	العدد
نو	ه ۱۰ د ه و د حدی بر یه ید یه یو ط ک کد	a c 可 re	א א ה יי פי רי לא לא יי אי	یځ	کد	ه د و ی د لو ک لا د در نیل از او نار کمای ک ه	کد	مب	01 — 11 V 1 0 0 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	الحمل ه يه يه كه له له نه نه س فه فه ص
ان	کب	لب	کب	ية	کب	نح	5	ما	5	٥
δ	5	\$	Ŧ	کو	ك	ی	ك	نه	يط	ی
4	يط	نح	یخ	2	بخ	ع	ج	يد	ع	يه
R	یز	يز	يز	د	يز	็เ	يو	لح	یو	ك
ند	يه	مب	في	ل	يه	يط	يه	اح	يه	که
کد	ید	₹.	ید	پ	يد	نب	≰_	مب	£.	ل
5	<b>=</b>	ن	يب	ع ا	يب	ل	یب	5	یب	له
	ا يا	ال	ار	15	يا	یب	ایا	٥ .	, L	٦
<u> </u>	ا می ا دا	یب نر	ی	ا د انا	ی	انز	مر	ا ن	امد	4.4
		ے	C		<u> </u>	.,	<u></u>	ار ا	<u> </u>	4:
ا ب	ز	امو	ز	ا ۲	ز		ز	ے	اد	-
"	و	ا بو ای	٥	5	ا و	اما	او	<i>⊒</i>	و	س
3	9	اد	3	ح     ر•	3	ريد. اند	اد	<u>ءِ</u> ا ا	اد	ســـ ع
				ایر ایب	_		ح	- -	احا	عه
ا <sup>کر</sup>   ا ا				يب ا				٥		ف
	اب	,	۱	, ·	١	اد	١		١	46
σ	δ	δ	σ	<u>ت</u>	5	5	0 - 1 4 4 6 6 6 7 4 6 6 7 8 6 7 8 6 7 8 6 7 8 8 9 8 9 8 9 8 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9	σ	5	ص

Ari ج ع الح الح B ع الح CD به إنه 10 B ر إن B ع رائع B 5 ع الح B 5 ع الح B 5 ع الح B 5 ع الح B 5 ع الم ك CD الم الله B 5 ع الم ك الم B 5 ع الم ك الم ك الم

			Tab	le of	Aziı	nuth	s			
no.	la	at.	la	t.	la	t.	la	t.	la	t.
110.	3	4	3	5	30	3	37	7	38	3
Ari	23	42	24	0	24	18	24	37	24	56
5	21	41	21	58	22	15	22	32	22	50
10	19	55	20	10	20	26	20	43	21	0
15	18	14	18	28	18	43	18	58	19	13
20	16	38	16	51	17	4	17	17	17	31
25	15	8	15	19	15	30	15	42	15	54
30	13	42	13	52	14	2	14	13	14	24
35	12	21	12	30	12	40	12	50	13	0
40	11	4	11	12	11	21	11	30	11	39
45	9	50	9	57	10	4	10	12	10	20
50	8	37	8	44	8	51	8	58	9	5
55	7	28	7	34	7	40	7	46	7	52
60	6	20	6	25	6	31	6	36	6	41
65	5	15	5	19	5	23	5	27	5	31
70	4	11	4	14	4	17	4	20	4	24
75	3	8	3	10	3	12	3	15	3	17
80	2	5	2	6	2	8	2	9	2	11
85	1	2	1	3	1	4	1	4	1	5
90	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

				وت	ل السم	جدوا				
ض د	عر.* م	ض ب	عر و	ض ا	عر <sup>و</sup> م	<u>ض</u> م	عر	ض <u>ط</u>	عر اه	العدد
ه ی د بر کم و د بر نظر و مرد د ل بن و مرد د د بر بر بر د د بر	日子一十二十二十二十二十二十二十二十二十二十二十二十二十二十二十二十二十二十二十二	و مدید لکام بن ه در بزده و به ن ل بری ی کو	日、日、日、日、日、日、日、日、日、日、日、日、日、日、日、日、日、日、日、	ال يو كالو موطنز لهام طد الديدة هاز د ب	م عرم السم عرب الم يه يه يه يه يه كو كم الم كو الم الم كو	0 1 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2	ه ۱۰ د ۱۰ د ۱۰ د ۱۰ های ایا ید یو ای په کا لیا ک	ه و يو الدركم لو من يو الطلع بالواد م لمايد ي يو	0 — 1 — 1 — 1 — 1 — 1 — 1 — 1 — 1 — 1 —	الحمل الحمل يه ي ي ي ي ي ي ي ي ي ي ي ي ي ي ي ي ي ي
Ö	0	0	0	ō	ō	0	ō	ō	ō	ص

	•		Tab	le of	Aziı	nuth	S			
200	la	at.	la	t.	la	t.	la	t.	la	t.
no.	3	9	4(	)	4	L	42	2	4;	3
Ari	25	16	25	38	26	2	26	26	26	52
5	23	10	23	30	23	50	24	10	24	32
10	21	17	21	34	21	52	22	10	22	30
15	19	28	19	44	20	0	20	17	20	35
20	17	45	18	0	18	15	18	30	18	47
25	16	7	16	21	16	35	16	50	17	6
30	14	36	14	48	15	1	15	15	15	30
35	13	11	13	22	13	34	13	46	13	59
40	11	49	11	59	12	9	12	20	12	32
45	10	29	10	38	10	47	10	57	11	7
50	9	12	9	20	9	28	9	37	9	46
55	7	58	8	5	8	12	8	20	8	28
60	6	47	6	53	6	59	7	5	7	12
65	5	36	5	41	5	46	5	52	5	58
70	4	28	4	32	4	36	4	40	4	45
75	3	20	3	22	3	25	3	28	3	32
80	2	12	2	14	2	16	2	18	2	20
85	1	6	1	7	1	8	1	9	1	10
90	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

				موت	ل السد	جدوا				
אי בין יעיני א בין אי פין אי	عر م	ض ز	عر م	ض و		ه اید کوم نه دی کرکو و دارد لکه د بر ده له دی دی کوم و دارد لکه د بر	عر م	ض د	عر. ما	العدد
کب	0 — i v o e c · 中 s · i · i · i · i · i · i · i · i · i ·	四十九十二十二十二十二十二十二十二十二十二十二十二十二十二十二十二十二十二十二十	ه - ن ۷ و د ۱۹۰۵ تر ۱۸ ته ته ۱۸ ته که کم ۱۸۸۸	یز	3	مز	0 上( V 10 6 1. () 6 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1.	يعل	ه ـ ن ۷ د د د ۱۲ ه ، د ، ک د د او د ک ح کر کر	الحمل يدى ه يدى ك ك ك ك ك ك ك ك ك ك ك ك ك ك ك ك ك ك ك
نا	کو	鱼	کو	ن	25	۵	25	نه	کد	٥
ا ج	کد	يب	کد	4.6	٤	یځ	٤	±	کب	ی
لد	کب	ح	کب	*	5	یځ	5	نه	ᆈ	يه
الو	Ŧ	يب	ك	ځ	يمل	که	يط	٥	يط	ك
*	یځ	کب	<u>ځ</u>	ب	جح	مب	يز	کد	يز	25
انز	يو	لح	يو	鱼	يو	~	يو	مو	يه	J
ایز ا	يه	δ	يه	£	يد	اکج ا	يد	4	يد	له
مب	£	کو	4	يا	£.	نز	يب	مد	يب	٦
اط	يب	انه	ل	مپ	یا	ال	ليا	یخ	ليا	44
ا ج	ي	اکح	ی	يز	ى	و	ی	انو	مل	ن
ا يه	ط	٥	مل	ته	ح	مو	ے	الز	ح	ئە
انب	ز	\$	ز	له	ز	كز	ز	يط	ز	س
13	و	کد	و	يز	و	ی	و	۵	و	سه
يا	۵	٥	0	δ	٥	نه	3	ن	د	ع
ا نب	>	ځ	>	مد	->-	۱۱	>	لو	>	2.5
اله	ب	لب	ب	كط	ب	کو	ب	可以野性にははないないからなったがは	ب	ف
یز	ļ	يه	1	يد	1	يح ا	1	يب	1	فه
5	δ	5	δ	ð	δ	5	δ	δ	õ	س

Ari كن الله [ الله B ك الله 5 ك الله 5

			Tab	le of	Aziı	nuth	s			
no.	la	at.	la	t.	la	t.	la		la	1
110.	4	4	48	5	4(	3	4	7	48	3
Ari	27	19	27	47	28	17	28	49	29	22
5	24	55	25	20	25	50	26	20	26	51
10	22	53	23	18	23	45	24	12	24	40
15	20	55	21	18	21	43	22	8	22	34
20	19	5	19	25	19	48	20	12	20	36
25	17	24	17	42	18	2	18	22	18	43
30	15	46	16	3	16	20	16	38	16	57
35	14	13	14	28	14	43	15	0	15	17
40	12	44	12	57	13	11	13	26	13	42
45	11	18	11	30	11	42	11	55	12	9
50	9	56	10	6	10	17	10	28	10	40
55	8	37	8	46	8	55	9	5	9	15
60	7	19	7	27	7	35	7	43	7	52
65	6	4	6	10	6	17	6	24	6	31
70	4	50	4	55	5	0	5	5	5	11
75	3	36	3	40	3	44	3	48	3	52
80	2	23	2	26	2	29	2	32	2	35
85	1	12	1	13	1	14	1	15	1	17
90	0	0	0_	0	0	0	0	0	0	0

	وت	, السم	جدول	_
<u>ن</u> ا	عر ن	ض <u>ا</u>	عر• مه	العدد
ه اله ما اله الماله الله ما له لا الماله الله ال	一人 の の 一年 にま にまれ 一年 日 か の つ つ つ つ つ つ つ つ つ つ つ つ つ つ つ つ つ つ	، کدرے، له يو ه و ب ي کد زر ۲	ع ا بده و حدى بر بديد الطاكل كا	العدد ه الحمل ك ك ك ك ك ك ك ك ك ك ك ك ك ك ك ك ك ك ك
يا لحد ز	یا ط	عد کو ا	ط ط	ن نه س
مو کے	و ه	<u>ځ</u> يز	<u>و</u> ه	سه ع
ب ما ك	د ب 1	نز ناح یح	ب ہ	عه ښ نه
δ	δ	ō	δ	ص

CD 55 ن[ز B مح[نح 50 تاد[ند 35 تال[کز تابه[ه 25 CBD ر[نز Ari تابی الله علی الله عل

جدول		Ta	able o	of Aziı	mu
	المدد	no.		i	
10	1 11	Ari	29	57	30
	الحمل	5	27	24	28
	٥	10	25	10	25
	ې			2	23
٤	يه			0	21
5	ك				19
بط	که ا				17
	ا ا				15
					14
			1 1		12
	٦		i I		11
يب	4.6				9
ی	ن				8
ما	نه		1 1		5
7	س .				4
					2
				l .	1
٥	ع				
.>	45	50	, v		
	ある 中心、 ド、 ド ド、 神 の か ら か ら の の の の の の の の の の の の の の の	العدد عرم الحمل كط كط كولا كولا كولا كولا كولا كولا كولا كولا	no.  Ari 5 10 20 25 25 20 25 30 25 30 35 40 40 45 45 50 60 65 70 75 80 80 85	العدد عراق	no.       lat. 49         Ari       49         Ari       29       57         5       27       24         10       25       10         15       23       2         20       21       0         25       19       5         30       17       16         35       15       35         40       13       58         45       12       24         50       10       53         55       9       26         60       8       1         60       8       1         70       5       37         70       5       37         80       2       38         85       1       18         90       0       0

## النوع الخامس في صفة تخطيط الأسطرلاب الشمالية

فإذ قد فرغنا من وضع ما يحتاج إليه في صنعة الأسطرلاب من الحداول فلنصف الآن كيف نرسم ذلك ونعمله أولاً على جهة القطب الشمالي إذ كان نصف كرة الفلك الشمالي بما فيه من الكواكب هو الأكثر ظهوراً في الأقاليم 5 الشمالية من الأرض وكان ما قرب من القطب الحنوبي من الكواكب إما غير ظاهر البتة في هذه الأقاليم وإما قليل الظهور ولذلك اقتصرنا على وضع الحداول على جهة القطب الشمالي متبعين فيه لعمل القدماء وسنصف بعد ذلك كيف يعمل الأسطرلاب على جهة القطب الحنوبي فلكيلا نطيل القول نقتصر من وصف صنعة الصفائح وتدويرها وإحكام تسوية وجوهها وتوازي 10 سطوحها وقسمة حجرة الأسطرلاب بأقسام دائرة معدل النهار التي هي ثلثمائة وستون جزءًا على ما لم يزل أهل هذه الصناعة يعملونها عليه وإذ كان غرضنا أن نصف تخطيط الأسطرلاب بما قدمنا وصفه فقط فنبتدئ بصفة تخطيط ما يقع في صفيحة العنكبوت التي هي واحدة لحميم الأقاليم و تحعل ذلك في مثال جامع 15

# Chapter 5 On how to delineate the northern astrolabe

Since we have finished putting down what tables are needed in making the astrolabe, let us now describe how we draw that. First we construct it with respect to the north pole<sup>1</sup>, since the northern hemisphere with the stars on it is the one that is more visible in the northern climates of the earth, and the stars near the south pole are either absolutely invisible in these climates or seldom visibile. Therefore we have restricted ourselves to setting out tables with respect to the north pole, following in it the practice ['amal] of the ancients. After that we shall describe how to make the astrolabe with respect to the south pole. In order not to prolong the discussion we shall restrict ourselves in the description of making the plates - making them round, making their surfaces perfectly even and their planes parallel, and the division of the rim of the astrolabe into the divisions of the equator circle, which are 360 degrees - to the way in which the practitioners of this art are still making them. Since it is our aim to describe the delineation of the astrolabe only according to what we have described earlier, we begin with a description of the delineation of what falls on the plate of the rete, which is the same for all climates. We do that with a comprehensive example.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>I.e. the projection is made onto the plane tangent to the north pole.

فنفرض صفيحة العنكبوت دائرة أبجد ومركزها نقطة ة ونخرج قطريها يتقاطعان على زاوية قائمة عليهما أج ب د ونحعل خط آج خط نصف النهار وخط بد خط أفق الفلك المستقيم على ما بينا قبل ونعمل مسطرة مستوية كهيئة مسطرة زح ونأخذ منها بقدر قطر آج وهو حط فنقسمه بستين جزءًا أقساماً مستوية لا زلل فيها ونقسم كل جزء بما 20 أمكن من الدقائق على قدر عظم الأسطرلاب ونكتفى بأن نقسم منها الخمسة الأجزاء الأولى بالأجزاء والدقائق ونقسم الباقي بالخمسات فقط ونقسم باقى المسطرة بمثل أقسام حط ثم نأخذ بالبركار من أجزاء المسطرة ثمانية أجزاء وأربعا وثلثين دقيقة التي بينا أنها بعد مركز دائرة فلك البروج من مركز الصفيحة فنضع أحد طرفي البركار على مركز ه والطرف الآخر حيث 25 بلغ من خط ه آ فيقع على نقطة لله ثم نأخذ بالبركار أيضاً من المسطرة واحداً وعشرين جزءًا وستاً وعشرين دقيقة فنضع أحد طرفيه على نقطة آل والطرف الآخر حيث بلغ من خط ه آ فيقع الطرف الآخر على نقطة آ لأن خط آه يكون ثلثين جزءًا من المسطرة وندير به على مركز له دائرة فلك البروج عليها آ ل م ن فتيين على ما قدمنا أن نقطة آ رأس الحدى ونقطة ل رأس الحمل 30 ونقطة م رأس السرطان ونقطة ن رأس الميزان ٠

[1] We assume the plate of the rete to be circle ABGD and its centre point E. We draw its diameters intersecting at a right angle with A G B D on them. We make line AG the meridian line and line BD the horizon line at sphaera recta, as described earlier. We make a straight rule, e.g. rule  $Z'H'^2$ ; we take on it [a distance] in the amount of diameter AG, which is H'T', and divide it into 60 parts [iuz] in even divisions [qism] with no irregularity in them; we divide each part [juz] into as many subdivisions  $[daq\bar{q}a]$  as possible for the size of the astrolabe - but we content ourselves with dividing its first five parts [juz] into parts [juz] and subdivisions  $[daq\bar{q}a]$  and divide the rest into fives only<sup>3</sup>. We divide the rest of the rule into the same parts as H'T'. Then with the compasses we take from the parts of the rule 8<sup>p</sup>34', which, as we have explained, is the distance of the centre of the zodiac circle from the centre of the plate. Then we put one of the ends of the compasses on centre E and the other end wherever it reaches on line EA – let it fall at point K. Then we also take with the compasses [the distancel on the rule  $21^{p}26'$  and put one of its ends at point K and the other end wherever it reaches on line EA – the other end falls at point A, because line EA is thirty parts of the rule. We draw with it, about point K, the zodiac circle, on which are A L M N: it becomes clear according to what we have set out earlier that point A is the beginning of Capricorn, point L the beginning of Aries, point M the beginning of Cancer and point N the beginning of Libra.

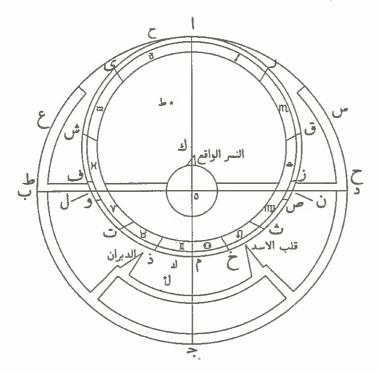
عليها [عليهما 17 قطراها [قطريها 17 T كا مقسومة تعليها المنكبوت صغة :D فلنفرض T نفرض واننفرض المنفرض ا

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Letters referring to the rule are marked in the translation with a dash, i.e. Z', H', T'. The letters Z, H, T are later used for points on the rete. There is no distinction in the Arabic between Z and Z', etc.

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup>In the diagram here printed the first five parts are divided into individual parts, but no attempt at subdivision has been made. The dimensions of the parts supporting the star pointers and zodiac are the result of a compromise between the instructions in the possibly suspect passage at the end of the section on the rete (lines 104–113) and the diagram in C.

Al-Farghānī, Astrolabe, Chapter 5

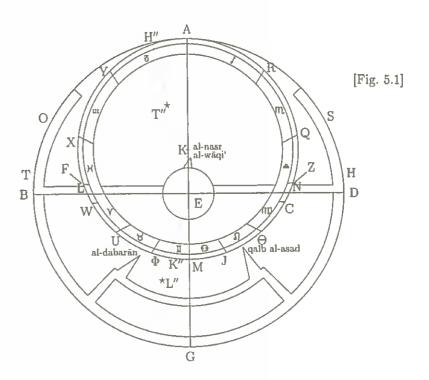
وندير أيضاً بالبركار في دائرة المن دائرتين على مركز له يكون بعد ما بين دائرة المن وبين التي تليها من الدائرتين وهي الوسطى مقدار جزء من



ف	عه	ع	سه	س	ئە	ن	مه	٢	له	J	که	۵	يه	ي	٥	
ز			1	6											7	

أجزاء المسطرة وما بين هذه الوسطى وبين الصغرى مقدار جزئين ليكون ما بين الدائرة الصغرى والدائرة الوسطى لأقسام البروج فقط وما بين الوسطى الوسطى والعظمى لأقسام أجزاء البروج ونقتصر على أن يكون مثال لنا على سدس والعظمى لأقسام أجزاء البروج ونقتصر على أن يكون مثال لنا على سدس المركز والبركار والمركز والمركز والبركار والمركز والبركار والمركز والمرك

With the compasses we also draw, in circle ALMN, two circles about centre K, the distance between circle ALMN and whichever of



	80	75	70	65	60	55	50	45	40	35	30	25	20	15	10	5	
									-								
	L						L										
2	7			J	7/											H	

the two circles follows it — it is the middle one — being the amount of one of the parts of the rule and between this middle one and the smallest being the amount of two parts, so that [the space] between the smallest circle and the middle circle is for the divisions of the signs only and [the space] between the middle one and the greatest is for the divisions of the degrees of the signs. We restrict ourselves to having an example according to the sixth of

الأسطرلاب التامة وهو أن تجعل ما يرسم فيها من أجزاء الفلك والمقنطرات لستة أجزاء ستة اجزاء وينبغى أن ندير فى ظهر صفيحة العنكبوت على نقطة مسامتة لنقطة له دائرة مساوية لدائرة الم ومسامتة لها لتكون أصبح فى العمل وأبعد من الزلل ثم نبرد حرف دائرة البروج فيما بين العظمى الله والوسطى لتكون دائرة البروج مماسة بحرفها الأسفل للصفيحة التى تخط فيها المقنطرات وتكون أقسام أجزاء فلك البروج التى تقع فيما بين الدائرة العظمى والوسطى مماسة بأطرافها لسطح صفيحة المقنطرات على الدائرة المخطوطة فى ظهر صفيحة العنكبوت .

فإذا أحكمنا ذلك قسمنا دائرة البروج على ما نصف وهو أن نقسم نصف دائرة دابج وهو د ا ب بمائة وثمانين جزءًا متساوية ثم نفصل من كل واحدة من قوسى دا با بقدر أجزاء مطالع الحمل التى وضعناها في الحدول وهو سبعة وعشرون جزءًا وخمسون دقيقة وهما قوسا دس بع ثم نضع المسطرة على نقطتى س ه وننظر أين تقع المسطرة من دائرة فلك البروج في النصفين جميعاً فتقطعها على نقطتى ق ت فقوس ل ت أجزاء برج الحمل وقوس ق أجزاء برج الميزان ثم نضع المسطرة أيضاً على نقطتى ع ه وننظر أين تقع من فلك البروج فتقطعه على نقطتى ش ش فقوس ل ش أجزاء الحوت وقوس ن ث أجزاء السنبلة ثم نأخذ أيضاً من فقوس ل ش أجزاء الحوث وقوس ن ث أجزاء السنبلة ثم نأخذ أيضاً من الميزان وهو المناها إوضناها وضيعة المناها وضيعة والمناها ولمناها وضيعة والمناها ولمناها ولمناها وضيعة ولمناها وضيعة ولمناها وضيعة ولمناها ولمناه

the complete astrolabe — that is, we make what is drawn on it of degrees of the sphere [falak] and the almucantars for every six degrees<sup>4</sup>. On the back of the plate of the rete, about the point coincident with  $[mus\bar{a}mita]$  point K, we must draw a circle equal to circle ALMN and coincident with it, so that it is truest in the construction and furthest from deviation. Then we file the edge of the zodiac circle between the greatest and the middle [circles], so that the zodiac circle touches with its lower edge the plate in which the almucantars are drawn. The divisions of the degrees of the zodiac, which fall between the greatest and middle circle[s], touch with their outermost parts the surface of the plate of the almucantars at the circle drawn on the back of the plate of the rete.

When we have perfected that, we divide the circle of the signs as I shall describe, viz we divide half the circle DABG, which is DAB, into 180 equal degrees. Then we cut off from each of arcs DABA [an arc] in the amount of the degrees of the ascension of Aries, which we have laid down in the table – it is  $27^{\circ}50'$ . They are arcs DSBO. Then we put the rule on points SE and see where the rule falls on the zodiac circle in both its two halves<sup>5</sup>: it cuts it at points SE and see where it degrees of the sign of Aries and arc SE and see where it falls on the zodiac: it cuts it at points SE and see where it falls on the zodiac: it cuts it at points SE and see where it falls on the zodiac: it cuts it at points SE and see where it falls on the zodiac: it cuts it at points SE and see where it falls on the zodiac: it cuts it at points SE and see where it falls on the zodiac: it cuts it at points SE and see where it falls on the zodiac: it cuts it at points SE and see where it falls on the zodiac: it cuts it at points SE and see where it falls on the zodiac: it cuts it at points SE and see where it falls on the zodiac: it cuts it at points SE and see where it falls on the zodiac: it cuts it at points SE and see where it

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup>For simplicity, the degrees between the circles of the zodiac have been omitted from the diagram.

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup>In the diagram the construction lines H''T''E and L''K''E are indicated by dotted lines. These lines do not appear on the diagrams in the extant manuscripts.

جدول المطالع أجزاء مطالع الحمل والثور جميعاً وهي سبعة وخمسون جزءًا وأربع وأربعون دقيقة ونعمل كما عملنا حتى تخرج لنا مواضع نقط ر ذ ي 55 خ فنكون قد قسمنا كل ربع من أرباع فلك البروج بثلثة أقسام فنخرج من كل قسم خطأ يفصل دوائر فلك البروج جميعاً ونكتب على كل قسم فيما بين الدائرة الوسطى والصغرى أسماء البروج ونبدأ من قوس لآت فكتب عليها الحمل ونتبعه بالبروج إلى آخرها ثم نأخذ أيضاً من كل واحدة من قوسى دا با بقدر مطالع ستة أجزاء من الحمل وهو خمسة أجزاء وتسع وعشرون 60 دقيقة وهما قوسا دح بط فنضع المسطرة على نقطتي ح ه ونعلم حيث تقطع المسطرة فلك البروج نقطتي زو فنقطة و موضع ستة أجزاء من الحمل ونقطة ر موضع ستة أجزاء من الميزان ونضع المسطرة أيضاً على نقطتي ط ه ونعلم حيث تقطع فلك البروج نقطتي في ص فنقطة في موضع أربعة وعشرين جزءًا من الحوت ونقطة ص موضع أربعة وعشرين جزءًا من السنبلة 65 ثم نقسم على هذا المثال سائر فلك البروج كل برج بخمسة أقسام ونحيز على نقط الأقسام خطوطا فيما بين الدائرة العظمى والوسطى وقد يمكنا قسمة 55 منت ( تنا S في الله S في الله ( CBSLKP ، • D في الله ) ( CBSLR : بني T ، ب K النه ( S في الله ) ( S في الله ) add. et del. B خط [خطأ 57 أخ S 57 فنح إفاخرج B 56 م ومخرج الفخرج B 56 م [ أخ S 57 أح S 57 أحد B 57 أ كت ,5 ل ث , B ل ب ,CD ل ب :TLP ل ت 58 (السفرى (والسفرى (والسفرى (والسفرى (والسفرى (والسفرى (والسفرى الم T واحد [واحدة 59 50 التقسيم أجزاء البروج من جدول مطالع البروج [أيضاً ... با 60-59 T فيقطع من [ونعلم حيث تقعلم المنظرة B 61 - 62 [بط B 61 ح [دح B 61 قوس [قوسي 59 م : T: و CBDSLKP 62 م : T: و CBTDSLK 62 م : T [ و B مقطتي [ نقطتي 5 62 دائرة لستة أجزاء من < lac. > ونقطة م لسته [ ستة ... موضم 62 ] lac. S ونقطة م لسته أجزاء من < lac. > s [ مَل 63 ] cDLP: ] BT, و ج الم المحل ثم ناخذ مطالم المحل عن الحمل ثم ناخذ مطالم ح ، CDK ح : T [ ص 64 ق و [ 1 ف 64 S فيقطع من دائرة [ ونعلم ... تقطع 64 T ويتعلم [ ونعلم 64 T نقطه (نقط 67 5 أجزاء (2جزءًا 65 K 65 ح CBSLP) ح m. D 65 س 65 الحوت ... من 5 S 67 الحوت ... من 5 BSLP BS حكينا (يمكنا 67 add. T والوسطى 86 على هذه المثال [والوسطى 67

the ascension table the degrees of the ascension of Aries and Taurus together, which are 57°44'. We proceed as we did [before], so that there emerge for us points  $R \emptyset Y J$ . So we shall have divided each of the quadrants of the zodiac into three parts. From each division we draw a line cutting off all the circles of the zodiac. On each division between the middle and smallest circle we write the names of the signs. We begin from arc LU and write in it "Aries" and follow it with the signs until the last of them. Then we also take from each of arcs DA BA [an arc] in the amount of the ascension of 6° of Aries, which is 5°29'. They are arcs DH BT. We put the rule on points H E and where the rule cuts the zodiac we mark points Z W. So point W is the position of 6° of Aries and point Z the position of 6° of Libra. We also place the rule on points T E and where it cuts the zodiac we mark points F $C^6$ : point F is the position of 24° of Pisces and point C is the position of 24° of Virgo. Then, on this model, we divide the rest of the zodiac, each sign into five divisions. Through the division points we pass lines between the greatest and the middle circle. We can divide

<sup>&</sup>lt;sup>6</sup>Here the readings W (i.e.  $\underline{\ \ \ \ \ }$ ) and C ( $\underline{\ \ \ \ \ \ }$ ) are accepted from  $\underline{\ \ \ \ \ \ }$  against all the other manuscripts. These have M ( $\underline{\ \ \ \ }$ ) for W, and H ( $\underline{\ \ \ \ \ }$ ) or G ( $\underline{\ \ \ \ \ }$ ) for C. Not only have M and H (or G) been used already, but in the Eastern Arabic *abjad* alphabet as used for lettering diagrams C follows F; and W, if used, precedes Z.

فلك البروج بوجه أمهل من هذا الوجه وقريب في الصحة مما قدمنا وهو أن تلزم صفيحة العنكبوت صفيحة أم الأسطرلاب حتى يركب كل واحد من خطى الجدب نظيره في صفيحة أم الأسطرلاب ثم نضع المسطرة على مثل 70 المطالع التي عملنا بها من أقسام حجرة الأسطرلاب فنستغنى بذلك عن قسمة نصف دائرة آب إلا أن العمل بأقسام دائرة آدب أبعد من الزلل وأصح في الصنعة .

[2] ومن بعد فراغنا من دائرة فلك البروج نصف كيف نرسم مواضع الكواكب الثابتة في العنكبوت و تجعل لذلك مثالاً من كوكبين فنأخذ 75 من الجدول الجزء الذي يمر مع النسر الطائر في خط وسط السماء فنجده في الجدى أحد عشر جزءًا وأربعين دقيقة فنعلم على موضعه من فلك البروج في العنكبوت نقطة ح و تخرج خط حه غير مؤثر في الصفيحة ثم نأخذ بالبركار من المسطرة بقدر نصف قطر مدار النسر الطائر في الجدول وهو سبعة عشر جزءًا وست وثلثون دقيقة فنضع أحد طرفيه على نقطة ه ونعلم حيث بلغ 80 الطرف الآخر من خط ه ح نقطة ط فنقطة ط موضع النسر الطاير في الجوزاء العنكبوت ثم نأخذ أيضاً جزء ممر يد الجوزاء من الجدول فنجده في الجوزاء

the zodiac in a way easier than this way and close in correctness to what we have set forth earlier: it is that the plate of the rete clings to the plate of the mater of the astrolabe, so that each of lines AG DB rides its counterpart on the plate of the mater of the astrolabe. Then we put the rule at the same ascension, which we used [before], among the divisions of the rim of the astrolabe. By this [means] we can dispense with dividing semicircle ABD, but using the divisions of circle ABD would be further from error and more accurate to make.

[2] After finishing the circle of the zodiac, we shall describe how we draw the positions of the fixed stars on the rete. For this we make an example of two stars. From the table we take the degree which passes the meridian line together with [the star] al-nasr al-tā'ir ["the Flying Eagle",  $\alpha$  Aquilae]: we find it in Capricorn 11°40'. At its place in the zodiac on the rete we mark point  $H^{"7}$  and draw line  $H^{"E}$ , not incised, on the plate. Then with the compasses we take from the rule [a distance] in the amount of the semidiameter of the course of al-nasr al-tā'ir in the table, which is 17°36'. We put one of its ends at point E and mark point E where the other end reaches on line EH". So point E is the position of al-nasr al-tā'ir on the rete. Then we also take the degree of passage [mediatio] of [the star] yad al-jawzā' ["the Hand of al-jawzā'],  $\alpha$  Orionis] from the table: we find it in Gemini

<sup>&</sup>lt;sup>7</sup>In this paragraph each of the letters H T K L carries a double dash. This is to distinguish them from the H T K L already used for other points in the diagram. With a few minor deviations, seven of the manuscripts have these letters in all places, but T has, respectively,  $I(\dot{\xi}) V(J) K(J) Y(J)$ . It is here considered that H T K L were originally written, because they form a sequence in the letters used for diagrams –  $Y(\mathfrak{s})$  was not always included between T and K for this purpose - and it looks as if T was replacing already used letters by others. Presumably K remains even in T because the Arabic alphabet had been exhausted. Cf. the previous note, in which the existence of sequences in the letters was regarded as decisive. We may note that T and K have three separate diagrams for Fig. 5.1: for the rule, for the zodiac and its division, and for the zodiac and the fixed stars. In K the second diagram has an extra graduated semicircle outside  $B\widehat{A}D$  and the third is a simplified diagram for the stars al-nasr al-tā'ir and yad al-jawzā'. (In K there is also a general diagram of the fixed stars on the rete, with star names but no letters.) Thus it is possible that the four letters under discussion referred to a diagram different from that containing the original appearance of these letters.

أربعة عشر جزءًا فنعلم على موضعه من فلك البروج في العنكبوت نقطة له و تخرج خط ه له وننفذه إلى حرف الصفيحة ونأخذ بالبركار من المسطرة بقدر نصف قطر مدار يد الجوزاء في الجدول وهو سبعة عشر جزءًا وسبع وأربعون دقيقة فنضع أحد طرفيه على نقطة آ ونعلم حيث بلغ الطرف الآخر من خط هذا ملك نقطة آ موضع يد الجوزاء في العنكبوت ونستخرج على هذا المثال مواضع سائر الكواكب كهيئة ما رسمنا في مثالنا .

[3] فإذا فرغنا من ذلك فإنا نحتاج إلى تخريق الصفيحة لكى لا يبقى منها إلا فلك البروج ومواضع الكواكب وما يصل بعض ذلك ببعض إلى 90 القطب فننظر إلى ما رسمنا من الكواكب الشمالية وهو ما وقع داخل فلك البروج فما وجدناه قريباً من مركز الصفيحة أضفناه إلى سطح دائرة صغيرة نديرها على مركز الصفيحة كهيئة ما أضفنا كوكب العيوق والنسر الواقع والفكة إلى الدائرة الصغيرة في مثالنا وما وجدناه قريباً من فلك البروج أضفناه إلى فلك البروج كهيئة ما أضفنا النسر الطائر ورأس الحواء ومنكب أضفناه إلى فلك البروج ثم ننظر إلى ما كان من الكواكب الجنوبية فما قرب منها من حرف الصفيحة فيما بين النصف من الدلو إلى النصف من العقرب كهيئة ما أضفنا الشعرى اليمانية

 $14^{\circ}$ . At its position in the zodiac on the rete we mark point K''. We draw line EK'' and extend it to the edge of the plate. With the compasses we take on the rule [a distance] in the amount of the semidiameter of the course of yad al- $jawz\bar{a}$  in the table: it is  $17^{\circ}47'$ . We put one of its ends at point E and mark point E where the other end reaches on line EK''. So point E is the position of E0 E1 E1 E2 E3 on the rete. In this way we obtain the positions of all the stars as described in our example.

[3] When we have finished that, we must perforate the plate so that nothing remains of it except the zodiac, the positions of the stars and what joins them together up to the pole. We look at what we have inscribed of the northern stars, which is what falls inside the zodiac. What we find near the centre of the plate we attach to the surface of a small circle, which we draw about the centre of the plate; for example we attach the star[s] al-'ayyūq [α Aurigae], al-nasr al-wāqi' [α Lyrae] and al-fakka [α Coronae Borealis] to the small circle in our example<sup>8</sup>. What we find near the zodiac we attach to the zodiac; for example we attach al-nasr al-tā'ir [a Aquilae], ra's al-hawwā' ["the Head of the Snake-Collector", a Ophiuchi] and mankib al-faras ["the Shoulder of the Horse", \( \beta \) Pegasi to the zodiac. Then we see what there is of the southern stars. What there is of them near the edge of the plate we attach to an arc that we leave from the edge of the plate between the middle of Aquarius to the middle of Scorpius; for example we attach al-shi'rā al-yamāniya ["the Southern Sirius", a Canis Maioris]

فننفذه [وتنفذه 44 ق ] D | 83 قالله والله والله 3 ق الموضع الموضع عن المنطرة 3 ق المنام المنطرة 1 ق الله المنام 3 ق المنام 5 ق المنا

<sup>&</sup>lt;sup>8</sup>In the diagram only pointers for al-nasr al-wāqi', al-dabarān and qalb al-asad are drawn; and the positions of al-nasr al- $t\bar{a}$ 'ir and yad al-jawzā' are indicated by T'' and L''. The manuscripts indicate other stars mentioned in the text.

Al-Farghānī, Astrolabe, Chapter 5

وقلب العقرب إلى القوس التى تلى حرف الصفيحة وما كان قريباً من فلك البروج أضفناه إلى قوس أخرى ندعها من الصفيحة فيما بين القوس العظمى 100 وفلك البروج كهيئة ما أضفنا الدبران ويد الجوزاء والشعرى الشآمية وقلب الأسد إلى القوس الصغيرة المعلقة بالقوس العظمى ·

فإذا أحكمنا ذلك خرقنا جميع ما في الصفيحة ولم ندع منها شيئاً سوى ما وصفنا وسوى قطر ندعه من الصفيحة ندبر فلك البروج والكواكب ونصلها بالقطب ولكي يحسن تقديرنا فيما عملنا ونعمل من الأسطرلاب فلنصف ما 105 يحتاج إلى معرفته من المقادير في هذا الباب وهو أن نعمل عرض حلقة الحجرة بمقدار أربعة أجزاء من أقسام المسطرة ونجعل الثلثين من ذلك مما يلى حرف الحلقة الخارج لأقسام الخمسات والثلث التى تلى الحرف الداخل لأقسام الآحاد ونجعل عرض حلقة فلك البروج بمقدار ثلثة أجزاء من المسطرة من ذلك جزآن مما يلى القطب لأقسام البروج والجزء الباقي مما يلى 110 الحجرة وهو الذي بردناه لأجزاء أقسام البروج ونصف قطر الدائرة التى تلى القطب خمسة أجزاء وعرض القوس العظمى التى تلى حرف الصفيحة جزآن

and qalb al-'aqrab ["the Heart of the Scorpion", a Scorpii] to the arc that runs along the edge of the plate. What is near the zodiac we attach to another arc of the plate that we leave standing between the greater arc and the zodiac, such as al-dabarān [a Tauri], yad al-jawzā' [a Orionis], al-shi'rā al-sha'āmiya ["the Northern Sirius", a Canis Minoris] and qalb al-asad ["the Lion's Heart", a Leonis] [which we attach] to the small arc affixed to the greater arc [along the edge of the rete].

When we have perfected that, we perforate all that is on the plate and we do not leave any of it [standing] except what we have mentioned and except a diameter that we leave of the plate. We arrange the zodiac and the stars and join them to the pole [by the mentioned diameter]. In order that our setting of the quantities in what we have made and shall make of the astrolabe be good, let us describe what quantities must be known in this matter. It is [as follows]: we make the width of the ring of the rim in the quantity of four parts from the divisions of the rule. We assign two thirds of that - along the outer edge of the ring - to the divisions of the fives, and the [remaining] third - along the inner edge - to the division of the units. We make the width of the zodiac ring in the quantity of three parts of the rule - two parts of that near the pole for the divisions of the signs<sup>9</sup> and the remaining part, towards the rim, is what we filed for the degrees of the divisions of the signs. The semidiameter of the circle near the pole is five parts; the width of the greatest arc near the edge of the plate is two parts.

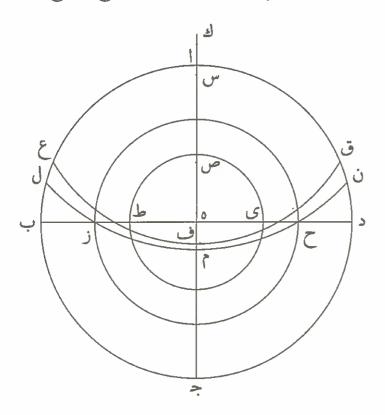
يد [الديران ويد 101 supra S المنعنة التوس [قوس أخرى ندعها 100 C أصغته أضغناه 100 أصغنة أضغناه 100 S الديران ويد 101 أصغنة أسامية [والشعرى الشآمية التوس المطمى 102 S والشآمية [والشعرى الشآمية [والشعرى الشآمية 101 marg. C الماقي [ما في 103 CD المحيح 103 S وبعد ما الأصطرلابات [الأسطرلاب المحرك المحرك التحري عصن 105 DS يدير الدير 104 BS الأصطرلابات الأسطرلاب الشامي المحرك ا

<sup>&</sup>quot;divisions [أقسام] of the signs": perhaps "divisions between the signs" is meant. "the names [أسماء] of the signs" would be better, but is supported by not a single manuscript.

Al-Farghānī, Astrolabe, Chapter 5

وعرض القوس الصغرى جزء ونصف وعرض القطر جزء ونصف و ثخن صفيحة العنكبوت مثل ثخن صفيحتين من صفائح المقنطرات ·

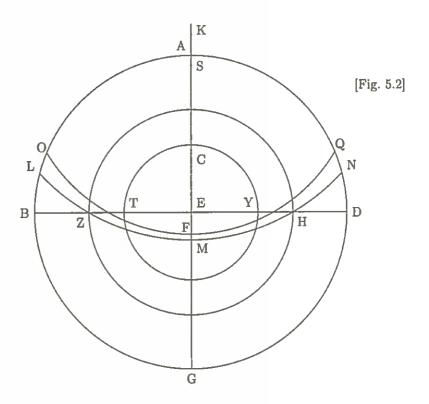
[4] ونصف بعد فراغنا من العنكبوت كيف نرسم في صفيحة 115 المقنطرات جميع ما يحتاج إلى رسمه فيها من دوائر المقنطرات والسموت والساعات وغير ذلك و بجعل ما تبين منه في مثال جامع للموضع الذي عرضه



ثلثون جزءًا فنفرض الصفيحة دائرة اب  $\overline{c}$  و تحرج قطريها يتقاطعان على زاوية قائمة على نقطة  $\overline{c}$  و تحمل خط  $\overline{c}$  خط نصف النهار وخط  $\overline{c}$  أفق  $\overline{c}$  وعرض النظر جزء ونسف  $\overline{c}$  113  $\overline{c}$  0 بوحرء [ أجزء  $\overline{c}$  113  $\overline{c}$  7 جزا ونسف  $\overline{c}$  113  $\overline{c}$  115 السفيحة [ صفيحة  $\overline{c}$  115 أما فرغنا [ فراغنا  $\overline{c}$  115  $\overline{c}$  115  $\overline{c}$  115  $\overline{c}$  116  $\overline{c}$  117  $\overline{c}$  118  $\overline{c}$  119  $\overline{c}$ 

The width of the smaller arc is a part and a half and the width of the diameter is a part and a half. The thickness of the rete plate is equal to the thickness of two of the almucantar plates.

[4] After finishing the rete, we describe how we draw in the almucantar plate all that it is necessary to draw in it of the circles of the almucantars, the azimuths, the hours, etc. We put what is clear of it in a comprehensive example for the place with latitude 30°. We



assume the plate as circle ABGD and we draw its two diameters intersecting at a right angle at point E. We make line AG the meridian line and line DB the horizon

الفلك المستقيم وكل واحد منهما مساو لنظيره من صفيحة العنكبوت ثم نأخذ البركار من المسطرة بقدر أجزاء نصف قطر مدار الحمل في الأسطرلاب وهو تسعة عشر جزءًا وتسع وثلثون دقيقة فنضع أحد طرفيه على نقطة آوندير به دائرة رَح فتكون هذه الدائرة لمدار رأس الحمل والميزان ونأخذ أيضاً بالبركار بقدر أجزاء نصف قطر مدار السرطان وهو اثنا عشر جزءًا واثنتان وخمسون دقيقة فندير به أيضاً على مركز آه دائرة طى فتكون هذه الدائرة للدار رأس السرطان وكذلك إذا أردنا أن ندير في الصفيحة مدارات رؤوس سائر البروج نظرنا إلى بعد ذلك الجزء من القطب الشمالي وأدخلنا الباقي في جدول المدارات فما وجدنا بحياله من أنصاف الأقطار أخذنا بقدر ذلك من المسطرة بالبركار فأدرنا به في الصفيحة دائرة لمدار ذلك الحزء وهذه الدوائر في جميع الصفائح لكل الأقاليم بقدر واحد ·

ثم من بعد ذلك ننظر الإقليم الذي عرضه مثل عرض الصفيحة التي تخط فيها فنأخذ منه بعد مركز دائرة الأفق من مركز الصفيحة كمثل ما أخذنا في هذا الإقليم المفروض بعد مركز دائرة الأفق وهو أربعة وثلثون جزءًا ودقيقتان فنأخذ بقدر ذلك من المسطرة بالبركار فنضع أحد طرفيه على نقطة والآخر حيث بلغ من خط ه آ فإن وقع خارج الصفيحة زدنا في خط ه آ ما 135

at sphaera recta, each of them equal to its counterpart on the rete plate. Then with the compasses we take on the rule [a distance] in the amount of the parts of the semidiameter of the course of Aries on the astrolabe; it is  $19^{p}39'$ . We put one of its ends at point E and draw with it circle ZH: this circle stands for the course of the beginning of Aries and Libra. We also take with the compasses [a distance] in the amount of the parts of the semidiameter of the course of Cancer; it is 12<sup>p</sup>52'. We also draw with it circle TY about centre E: this circle stands for the course of the beginning of Cancer. Similarly, when we want to draw in the plate the courses of the beginnings of the other signs, we look at the distance of the [respective] degree from the north pole. With the difference [i.e. 180° minus the distance from the north pole] we enter the table of courses: what we find opposite it of the semidiameters - in the amount of that we take [a distance] on the rule with the compasses. With it we draw in the plate a circle for that degree. These circles are of the same size for all plates and for all climates.

Then after that we look at the climate whose latitude is the same as the latitude of the plate on which we are drawing. On it we take the distance of the centre of the horizon circle from the centre of the plate, as, for example, we took in this given climate the distance of the centre of the horizon circle, which is  $34^p2'$ . With the compasses we take [a distance] of that amount on the rule and put one of its ends at point E and the other where it reaches on line EA. If it falls outside the plate, we add to line EA what

احتجنا إليه كمثل ما زدنا في مثالنا في خط ه آ خط آك فنضع طرف البركار على نقطة لد ثم نأخذ أيضاً من المسطرة بالبركار بقدر أجزاء نصف قطر دائرة الأفق وهو في هذا الإقلع تسعة وثلثون جزءًا وثماني عشرة دقيقة فنضع أحد طرفيه على نقطة لا وندير به في الصفيحة قوس لمن وهي قوس الأفق في الصفيحة ولأنا قد فرضنا الصفيحة لسدس الأسطرلاب التامة نأخذ أيضاً من 140 جدول المقنطرات بعد مركز مقنطرة ستة أجزاء فنجده ثمانية وعشرين جزءًا وتسع دقائق فنأخذ بقدر ذلك من المسطرة بالبركار فنضع أحد طرفيه على نقطة ٥ ونعلم حيث بلغ من خط ١٥ نقطة س ثم نأخذ أيضاً من المسطرة بالبركار بقدر أجزاء نصف قطر هذه المقنطرة وهو اثنان وثلثون جزءًا وتسع عشرة دقيقة فنضع أحد طرفيه على نقطة س وندير به في الصفيحة قوس 145 عَفَقَ وهي قوس مقنطرة ستة أجزاء وعلى هذا المثال نخط جميع المقنطرات إلى أن ننتهى إلى ارتفاع تسعين جزءًا ونأخذ بعد تسعين جزءًا من الحدول وهو أحد عشر جزءًا وعشرون دقيقة ونأخذ من المسطرة بالركار بقدر ذلك فنضع أحد طرفي البركار على نقطة ٥ ونعلم حيث وقع الطرف الآخر من خط ه له نقطة ص وهي موضع سمت الرؤوس في الصفيحة . 150

we need, e.g. in our example we add line AK to line EA. We put the end of the compasses at point K. Then we also take with the compasses on the rule a distance in the amount of the parts of the semidiameter of the horizon circle, which in this climate is 39<sup>p</sup>18'. We put one of its end at point K and draw with it on the plate arc LMN; it is the horizon arc on the plate. Since we have assumed the plate [to be] for the sixth of a complete astrolabe, we also take from the table of almucantars the distance of the centre of the almucantar of 6°: we find it [to be] 28<sup>p</sup>9'. With the compasses we take on the rule [a distance] in the amount of that. We put one of its ends at point E and where [the other end] reaches on line EA we mark point S. Then with the compasses we also take on the rule [a distance] in the amount of the parts of the semidiameter of this almucantar; it is 32<sup>p</sup>19'. We put one of its ends at point S and draw with it on the plate arc OFQ: it is the arc of the almucantar of 6°. In this way we draw all the almucantars until we arrive at the altitude of 90°. We take the distance of 90° from the table; it is 11<sup>p</sup>20'. With the compasses we take on the rule [a distance] in the amount of that. We put one of the ends of the compasses at point E and where the other end falls on line EK we mark point  $C^{10}$ : it is the place of the zenith on the plate.

أس, here translated as "C", is also the abjad for 90 in the Eastern Arabic series.

155

وينبغى أن نمتحن صحة العمل بأن تتقاطع قوس الأفق وخط أفق الفلك المستقيم ودائرة الحمل والميزان على نقطتين في ناحيتي المشرق والمغرب مشتركتين لها جميعاً وأن تكون المقنطرة التي يكون ارتفاعها بقدر أرض البلد تماس أفق الفلك المستقيم على مركز الصفيحة فمتى لم يتفق ما وصفنا فقد دخل العمل زلل .

ثم نكتب على كل واحدة من المقنطرات مبلغ بعدها من الأفق في الجهتين جميعاً أعنى من المشرق والمغرب مما يلى حرف الصفيحة إلى أن ننتهى بالكتاب من الجهتين إلى الدائرة التى تقع فى الصفيحة تامة فيكون كتابنا بعد ذلك على خط نصف النهار واحداً إلى أن ننتهى بعدد التسعين إلى نقطة سمت الرأس أعنى نقطة ص كهيئة ما عملنا فى مثالنا ونكتب مما يلى الأفق الشرقى المشرق ومما يلى الغرب فإن كان عملنا لثلث الاسطرلاب التامة أخذنا من المقنطرات بدل الستة الأجزاء ما بحيال ثلثة أجزاء وإن كان نصفاً فجزئين وإن كانت تامة فما بحيال جزء جزء ونعمل كما عملنا في هذه الصورة ·

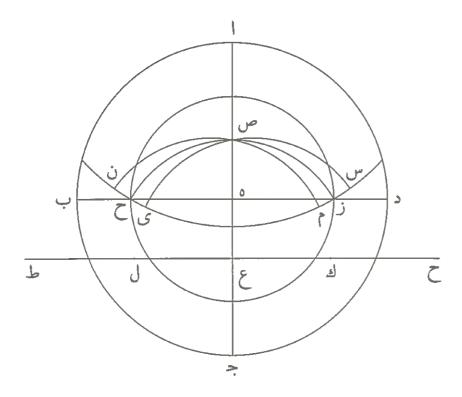
We must check the correctness of the work [by verifying] that the horizon arc, the horizon line at *sphaera recta* and the circle of Aries and Libra intersect at two points on the eastern and western sides common to all of them and [that] the almucantar whose altitude is in the amount of the latitude of the locality touches the horizon at *sphaera recta* at the centre of the plate. When what we have described does not fit together, an error has crept into the work.

Then we write on each of the almucantars the amount of its distance from the horizon on both sides, i.e. to the east and west near the edge of the plate, until we end up with writing on both sides at the circle that falls in the plate complete: after that we write [the numbers] near the meridian line [only] once until we end up with the number "90" at the zenith point, i.e. point C, as we do in our example. We write near the eastern horizon "East" and near the western "West". If we are working for a third of the complete astrolabe, we take of the almucantars, instead of  $6^{\circ}$ , what is opposite  $3^{\circ}$ ; if it is a half-[astrolabe],  $2^{\circ}$ ; and if it is a complete one, what is opposite each single degree. We proceed as we did in this figure.

BS 153 لهما [له CBDS 153 الممل 151 BS 153 المحبّ [ الحميّ 152 BS 153 الممل 153 الممل 153 BS 154 المحبّ [ المحل 155 BS 154 المحبّ [ المحبّ 155 BS 154 المحبّ 155 BS 156 المحبّ 155 BS 156 المحبّ 155 BS 156 من [ في 156 كا من [ في 156 كا الرؤس [ الرؤس [ الرأس 150 BS 156 المحبّ 159 BS 156 المحبّ 159 BS 159 المحبّ 159 BS 159 المحبّ 159 BS 161 المحبّ [ المحبّ المح

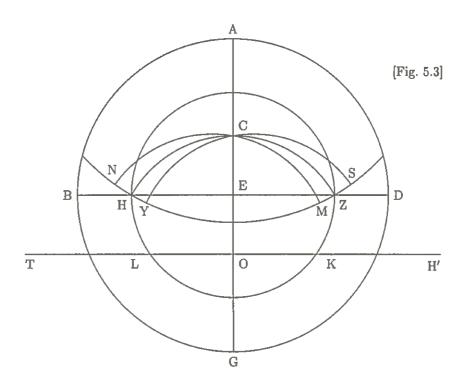
add. BS تخطيط السموت [العبورة 164

[5] وإذا فرغنا من المقنطرات وأردنا أن تخط دوائر السموت فليكن 165 ما يرسم منها في سدس الأسطرلاب التامة لعشرة أجزاء عشرة أجزاء وما جاز سدس الأسطرلاب من المقادير إلى الأسطرلاب التامة فلكل خمسة أجزاء



خمسة أجزاء فنأخذ في الإقليم الذي عرضه ثلثون جزءًا ما في السطر الأول وهو لسمت الحمل فنجده اثنين وعشرين جزءًا وإحدى وأربعين دقيقة فنأخذ بقدر ذلك من المسطرة بالبركار فنضع أحد طرفيه على نقطة ص ونعلم حيث 170

[5] When we have finished the almucantars and we want to draw the azimuth circles, let there be what is drawn of them on a sixth of a complete astrolabe for every 10°, and what exceeds a "sixth" astrolabe of sizes until the complete astrolabe for every 5°. In the climate whose



latitude is  $30^{\circ}$  we take what is in the first line; it is for the azimuth of [the first point of] Aries. We find it to be  $22^{p}41'$ . We take [a distance] in the amount of that on the rule with the compasses and put one of its ends at point C and make a mark where

<sup>165</sup> السمت [السموت 165 BTS أن تخطيط [ أن تخط 165 BTS فإذا [وإذا 165 [وإذا 165 BTS فازا [وإذا 165 السمت الأسطرلاب 167 مطيرات [الحمل 169 BTS ... سدس الأسطرلاب 167 add. S المحلومة في عمل المقتطرات [ ص 170 BS المحلومة في عمل المقتطرات [ ص 170 BS المحلومة عن عمل المقتطرات [ ص 170 BS المحلومة عن عمل المقتطرات المحلومة في عمل المحلومة

بلغ الطرف الآخر من خط صب نقطة ع فندير على مركز ع وببعد عص قوساً لسمت الحمل والميزان تقطع أفق الفلك المستقيم وأفق الإقليم ودائرة الحمل جميعاً على نقطتي زح فإن لم يقع كذلك فقد دخل العمل زلل ثم تحيز على نقطة ع في الصفيحة خطاً يوازي خط دب غير مؤثر في الصفيحة عليه ح ما ونأخذ من الحدول ما يقابل عشرة أجزاء من السمت فنجده تسعة 175 عشر جزءًا فنأخذ بقدر ذلك من المسطرة بالبركار فنضع أحد طرفيه على نقطة ع ونعلم حيث بلغ الطرف الآخر من خطى عرص عط في الحبتين نقطتي ك ل ثم نطلب على خط ع ح نقطة إذا ركزنا أحد طرفي البركار عليها أمكننا بفتحنا البركار أن نمر بالطرف الآخر على نقطتي ص ل فإذا وجدناها أثبتنا أحد طرفي البركار عليها وأدرنا ببعد نقطة ص قوساً كهيئة قوس سصى 180 فقوس حي من قوس الأفق لسمت عشرة أجزاء من مطلع الحمل إلى ما يلي الشمال وقوس زس لسمت عشرة أجزاء من مغرب الحمل إلى ما يلى الحنوب ثم نطلب أيضاً من خط عط نقطة إذا ركزنا أحد طرفي البركار عليها أمكننا بفتحنا إياه أن نمر بالطرف الآخر على نقطتي ص له فإذا وجدناها أثبتنا أحد طرفي البركار عليها وأدرنا ببعد ص قوساً كهيئة قوس مصن فقوس حن 185 لسمت عشرة أجزاء من مطلع الحمل إلى ما يلى الجنوب وقوس زم لسمت D يقطم [يقم 173 B قوس [قوساً 172 S من 0m. B عين سمد [ع ويبعد 171 B عين سمد [ع ويبعد 171 بعد [بقدر 176 D السموت [السمت 175 CD يوازي [يقابل 175 CD خط [خطأ 174 S تخط [ نحبز 174 D من [في 177 CD حط [عط 177 D خط إخطى 0m. B 177 [الآخر 177 B فقع إنتضم 176 B المقم [الآخر 177 كا بيعده [بيعد 180 B نقطة [نقطتي 179 B معتم [بفتحنا 179 C اركرنا إركزنا 178 CD ع م ع ع ع ع اع م ا om. S قوس 181 تشميل C, سمس [سمس معلنا الكينة 180 ما عملنا الكينة 180 add. S من ; BS; من معلنا الكينة 180 من marg. T عمل [ أمكتا ... عليها 185-183 T عمل [ عمل [ 81 B الحوت [ الحنوب 182 T زش [ زس 182 S حرر B حر [ حن 185 B قوس (فقوس 185 S مصر B مص (مصن 185 T نقصنا (بفتحنا 184 T مطالع [مطلع 186

the other end reaches on line CG, point O. About centre O and with distance OC we draw an arc for the azimuth of Aries and Libra, cutting the horizon of the sphaera recta and the horizon of the climate and the circle of Aries, all of them, at points Z H. If it does not fall out like that. an error has crept into the work. Then on the plate we pass through point O a line parallel to line DB, not incised on the plate, on which are H'  $T^{11}$ . From the table we take what is opposite 10° of azimuth; we find 19<sup>p</sup>. In that amount we take [a distance] with the compasses on the rule; we put one of its ends at point O and where the other end reaches on lines OH' OT on both sides we mark points K L. Then on line OH' we seek a point [such that], when we fix one of the ends of the compasses on it, we can by opening the compasses pass with the other end through points C L. When we have found it, we fix one of the ends of the compasses on it and with the distance of point C we draw an arc, arc SCY: arc HY on the horizon arc [stands] for the azimuth of 10° from the rising point of Aries towards the north and arc ZS stands for the arc of 10° from the setting point of Aries towards the south. Then we also seek on line OT a point [such that], when we fix one of the points of the compasses on it, then, opening it, we can pass with its other end points C K. When we have found it, we fix one of the ends of the compasses on it and with distance of C draw an arc, arc MCN: arc HN [stands] for the azimuth of 10° from the rising point of Aries towards the south and arc ZM for the azimuth of

<sup>&</sup>lt;sup>11</sup>The letter H is given a dash to distinguish it from the H already used.

عشرة أجزاء من مغرب الحمل إلى ما يلى الشمال ثم نأخذ أيضاً من الجدول ما بحيال عشرين جزءًا ونعمل به كما عملنا في هذه الدوائر ونعمل كذلك لجميع دوائر السموت فإذا انتهينا إلى الدوائر التى تقرب من خط نصف النهار واحتجنا إلى الزيادة في خط حط في الجهتين جميعاً أخرجناه على استقامة 190 إلى غير نهاية وطلبنا عليه مواضع المراكز كما عملنا وليكن تخطيطنا لقسى السمت على تلك المراكز جميعاً ببعد نقطة ص من غير أن نحوز بالقسى على الدائرة الصغيرة التى تلى نقطة ص من دوائر المقنطرات لكى لا تكتر الخطوط هنالك فيفسد الموضع وأيضاً فإن الخطوط هناك تتضايق ولا يحتاج إليها ثم نكتب على كل قوس من قسى السمت مبلغ بعدها من خط نصف النهار في 195 قوس الأفق ونبتدئ بالعدد من خط نصف النهار مما يلى الجنوب في الجهتين إلى جميعاً إلى أن ننتهى بكل واحد من عدد المائة والثمانين الجزء في الجهتين إلى خط نصف النهار مما يلى الشمال ن

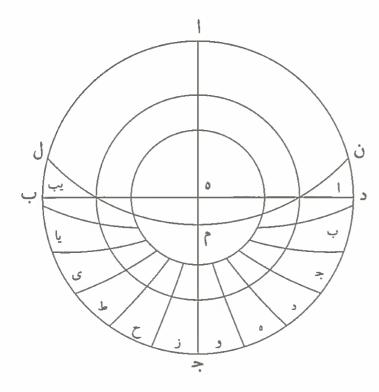
[6] ونصف بعد ذلك كيف تخطيط الساعات المعوجة والمستوية فإذا أردنا تخطيط الساعات المعوجة فإنا نقسم قوس لَجن من دائرة الجدى 200 والقوسين النظيرتين لها من مدار الحمل والسرطان تحت الأرض كل واحدة باثنى عشر قسماً متساوية ثم نطلب موضعاً إذا ركزنا أحد طرفى البركار عليه

10° from the setting point of Aries towards the north. Then in the table we also take what is opposite 20° and with it we do as we did with these circles. We do the same for all the azimuth circles. When we end up at the circles that are near the meridian line and we need more [an addition] in line H'T on both sides, we extend it in a straight line infinitely. On it we seek the positions of the centres as we have done. Our drawing of the azimuth arcs about all those centres should be in the distance of point C without our passing with the arcs through the small circle from [among] the almucantar circles that is near point C, so that the lines do not become too dense there and the place become confused. Also, the lines there become very close to each other and are not needed. Then we write on each of the azimuth arcs the amount of its distance from the meridian line on the horizon arc. We begin the counting at the meridian line towards the south in both directions until we reach with the countings of 180° each in both directions at the meridian line towards the north.

[6] After that we shall describe how to draw the unequal [mu'waj-ja] and the equal [mustawiya] hours. When we want to draw the unequal hours, we divide arc LGN of the circle of Capricorn and the two arcs corresponding to it on the course of Aries and Cancer below the Earth, each of them into twelve equal parts. Then we seek a place [such that], when we fix one of the ends of the compasses on it,

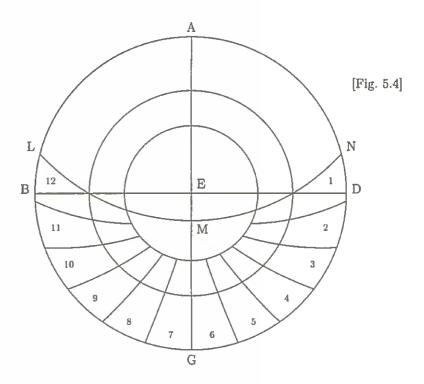
<sup>187</sup> الربع ير [الدوائر 188 ما اعلمنا إعلمنا 8 الله 188 ما (به 188 من الحدول 187 من الحدول 187 من الحدول 187 من الحدول 189 من العلم 189 من العلم 190 من الحدول 190 من العلم 190 من الله 190 من العلم 190 من الله الله 190 من ال

أمكننا بفتحنا إياه أن نمر بالطرف الآخر على الثلثة الأقسام الأوائل من الدوائر مما يلى المغرب فإذا وجدنا ذلك الموضع أدرنا عليه قوساً تجوز على



الثلث النقط فيما بين مدار الجدى والسرطان ثم نعمل كذلك بسائر الأقسام وحتى نصل بين كل نقطة من نقط أقسام قوس الجدى ونظيرتيها من قوسى الحمل والسرطان فإذا فرغنا من ذلك كتبنا على القوس الأولى مما يلى المغرب ساعة وعلى التى تليها ساعتين ثم نكتب كذلك على ما يتلو إلى أن ننتهى

we can by opening it pass with the other end at the three first divisions of the circles near the west. When we have found this place, we draw about it an arc passing through the three points between the course[s]



of Capricorn and Cancer. Then we do the same with the other divisions until we join between each of the points of the divisions of the arc of Capricorn and their counterparts on the arcs of Aries and Cancer. When we have done that, we write on the first arc near the west point "one hour" and on the next following "two hours"; then we write in the same way further on until we end up

عائر [بسائر 205 CD مما (فيما 205 S قوس S 205 أقوساً 204 (قوساً 204 CD) بفتحه (بفتحنا 203 B 205 بسائر السائر (السائر 205 S 206 واحدة الساغة 208 قوس (قوسي 206 D 206 واحدة (ساغة 208 كتب (أثم نكتب 308 CD) ونكتب (أثم نكتب 308 CD) ونكتب (أثم نكتب

بعدد الاثنتى عشرة ساعة إلى قوس الأفق مما يلى المشرق كهيئة ما عملنا في هذه الصورة · 210

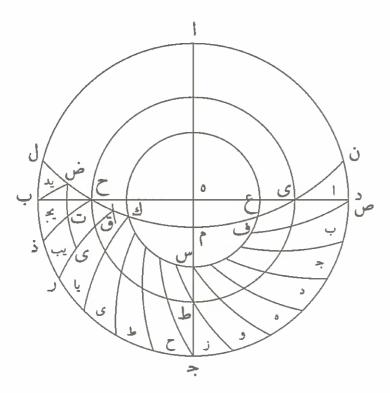
فاذا أردنا تخطيط الساعات المستوية فإنا نعيد مثال الصفيحة في صورة أخرى ونعيد مدارات السرطان والحمل والحدى ودائرة الأفق وخطوط الساعات المعوجة ثم نقسم قوس لجن التي من مدار الحدى بعدد ساعات نهار السرطان وهي في هذا الإقليم المفروض بالتقريب أربع عشرة ساعة ونقسم قوس كسع التي من مدار السرطان بعدد ساعات الحدى وهي عشر 215 ساعات وتكون أقسام قوس حطى كهيئتها اثنى عشر قسماً لأن عدد ساعات الحمل المعوجة مثل المستوية ثم نبتدئ من ناحية المغرب بالثلثة الأقسام الأوائل فنخط عليها قوساً على جهة ما بينا في قسى الساعات المعوجة كهيئة قوس فص من على الثلث النقط التي تليها حتى ننتهي بالساعة العاشرة إلى النقطة التي تتقاطع عليها قوس الأفق ومدار السرطان وهي نقطة ك فإذا 220 فعلنا ذلك ألزمنا صفيحة العنكبوت صفيحة المقنطرات واستخرجنا منها الحزء الذي تكون ساعات ليله المستوية احدى عشرة ساعة في الإقليم وأدرنا تلك الدرجة حتى نضعها على قوس الأفق مما يلى المشرق فتقع فيما بين نقطتي مدار [مدارات 212 BD فان [ فاذا 211 add. BS وبالله التوفيق [الصورة 200 T, om. S الساعة [ساعة 9 ساعة ع [التي من 215 tr. BTS | بالتقريب 214 om. CD (التي عن 315 E) في الرجز B الحر الرجن (الرجن 213 CD ) S حمل [ حمل 216 ع ما 216 من [ وتكون 216 CD وهو [ وهي 215 T التي هي CD الذي هو CD من [ في 218 ] alleg. B على 218 | T | الأولى [الأوائل 218 ] om. D | ثم ... الأوائل 218-217 S منه [منها 221 الأسطرلات [المتنظرات 221 ] seg. ras. D وأسرطان 220 ] om. D وأس 219 [الرطان 220 222 آياعة 222 om. BS

with the number of twelve hours at the horizon arc near the east point, as we do in the following diagram.

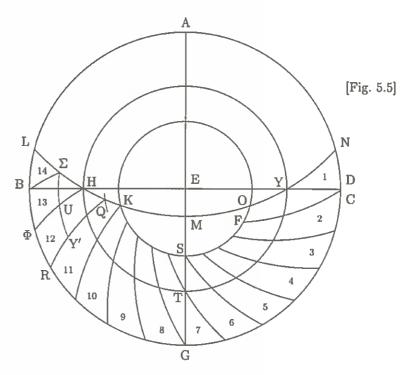
[7] When we want to draw the equal hours, we draw the same plate again. We draw again the courses of Cancer, Aries and Capricorn, the horizon circle and the lines of the unequal hours. Then we divide arc LGN, on the course of Capricorn, by the number of the hours of the day hours of Cancer, which are in this given climate approximately fourteen hours. We divide arc KSO, which belongs to the course of Cancer, by the number of hours of Capricorn, which are ten. The divisions of arc HTY are similar to them, twelve divisions, because the number of the unequal hours of Aries is as the equal [hours]. Then we begin from the western side with the three first divisions: we draw on them an arc, just as we showed in the arcs of the unequal hours, like arc FC; then on the three points that are near them, [i.e. the next three divisions,] until we end up at the tenth hour at the point on which the horizon arc intersects the course of Cancer, which is point K. When we have done that, we fit the rete plate onto the almucantar plate. From it we obtain the degree whose equal night hours are eleven hours in the climate. We rotate that degree until we place it on the horizon arc near the east: it falls between points

in C sunt duae figurae, quarum prima appellata الصورة in C sunt duae figurae, quarum prima appellata كنطيط المناعات الموجة في كل الصفائح (etiam in D) كنطيط الساعات المسجة في كل الصفائح (211 ante المستوية إفاداً) add. BS

لَهُ حَ على نقطة ق فندير على نقطة ق والنقطتين النظيرتين لها من دائرتي الحمل والحِدى قوساً كهيئة قوس قر فتكون هذه القوس الإحدى عشرة 225



K H, at point Q. Through point Q and the two points corresponding to it on the circles of Aries and Capricorn we draw an arc, say arc QR: this arc stands for eleven hours. Then we also obtain with the rete the



degree whose night hours are 13 hours. We rotate that degree until we place it on the horizon arc near the east: it falls at point  $\Sigma^{12}$  between points H L. About centre E and with the distance of point  $\Sigma$  we draw arc  $\Sigma Y'^{13}$ , not incised, on the plate. Then we bisect it at point U. Then through points H U and the point corresponding to them on arc LGN we draw arc  $HU\Phi^{14}$ : it stands

<sup>12</sup>In this pasage س (C) appears for this letter throughout in all manuscripts (though P may have  $\dot{\omega}$  once in the combination – the film available to me is not clear), but because  $\omega$  has already been used in the diagram,  $\omega$  ( $\Sigma$ ) has been assumed as intended.

<sup>&</sup>lt;sup>13</sup>Here the single dash on the letter Y is used to distinguish this Y from the one already used in the diagram.

<sup>14</sup> $\phi$ , i.e. 3, appears only, possibly, in MS T. All the other manuscripts have 3 (D).  $\phi$  is here preferred since D has already been used and al-Farghānī has already used letters from the end of the alphabet (e.g.  $\sigma$  (U)).

لاثنتى عشرة ساعة ثم نخط أيضاً على نقطة ض والنقطة الباقية من مدار الجدى قوساً كمثل ما عملنا فتكون لثلث عشرة ساعة وتكون نقطة آل لتمام الأربع عشرة ساعة وكذلك إن كانت الساعات أكثر من أربع عشرة إلى ما بلغت عملنا بها كمثل ما عملنا حتى نخط جميع الساعات الصحيحة مما يلى المغرب ويبقى كسر إن كان فيها مما يلى المشرق ونكتب عليها العدد مما يلى المغرب حتى ننتهى بآخر الأعداد إلى الأفق الشرقى كهيئة ما عملنا في هذه الصورة .

### [8] عمل الطل

ونصف بعد ذلك كيف نرسم الظل في الأسطرلاب ونكتفي بأن نرسم فيه ما بين ظل ارتفاع خمسة عشر جزءًا إلى تسعين جزءًا فأما ظل ما دون الخمسة عشر الجزء من الارتفاع فإنه تكثر وتتضايق فيه الخطوط فنجعل ذلك في مثال دائرة ابجد ونتوهمها دائرة ظهر الأسطرلاب ونخرج قطريها يتقاطعان على زاوية قائمة على نقطة آه ونجعل نقطة آه مسامتة لنقطة القطب في باطن الأسطرلاب لكي لا يكون في ذلك زلل وندير في دائرة ابجد دائرتين أخريين كهيئة ما عملنا في فلك البروج لأقسام الخمسات وأقسام الآحاد 245

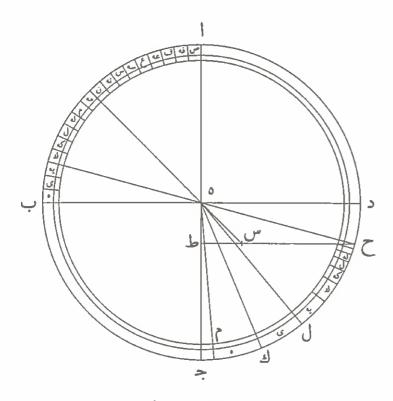
for 12 hours. Then through point  $\Sigma$  and the remaining [division-]point of the course of Capricorn we also draw an arc, as we did [before]: it will stand for 13 hours. Point L stands for the completion of 14 hours. Similarly if the hours are more than 14, to whatever they reach, we do with them just as we did [before], i.e. we draw all the full  $[sah\bar{u}ha]$  hours on the western side; there remains a fraction, if it is in them, on the eastern side. We write on them the number[s] near the west until we end up with the last of the numbers at the eastern horizon, as we have done in this figure.

#### [8] The construction of the shadow

After that we shall describe how we draw the shadow on the astrolabe. We restrict ourselves to drawing in it what is between the shadow of the altitude of  $15^{\circ}$  to  $90^{\circ}$ . As for the shadow of what is less than  $15^{\circ}$  of altitude, the lines become more numerous and closer to each other. We put that in the example of circle ABGD and we imagine it as the circle of the back of the astrolabe. We draw its two diameters intersecting at a right angle at point E. We make point E correspond to the point of the pole in the  $mater\ [b\bar{a}tin]$  of the astrolabe, so that no error occurs in that. In circle ABGD we draw two other circles, just as we did in the zodiac for the divisions of the fives and the divisions of the ones. We make the place of the suspension point A. We divide arc AB into 90 equal degrees

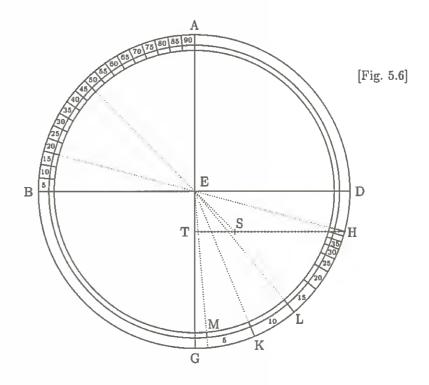
ساعة [231 تالتمام [ل لتمام 232 اللوب 1169. B 232 كما [كمثل ما 232 كالتانية [الباقية الباقية 231 مطل T 233 كالتمام [ل التمام 235 كالتمام [ل التمام 235 كالتمام [ل التمام 235 كالتمام 235 كالتمام 235 كالتمام ] مسلم أن كل كالتمام 235 كالتمام 240 كالتمام 245 كالتمام

ونكتب عليها العدد من نقطة ب إلى ما يتلو نحو نقطة آ فإذا أحكمنا ذلك وضعنا المسطرة على ارتفاع خمسة عشر جزءًا ونعلم حيث تقع المسطرة من



قوس جد نقطة ح و نخرج من نقطة ح خطاً يوازى خط ده غير مؤثر في الصفيحة عليه ح ط ونضع المسطرة على نقطة ه وعلى ارتفاع خمسة 250 وأربعين جزءًا ونعلم حيث قطعت المسطرة خط حط نقطة س فخط سط مساولخط طه فإن لم يكن كذلك ففي العمل زلل ثم نقسم خط سط باثني عشر قسماً متساوية ونقسم باقي خط سح بمثل أقسام سط فتكون جملة

and write on them the numbers from point B successively towards point A. When we have done that correctly, we put the rule at the altitude of 15° and where the rule falls on arc GD



we mark point H. From point H we draw a line parallel to line DE, not incised, on the plate – on it are H T. We place the rule on point E and on altitude 45° and where the rule cuts line HT we mark point S: line ST is equal to line TE. If it were not so, there would be a fault in the work. Then we divide line ST into 12 equal parts [qism] and divide the rest of line SH into parts the same [size as the parts of] ST; so the total of

B موه [قوس 249 يقع S, قطع CBTDKP, عثملع [تقع 248 هـ هـ سوى [يتلو 247 B ت [ ب 247 B على القعلة 249 BS موضع [نقطة 249 BS موضع [نقطة 249 كالم

أقسام خطح ط قريباً من خمسة وأربعين جزءًا ثم نضع المسطرة على نقطة ه وعلى خمسة أجزاء من خططح مما يلى نقطة ط ونعلم حيث تقطع المسطرة الدائرة العظمى نقطة ك ثم نضع المسطرة أيضاً على نقطة ه وعلى عشرة أجزاء من خطح ط ونعلم حيث تقطع المسطرة الدائرة العظمى نقطة ل ثم نفعل كذلك بالخمسات من العدد كلها فتقع لنا على قوس جح تسعة أقسام فنرسم عليها العدد من نقطة ج إلى ما يتلو نحو نقطة ح ثم نضع المسطرة أيضاً على نقطة ه وعلى جزء واحد مما يلى نقطة ط ونعلم حيث 260 تقطع المسطرة الدائرة الصغرى نقطة م ثم نعمل كذلك بسائر الأقسام للآحاد قسماً قسماً حتى نأتى على جميع الأجزاء ·

#### [9] عمل ظل العود

ونصف لتمام العمل كيف نرسم في الأسطرلاب الخط الذي به يعرف الوقت الذي يزيد فيه ظل العود على مقدار ظله نصف النهار بمثل طول العود وذلك سهل لما عملنا من الظل فنخط في مثال الأسطرلاب فيما بين خطى الساعة الثامنة والساعة العاشرة من الساعات المعوجة قسياً من مدارات

the parts of line HT is near to 45 parts. Then we put the rule on point E and at 5 parts [juz] of line TH near point T, and where the rule cuts the greatest circle we mark point K. Then we put the rule also on point E and on 10 parts of line HT and where the rule cuts the great circle we mark point E. Then we do the same with all the fives of the total number[s]: on arc E there fall for us 9 divisions E with E with E write on them the numbering from point E successively towards point E. When we put the rule again on point E and on E near point E and where the rule cuts the smallest circle we mark point E and on the same with the remaining divisions of the units, division by division, until we have completed all the degrees.

#### [9] Construction of the shadow of the gnomon [al- $\bar{u}d]^{15}$

To complete the work, we describe how we draw in the astrolabe the line by which is determined the time at which the shadow of the gnomon exceeds the quantity of its shadow at midday by the equal of the length of the gnomon; and that is easy because of what we have constructed of the shadow. In the model [mithāl] of the astrolabe, between the lines of the eighth hour and the tenth hour of the unequal hours we draw arcs of the courses of

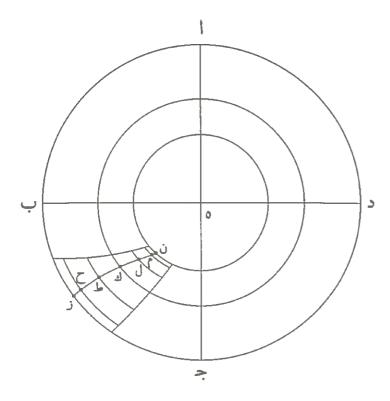
المساب [بالخمسات 258 كل و C, om. D وذلك [كذلك 258 كل المساب المس

وهذا ,T add. T كما بينا في هذه الصورة ,B add. B إن شاء الله عز وجل وهذه الصورة وبالله التوفيق { الأجزاء 262 مطل. T وهذا ,T على على التوفيق على التوفي

add. S في نصف النهار والعصر [ العود 263

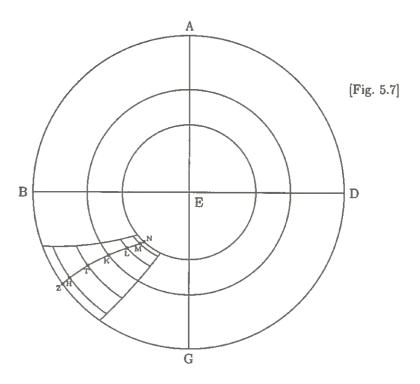
<sup>15 &</sup>quot;at midday and afternoon [al-'asr] add. S.

رؤوس البروج غير مؤثرة في الصفيحة كهيئة ما رسمنا في هذه الصورة ونأخذ ارتفاع نصف نهار السرطان في هذا الإقليم المفروض فنجده ثلثة



وثمانين جزءًا ونصف جزء بالتقريب و تجد ظل ذلك الارتفاع جزءًا وثلث جزء 270 فنزيد عليه مثل طول العود وهو اثنا عشر جزءًا فيبلغ ثلثة عشر جزءًا وثلث جزء فنحولها من الظل إلى الارتفاع فيخرج لنا اثنان وأربعون جزءًا فنضع رأس السرطان في فلك البروج على ارتفاع اثنين وأربعين جزءًا في صفيحة

the beginnings of the signs, not incised, in the plate, as drawn in this figure. We take the midday altitude of Cancer in this given climate:



we find it 83 and a half degrees approximately. We find the shadow of that altitude to be a part and a third. We add to it the equal of the length of the gnomon, which is 12 parts. So it reaches 13 and a third parts. We transform them from shadow to altitude: there emerges for us 42°. We put the beginning of Cancer, in the zodiac, at the altitude of 42° on the almucantar

T النهار [نهار 269 أول جزء من [نصف نهار 269 marg. B والكينة 268 مؤثر [مؤثرة 260 مؤثر [مؤثرة 270 تا 17 CD وثلث وربع [ونصف جزء 270 CD وثل [من 272 CD قي [من 272 CD 272 CD قي [من 272 CD 272

المقنطرات مما يلى المغرب ونعلم حيث وقع رأس الجدى حمن> مدار الجدى نقطة رَثم نستخرج أيضاً ظل نصف نهار أول الأسد ونعمل به كما عملنا وبأول السرطان حتى نعرف ارتفاع الشمس فى ذلك الوقت مما يلى المغرب فنضع أول الأسد على مثل ذلك الارتفاع وننظر إلى نظير الجزء وهو أول الدلو أين وقع من مدار أول الدلو فنعلم هناك نقطة ح ثم نعمل كذلك بسائر رؤوس البروج حتى نستخرج جميع العلامات كهيئة ما استخرجنا فى هذه الصورة نقط رَح ط له ل م ن ثم نصل بينها جميعاً بقسى متشابهة ويالتقريب فيكون نظير درجة الشمس متى وقع على هذا الخط فهو الوقت الذي يزيد فيه الظل اثنى عشر إصبعاً على ظل نصف النهار .

[10] فأما الوقت الذي يحدّ به ابتداء ضياء الفجر وانقضاء ضياء الشفق اللذين يكونان من عكس كرة الأرض لضوء الشمس فليس مما يحتاج إلى رسمه إذ كان وقتاً واحداً في جميع الأقاليم وفي كل أوقات السنة وقد 285 يمكن أن تتغير أوقاته بتغير الهواء وبزيادة ضوء القمر ونقصانه في ذلك الوقت فأما على الاعتدال بالتقريب فإنه يكون إذا كان بعد ما بين الشمس ودائرة الأفق سبعة عشر جزءًا من الدائرة العظيمة المخطوطة على الشمس كالوقت فأما على الاعتدال بالتقريب فإنه يكون إذا كان بعد ما بين الشمس ودائرة الأفق سبعة عشر جزءًا من الدائرة العظيمة المخطوطة على الشمس R كاول وقع 274 قطع وقع 374 وقع 374 [أين ... الدلو 278 من إذلك 277 منالله ومناله وقت الغجر (وقع 278 يأم الله النها 280 كان على 38 منالله وقت الغجر ( 19 يقط 280 منالله وقت الغجر ( 19 يحد 280 كان و ( به 281 كان بعد إ يحد 281 كان بطول R السمس الذي يكون ( الشنق اللذين يكونان 284 283 بن ( به 283 كام يتما على 185 283 كام يناله وقت الغجر ( 185 284 كان و 185 283 كانلوريق في ( طلس مما يحتاج إلى 287 284 كان و 185 283 كانلوريق في ( طلس مما يحتاج إلى 287 284 كان القر 186 28 كانلوريق في ( طلس مما يحتاج إلى 287 284 كان كان الكوروط الخطوطة المخوطة المخوطة

plate near the west. Where the beginning of Capricorn falls on the course of Capricorn we mark point Z. Then we also obtain the midday shadow of the beginning of Leo; we proceed with it as we proceeded with the beginning of Cancer, in order to determine the altitude of the Sun at that time towards the west. We put the beginning of Leo on the equal of that altitude; we look at where the opposite of the degree, which is the beginning of Aquarius, falls on the course of the beginning of Aquarius: there we mark point H. Then we do similarly with the beginnings of the other signs until we have obtained all the marks [i.e. points], as in this figure points Z H T K L M N. Then we join them together with approximately similar arcs. When, therefore, the opposite of the degree of the Sun falls on this line, it is the time at which the shadow exceeds the midday shadow by twelve digits [isba\*].

[10] As for the time at which the beginning of the light of dawn and the ending of the light of dusk are fixed, which are from the reflex by the Earth's sphere of the light of the Sun, it is not necessary to draw it, since it is the same time in all climates and at all times of the year. Its times may change with the change of atmosphere and with the increase or decrease of the light of the Moon at that time. As for [the situation] approximately at the equinox, it occurs when the distance between the Sun and the horizon circle is 17° on the great circle drawn through the Sun

Al-Farghānī, Astrolabe, Chapter 6

341

وعلى نقطة سمت الرؤوس ومن بعد فراغنا مما وصفنا نعمل عضادة الأسطلاب واللبنتين والقطب والفرس على ما لم تزل تعمل عليه · 290

## النوع السادس في صفة تخطيط الأسطرلاب الجنوبية

أما ما عمل عليه الأولون من هيئة الأسطرلاب على جهة القطب الشمالى للعلة التى قدمناها فهو ما قد وصفنا وقد يجب لتمام العمل بما قدمنا من العلة أن نصف كيف نعمل الأسطراب على جهة القطب الجنوبي .

فلنصف أولاً بصفة جامعة فرق ما بين الجهتين وذلك مما لا يحتاج في تبيينه إلى كثير من القول فمن ذلك أن فلك البروج يتشكل في الأسطرلاب الجنوبية كهيئته في الأسطرلاب الشمالية أعنى في بعد مركزه ومقدار قطره وأجزاء قسمته إلا أن موضع كل برج في الأسطرلاب الجنوبية يقع بموقع نظيره في الشمالية فيقع النصف الشمالي في مكان الجنوبي والجنوبي في مكان المالي لأن نسبة ميل كل جزء من أجزاء نصف فلك البروج الشمالي إلى بعده من القطب الشمالي كنسبة ميل نظيره من أجزاء نصف فلك البروج الشمالي المروج الشمالي المحده من القطب الشمالي كنسبة ميل نظيره من أجزاء نصف فلك البروج الشمالي المحدودي إلى بعده من القطب الجنوبي .

CD قبل [عليه 290 م. BTS والغرس 290 C, lac. D والسن [واللبنين 290 BS الراس [الرؤوس 289 C, lac. D والمدن [واللبنين 290 BS الراس [الرؤوس 290 c, lac. D والله أعلم , add. T وأن شاء الله المزيز , add. B إن شاء الله عز وجل , B من قبل 3 قدر ما [ما قد 4 b على جهة القطب الجنوبي [الجنوبية 2 bS قدر ما [ما قد 4 b على العني 10 أكثر [كثير 7 تأشه [تبيينه 7 7 ولأنه , BS ولا [وقد 4 b على عملان [1 في مكان [1 في

and through the zenith point. After we have finished what we have described we make the alidade of the astrolabe, the two sights [ $libnat\bar{a}n$ ], the pin [qutb] and the "horse" as they have always been made.

# Chapter 6 On how to delineate the southern astrolabe

As for how the Ancients made the astrolabe with respect to the north pole according to the argument that we have given, it is what we have already described. It may be necessary, for the completion of the work with the argument that we have presented, to describe how to make the astrolabe with respect to the south pole.

Let us first describe in a comprehensive way the distinction between the two types; that is what does not need many words in its explanation. To that belongs that the zodiac is formed in the southern astrolabe like that in the northern astrolabe – i.e. in the distance of its centre, the size of its diameter and the degrees of its division – except that the place of each sign in the southern falls at the place of its opposite in the northern; so the northern half takes the place of the southern and the southern takes the place of the northern, because the ratio of the declination of each of the degrees of the northern half of the zodiac to its distance from the north pole is as the ratio of the declination of its opposite from [among] the degrees of the southern half of the zodiac to its distance from the south pole.

وأما الكواكب الثابتة فإن الأجزاء التي تمر معها في خط وسط السماء واحدة في الجهتين جميعاً وأما أنصاف أقطار مداراتها فمختلفة فتستعمل في 15 الأسطرلاب الجنوبية أبعادها من القطب الجنوبي حتى تخرج لنا أنصاف أقطارها فيها كما سنبين بعد هذا الكلام وإن ما يقع في الأسطرلاب الجنوبية من الكواكب ما كان مداره فيما بين القطب الجنوبي ومدار رأس السرطان كما أن ما يقع في الأسطرلاب الشمالية منها ما كان مداره فيما بين القطب المشالي ومدار رأس الجدى إلا أن يزاد في مقدار صفيحة الأسطرلاب في الحنوبية .

وأما دوائر مقنطرات الارتفاع فإن مراكزها تقع فيها على خط نصف النهار في الجهتين جميعاً أعنى جهتى الشمال والجنوب فأما دوائر الآفاق في الأقاليم الشمالية فإن أنصاف أقطارها متساوية في جميع الأقاليم على ما كان من الدوائر العظام في كرة الفلك فإن مقداره في الأسطرلاب الجنوبية مساوٍ 25 لقداره في الشمالية إلا أن دوائر الآفاق في الجنوبية تقع مراكزها على خط نصف النهار مما يلى الشمال وأما سائر المقنطرات فمخالفة لمقاديرها في الأسطرلاب الشمالية إلا أن ما كان منها فيما بين دائرة الأفق إلى المقنطرة التي ارتفاعها بقدر عرض الإقليم فإن مراكزها تقع على خط نصف النهار مما

As for the fixed stars, the degrees with which they pass at the meridian line are the same in both types. The semidiameters of their courses are different: in the southern astrolabe their distances from the south pole are applied so that their semidiameters in it emerge for us, as we shall show after this discussion. The stars that occur on the southern astrolabe are those whose courses are between the south pole and the course of the beginning of Cancer, just as those of them that occur on the northern astrolabe are those whose courses are between the north pole and the course of the beginning of Capricorn. And [even] when the size of the astrolabe plate is increased, the course of the beginning of Capricorn in the northern [astrolabe] or the course of the beginning of Cancer in the southern runs along it [sc. the rim of the plate].

As for the circles of the altitude almucantars, their centres fall in it [sc. the southern astrolabe] on the meridian line on both sides, i.e. the northern and southern sides. As for the horizon circles in the northern climates, their semidiameters are equal [to those in the northern astrolabe] in all the climates, as is the case with the great circles in the sphere of the heavens: its [i.e. the horizon circle's] size in the southern astrolabe is equal to its size in the northern. But the centres of the the horizon circles in the southern [astrolabe] fall on the meridian line towards the north. The almucantars are all different from their sizes on the northern astrolabe. The centres of those of them that are between the horizon circle and the almucantar whose altitude is in the quantity of the latitude of the climate fall on the meridian line towards

يلى الشمال والمقنطرة الواحدة التى ارتفاعها مساوٍ لعرض الإقليم تقع على 30 خط مستقيم وباقى المقنطرات إلى ارتفاع تسعين جزءًا تقع مراكزها على خط نصف النهار مما يلى الجنوب ·

وأما دوائر السموت فإنها جميعاً من الدوائر العظام ومقاديرها في الأسطرلاب الشمالي والجنوبي جميعاً واحدة إلا أن الخط الذي تقع عليه مراكزها في الأسطرلاب الجنوبية يقطع خط نصف النهار مما يلى الجنوب 35 وبعده من نقطة سمت الرؤوس فيها كبعده منها في الأسطرلاب الشمالية فإذا كان عرض الإقليم أقل من جملة الميل وقعت نقطة سمت الرؤوس داخلة في مدار السرطان وإن كان أكثر منه وقعت خارجة عن مداره وسنبين ذلك كله فيما يتلو هذا الموضع .

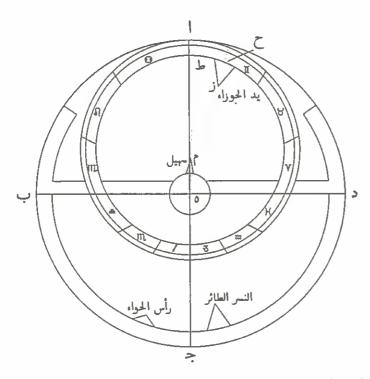
[1] فنفرض صفيحة العنكبوت دائرة آبجد ومركزها نقطة ه ونحط أج خط نصف النهار وخط دب أفق الفلك المستقيم ثم نرسم فيها فلك البروج ونقسمه كهيئة ما قسمناه في الأسطرلاب الشمالية ثم نكتب على الأقسام أسماء البروج ونبتدئ بالحمل من الموضع الذي أثبتنا فيه الميزان في الأسطرلاب الشمالية ونتبعه بسائر البروج فيقع رأس السرطان في هذه الصورة موقع رأس الحدى في الصورة والشمالية والجدى في الصورة تالشمالية والجنوبية [الثمال والجنوبي 34 B5 واذا إفإذا 37 الرأس الرؤوس 36 كا يقع على 8 تقطع 35 المقطى على 8 تالوس الرؤوس 36 كا يقع على 8 تالوس الرؤوس 36 كا المناس المناس المناس وتسمناه وتسمناه وتسمناه إقسمناه إقسمناه وتسمناه إقسمناه إقسمناه إلى المناس المناس الكلية الكل

the north. The one almucantar whose altitude is equal to the latitude of the climate appears as a straight line; and of the remainder of the almucantars to altitude 90° the centres fall on the meridian line towards the south.

As for the azimuth circles, they are all great circles and their sizes in both the northern and southern astrolabe[s] are the same. The line on which their centres fall in the southern astrolabe cuts the meridian line towards the south and its distance from the zenith point in it [sc. the southern astrolabe] is as [sc. equal to] its distance from it in the northern astrolabe. When the latitude of the climate is less than the total declination, the zenith point falls inside its [i.e. Cancer's] course. If it is greater than it, it falls outside the course of Cancer. We shall show all of that in what follows this passage [mawdi\*].

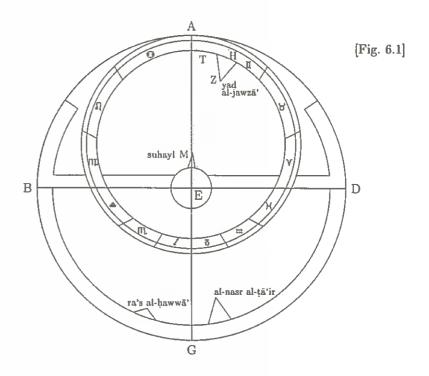
[1] We assume the plate of the rete to be circle ABGD and its centre point E. We draw its two diameters intersecting at a right angle. Line AG is the meridian line and line DB is the horizon at sphaera recta. Then we draw in it the zodiac and divide it as we divided it in the northern astrolabe. Then we write on the divisions the names of the signs, beginning with Aries in the place in which we established Libra in the northern astrolabe and following it up with the rest of the signs. So the beginning of Cancer falls in this diagram in the place of the beginning of Capricorn in the northern

الشمالية فإذا أحكمنا ذلك ابتدأنا برسم الكواكب الثابتة ونقول أولاً إنا إنما أثبتنا في الجداول أنصاف أقطار مداراتها في الأسطرلاب الشمالية فأما في الجنوبية فإنا نستخرجها على ما نصف ·



نأخذ أولاً جزء ممر يد الجوزاء الذي عملنا به في الشمالية وهي في الجوزاء أربعة عشر جزءًا فنعلم موضعه في فلك البروج نقطة ح و تخرج خط 50 مح غير مؤثر في الصفيحة ثم نأخذ أيضاً من جدول الكواكب بعد يد الجوزاء من معدل النهار فنجده خمسة أجزاء واثنتين وأربعين دقيقة في جهة الشمال فيكون بعده من القطب الجنوبي خمسة وتسعين جزءًا واثنتين الشمال فيكون بعده من القطب الجنوبي خمسة وتسعين جزءًا واثنتين مسلم المهار أسلم 10 ما المهار النا 10 مسلم 10 ما الذي 10 مسلم 10 مسلم

diagram [i.e. the diagram of the northern astrolabe]. When we have done this appropriately, we begin drawing the fixed stars. *I say* first: we have established in the table the semidiameters of their courses in the northern astrolabe; and as for [the same] in the southern, we obtain them as I shall describe.



We take first the degree of the passage [i.e. the *mediatio*] of [the star]  $Yad\ al\ Jawz\bar{a}$  [ $\alpha$  Orionis], with which we worked in the northern [astrolabe]: it is Gemini 14°. We mark its position in the zodiac as point H; we draw line EH, not incised, on the plate. Then we also take from the star table the distance of  $Yad\ al\ Jawz\bar{a}$  from the equator: we find it 5°42′ on the northern side. So its distance from the south pole is 95°42′.

وأربعين دقيقة فندخل ذلك جدول المدارات ونأخذ ما بحياله فنجده واحداً وعشرين جزءًا وثلثى جزء بالتقريب فنأخذ من المسطرة بالبركار بقدر ذلك 55 ونضع أحد طرفى البركار على نقطة ه ونعلم حيث قطع الطرف الآخر خط ه و نقطة ر فنقطة ر موضع يد الجوزاء ·

وأيضاً نأخذ جزء معر سهيل فنجده في الجوزاء تسعة وعشرين جزءًا وثلثاً وأربعين دقيقة فنعلم على موضعه في فلك البروج نقطة ط ونخرج خط مط غير مؤثر في الصفيحة ثم نأخذ أيضاً من الجدول بعد كوكب سهيل من 60 خط الاستواء فنجده واحداً وخمسين جزءًا وسبعاً وعشرين دقيقة في جهة الجنوب فيكون بعده من القطب الجنوبي ثمانية وثلثين جزءًا وثلثاً وثلثين دقيقة فندخل ذلك جدول المدارات ونأخذ ما بحياله فنجده ستة أجزاء ونصفاً وثلث جزء بالتقريب فنأخذ من المسطرة بالبركار بقدر ذلك ونضع أحد طرفيه على نقطة م ونعلم حيث قطع الطرف الآخر خط هط نقطة م فنقطة م موضع كوكب سهيل وعلى هذا المثال نستخرج أنصاف أقطار الكواكب في الأسطرلاب الجنوبية ونرسمها فيها ثم نعمل في إضافة ما قرب من الكواكب من القطب ومن فلك البروج ومن حرف العنكبوت كمثل ما عملنا في الأسطرلاب الشمالية .

[With] that we enter the table of courses and take what is opposite it: we find it to be  $21^p$  and two thirds of a part approximately. Then with the compasses we take on the rule [a distance] in the amount of that and put one of the ends of the compasses at point E, and where the other end cuts line EH we mark point Z: point Z is the position of  $Yad\ al\ Jawza$ .

Again, we take the degree of passage of Suhayl [ $\alpha$  Carinae]; we find it at Gemini 29°43′. At its place in the zodiac we mark point T. We draw line ET, not incised, on the plate. Then we again take from the table the distance of the star Suhayl from the equator line  $[khatt\ al\ istimae]$ : we find it 51°27′ on the southern side. So its distance from the south pole is 38°33′. [With] that we enter the table of the courses and take what is opposite it: we find it  $6^p$  and a half and a third of a part approximately. Then on the rule we take with the compasses [a distance] in that amount and put one of its ends at point E; where the other end cuts line ET we mark point M. So point M is the position of the star Suhayl. According to that example we obtain the semidiameters [of the courses] of the stars in the southern astrolabe and inscribe them on it. Then we proceed with the addition of those stars that are near the pole, the zodiac and the rim of the rete, as we did with the northern astrolabe.

BS بعد [بقدر 55 add. BS في add. BS أباليكار [بالبركار 55 D جزءًا [جزء 55 add. BS في ] om. S وذلك 54 بعث الله 55 م أو ح 35 add. T من أخذ أوأيضاً نأخذ 85 add. T من أو ح 57 من أو ح 57 marg. B من أخذ أوثيثاً نأخذ 84 BS من أخذ أوثيثاً أخذ 85 من أخذ أوثيثاً أخذ 85 أوثيثاً أخذ 85 أوثيثاً أخذ إلى 68 أحد أوثيثاً أوثلث 46 BS أوثيثاً أوثلث 46 BS أوثيثاً أوثلث 46 BS أوثيثاً أوثيثاًا

add. D صورة العنكبوت الحنوبية وتخطيطها ;add. TS على ما رسمنا في هذه الصورة | الشمالية 69

[2] ونصف بعد ذلك كيف تخطيط صفيحة المقنطرات فنفرض 70 الصفيحة دائرة أبجد ومركزها نقطة آ ونخرج قطريها يتقاطعان على زاوية قائمة ونأخذ من المسطرة بالبركار بقدر بعد مركز دائرة الأفق من مركز الصفيحة في الإقليم المفروض الذي عرضه ثلثون جزءًا وهو أربعة وثلثون جزءًا ودقيقتان فنضع أحد طرفي البركار على نقطة آ ونعلم حيث بلغ الطرف الآخر من خط نصف النهار في جهة الشمال نقطة لا ونأخذ أيضاً من المسطرة 75 بالبركار بقدر نصف قطر مدار دائرة الأفق وهو تسعة وثلثون جزءًا وثماني عشرة دقيقة فنضع أحد طرفي البركار على نقطة لا وندير به في الصفيحة عشرة دقيقة فنضع أحد طرفي البركار على نقطة لا وندير به في الصفيحة قوس زمل وهي قوس الأفق في هذه الأسطرلاب ·

ثم من بعد ذلك نأخذ مقنطرة ستة أجزاء فنزيدها على عرض البلد فيكون أقرب بعدها من القطب الجنوبي ستة وثلثين جزءًا ونزيد الستة الأجزاء على مائة وخمسين جزءًا فيكون أبعد بعدها من القطب الجنوبي مائة وستة وخمسين جزءًا فندخل عددى البعدين جميعاً جدول المدارات فنجد ما يقابل الستة والثلثين الجزء ستة أجزاء وثلثاً وعشرين دقيقة ونحد ما يقابل المائة والستة والخمسين الجزء اثنين وتسعين جزءًا وسبعاً وعشرين دقيقة فنضع أحد من المسطرة بالبركار بقدر الستة الأجزاء والثلث والعشرين الدقيقة فنضع أحد 85

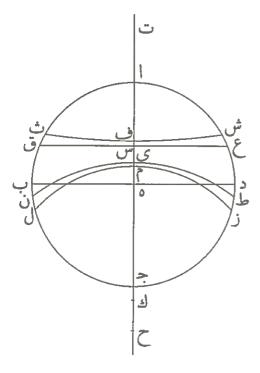
[2] After that we describe how to draw the plate of the almucantars. We assume the plate to be ABGD and its centre point E; we draw its two diameters intersecting at a right angle. On the rule we take with the compasses [a distance] in the amount of the distance of the centre of the horizon circle from the centre of the plate in the assumed climate, of which the latitude is  $30^{\circ}$ ; it is  $34^{\circ}2'$ . We put one of the ends of the compasses at point E, and where the other end reaches on the meridian line on the northern side we mark point K. We also take on the rule with the compasses [a distance] in the amount of the semidiameter of the course of the horizon circle; it is  $39^{\circ}18'$ . We put one of the ends of the compasses at point K and draw with it on the plate arc ZML—it is the arc of the horizon in this astrolabe.

Then after that we take the almucantar of 6° and we add it to the latitude of the climate. So its nearest distance from the south pole is 36°. We add 6° to 150°: its furthest distance from the south pole is 156°. [With] the numbers of the two distances we enter the table of courses. We find what is opposite the 36° to be 6°23′ and find what is opposite what is opposite the 156° to be 92°27′. On the rule we take with the compasses [a distance] in the amount of the 6°23′: we put one

يبلغ إبلغ 47 T (24 تخطيط المركز 12 T مركزها [ومركزها 31 B تخطط المخطط 32 المحطط المخطط 32 المحطط المخطط 32 المحطط 32 المحطط الم

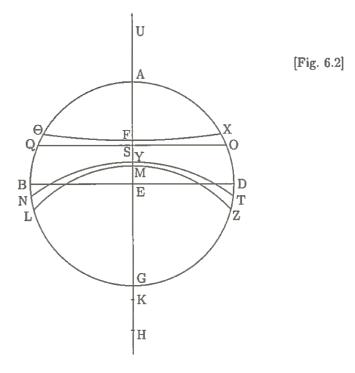
add. BS ante تخطيط المقنطرات [ ونصف 70

طرفيه على نقطة و ونعلم حيث بلغ طرف البركار الآخر من خط نصف النهار الجنوبي نقطة ى ثم نزيد الستة الأجزاء والثلث والعشرين الدقيقة على



الاثنين والتسعين الجزء والسبعة والعشرين الدقيقة ونأخذ نصف ما اجتمع فيكون نصف قطر هذه المقنطرة تسعة وأربعين جزءًا وخمساً وعشرين دقيقة فنأخذ من المسطرة بالبركار بقدر ذلك ونضع أحد طرفيه على نقطة ى ونعلم 90 حيث بلغ الطرف الآخر من خط نصف النهار الشمالي نقطة ح فندير بالبركار على مركز ح وببعد حى في الصفيحة قوس طىن وهى قوس مقنطرة ستة

of its ends on point E and where the other end of the compasses reaches on the southern meridian line we mark point Y. Then we add



the  $6^p$  23' to the  $92^p$ 27' and take half of the sum: the semidiameter of this almucantar is  $49^p$ 25'. On the rule we take with the compasses [a distance] in the amount of that and put one of its ends on point Y, and where the other end reaches on the northern meridian line we mark point H. With the compasses we draw, about centre H and with distance HY, arc TYN on the plate; it is the arc of the almucantar of  $6^\circ$ .

دقيقة [الدقيقة 87 marg. C 87 الآخر 86 BTS الطرف (طرف البركار 86 marg. C 87 العارف (عرف البركار 86 م 87 supra D 86 أناف العرف العرف 87 عند المنطقة 88 عند العرب 87 عند العرب 8

ثم نعمل في سائر المقنطرات كذلك حتى ننتهى إلى المقنطرة التى ارتفاعها عن الأفق بقدر عرض البلد وهى مقنطرة ثلثين جزءًا في هذا الإقليم ويكون أقرب بعدها من القطب الجنوبي ستين جزءًا وأبعد بعدها منه مائة وثمانين جزءًا فنأخذ ما بحيال ستين جزءًا من جدول المدارات فنجده أحد عشر جزءًا وعشرين دقيقة فنأخذ بقدر ذلك من المسطرة بالبركار ونضع أحد طرفيه على نقطة ه ونعلم حيث قطع الطرف الآخر خط نصف النهار من جهة الجنوب نقطة س فنجيز على نقطة س خط عسق موازياً لخط ده ب 100 وهو خط مقنطرة ثلثين جزءًا .

ثم نأخذ أيضاً مقنطرة ستة وثلثين جزءًا فنجد أقرب بعدها من القطب الحنوبي ستة وستين جزءًا وأبعد بعدها منه مائة وأربعة وسبعين جزءًا فندخل عددى البعدين جدول المدارات فنجد ما بحيال الستة والستين الجزء اثنى عشر جزءًا وستاً وأربعين دقيقة وما بحيال المائة والأربعة والسبعين الجزء ثلثمائة وخمسة وسبعين جزءًا ودقيقتين فنأخذ بالبركار من المسطرة بقدر الاثنى عشر الجزء والست والأربعين الدقيقة فنضع أحد طرفيه على نقطة م ونعلم حيث بلغ الطرف الآخر من خط نصف النهار الجنوبي نقطة ف ثم والسبعين الجزء والست والأربعين الدقيقة من الثلثمائة والخمسة والسبعين الجزء والست والأربعين الدقيقة من الثلثمائة والخمسة والسبعين الجزء والست والأربعين الدقيقة من الثلثمائة والخمسة والسبعين الجزء والدقيقتين ونأخذ نصف ما بقى فيكون نصف قطر هذه 110 والسبعين الجزء والدقيقتين ونأخذ نصف ما بقى المناز وابعد ... وثمانين جزءًا 97-98 و 100 مس و المناز من 102 وابعد ... وثمانين جزءًا 98-99 و 100 مس و 102 وابعد ... وثمانين جزءًا 98-90 و 102 وابعد ... وثمانين عمل و على 109 و 102 وابعد ابقد 100 و 102 وستون المنوبي 100 و 102 وستون المنوبي 110 و 102 وستون المنوبي 110 و 102 وستون المنوبي 110 وستون المنوبي 110 و 102 وستون المنوبي 110 و 102 وستون المنوبي 110 وستون 110 و 102 وستون المنوبي 110 وستون 110 و

Then we proceed similarly with the other almucantars until we arrive at the almucantar whose altitude above the horizon is in the amount of the latitude of the region; it is the almucantar of  $30^{\circ}$  in this climate. So its nearest distance to the south pole is  $60^{\circ}$  and its furthest distance from it is  $180^{\circ}$ . We take what is opposite  $60^{\circ}$  in the table of the courses and find it to be  $11^{p}20'$ . On the rule we take with the compasses [a distance] in the amount of that. We put one of its ends on point E and where the other end cuts the meridian line on the south side we mark S. Through point S we draw line OSQ, parallel to line DEB; it is the line of the almucantar of  $30^{\circ}$ .

Then we also take the almucantar of  $36^{\circ}$ ; we find its nearest distance from the south pole to be  $66^{\circ}$  and its furthest distance  $174^{\circ}$ . [With] the numbers of the two distances we enter the table of courses and find what is opposite the  $66^{\circ}$ ,  $12^{\circ}46'$ , and what is opposite the  $174^{\circ}$  to be  $375^{\circ}2'$ . On the rule we take with the compasses [a distance] in the amount of the  $12^{\circ}46'$ . We put one of its ends on point E and where the other end reaches on the meridian line we mark point E. Then we subtract the  $12^{\circ}46'$  from the  $375^{\circ}2'$  and take half of what remains: the semidiameter of this

المقنطرة مائة وواحد وثمانين جزءًا وثمانى دقائق فنأخذ من المسطرة بالبركار بقدر ذلك ونضع أحد طرفيه على نقطة ف ونعلم حيث قطع الطرف الآخر خط نصف النهار الجنوبى نقطة ت فندير بالبركار على مركز ت وببعد ت ف في الصفيحة قوس شفث وهي مقنطرة ستة وثلثين جزءًا ثم كذلك نعمل في باقي المقنطرات إلى أن تنتهى إلى المقنطرة التي ارتفاعها في هذا الإقليم أربعة وثمانون جزءًا وذلك قريب من مدار السرطان في الكرة فتقع هذه المقنطرة خارج دائرة ابجد وقريبة من مماستها .

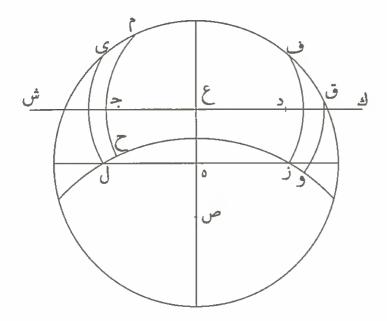
[3] ونصف أيضاً كيف نخط قسى السموت في هذه الأسطرلاب فإن نقطة سمت الرؤوس إذا لم تقع داخل الصفيحة استخرجنا بدلها موضع النقطة التي تقابلها في الكرة ليكون تخطيطنا لقسى السموت ببعدها من مواضع المراكز كما أصف نأخذ في هذا الإقليم بعد النقطة المقابلة لنقطة سمت الرؤوس من القطب الجنوبي فنجده ستين جزءًا فندخل ذلك جدول المدارات ونأخذ ما بحياله فنجده أحد عشر جزءًا وعشرين دقيقة فنأخذ بقدر ذلك من المسطرة بالبركار فنضع أحد طرفيه على نقطة آ ونعلم حيث بلغ الطرف الآخر من خط نصف النهار مما يلى الشمال نقطة ص فنقطة ص فع جدول النقطة المقابلة لسمت الرؤوس ثم نأخذ من جدول السموت في جدول

almucantar is  $181^p8'$ . On the rule we take with the compasses [a distance] in the amount of that and put one of its ends on point F, and where the other end cuts the southern meridian line we mark point U. With the compasses we draw, about centre U and with distance UF arc  $XF\Theta$  on the plate. It is the almucantar of  $36^\circ$ . Then we proceed similarly with the remaining almucantars until we arrive at the almucantar whose altitude in this climate is  $84^\circ$ ; that is near to the course of Cancer in the sphere. This almucantar falls outside circle ABGD and is near to touching it.

[3] Also, we describe how we draw the azimuth arcs in this astrolabe. When the zenith point does not fall inside the plate we obtain in its stead the place of the point that lies opposite it in the sphere, so that our delineation of the azimuth arcs with their distance[s] from the places of the centres is as I shall describe. We take in this climate the distance of the point opposite the zenith point from the south pole; we find it to be  $60^{\circ}$ . [With] that we enter the table of courses and take what is opposite it: we find it to be  $11^{\circ}20'$ . On the rule we take with the compasses [a distance] in the amount of that; we put one of its ends on point E and where the other end reaches on the meridian line towards the north we mark point E: point E is the point opposite the zenith. Then we take from the azimuth table in the column

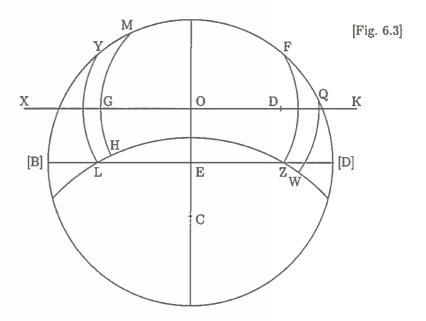
S سعب , 8 شعب , 0 شعب (CD شوت أورث 114 قرب المناف المناف

الإقليم المفروض ما في السطر الأول الذي هو نصف قطر دائرة سمت الحمل والميزان فنجده اثنين وعشرين جزءًا وإحدى وأربعين دقيقة فنأخذ من المسطرة بالبركار بقدر ذلك فنضع أحد طرفيه على نقطة ص ونعلم حيث بلغ



الطرف الآخر من خط نصف النهار الجنوبي نقطة ع فندير على مركز ع وببعد عص قوسين في جهتى المشرق والمغرب كهيئة قوسي فري تقطعان خط أفق الفلك المستقيم وأفق الإقليم أيضاً على النقطتين المشتركتين لهما جميعاً فإن لم يقع كذلك ففي العمل زلل ثم نحيز على نقطة ع خطاً يوازي خط دب عليه ك ع ش فخط كعش يقوم في هذه الأسطرلاب مقامه في الأسطرلاب الشمالية ونقطة ص تقوم مقام نقطة سمت الرؤوس فيها فنأخذ الأسطرلاب الشمالية ونقطة ص تقوم مقام نقطة سمت الرؤوس فيها فنأخذ الله على المالية ونقطة على النقطة والمالية ونقطة على التقوم مقام نقطة المالية ونقطة على التقوم المالية ونقطة على التقوم المالية ونقطة على التقوم المالية ونقطة على التقوم مقام نقطة المالية ونقطة التقوم التقوم المالية ونقطة على التقوم المالية ونقطة التقوم التقو

of the given climate what is in the first row, which is the semidiameter of the azimuth circle of Aries and Libra. We find it to be  $22^p41'$ . On the rule we take with the compasses [a distance] in the amount of that, we put one of its ends on point C, and where the other end reaches on



the southern meridian line we mark point O. About point O and with distance OC we draw two arcs on the eastern and western side, arcs FZ YL, cutting the horizon line at sphaera recta and also the horizon of the climate in two points common to both of them. If it does not turn out like that, there is a slip in the procedure. Then through O we pass a line, parallel to line  $DB^{16}$ , on which are K O X. Line KOX takes in this astrolabe the place that it holds in the northern astrolabe and point C takes the place of the zenith point in it. We take

<sup>&</sup>lt;sup>16</sup>Points D and G are about to be defined on line KOX itself. Since it seems unlikely that al-Farghānī would use twice a letter as early in the alphabet as D, I have assumed that the positions of D and B are understood by analogy with other diagrams. In our diagram they are represented by "[D]" and "[B]"

ما بحيال سمت عشرة أجزاء من الجدول فنجده تسعة عشر جزءًا فنأخذ من المسطرة بالبركار بقدر ذلك فنضع أحد طرفيه على نقطة ع ونعلم حيث بلغ الطرف الآخر من خطى ع في ع ش في الجهتين نقطتي د ج ثم نطلب على خط ع في نقطة إذا ركزنا أحد طرفي البركار عليها أمكننا بفتحنا إياه أن نمر بالطرف الآخر على نقطتي ص ج فإذا وجدنا تلك النقطة أثبتنا أحد طرفي 140 البركار عليها وأدرنا في الصفيحة قوسين أيضاً كهيئة قوسي ح جم ق و ثم ندير البركار إلى الجهة الأخرى ونعمل كما عملنا ثم كذلك تتم سائر قسى السموت وإنما استعملنا بدل نقطة سمت الرؤوس النقطة التي تقابلها إذا لم تقع نقطة سمت الرؤوس في الصفيحة فإذا وقعت فيها لم تكن بنا حاجة إلى نظيرتها بسمت الرؤوس في الصفيحة فإذا وقعت فيها لم تكن بنا حاجة إلى نظيرتها بسمت الرؤوس في الصفيحة فإذا وقعت فيها لم تكن بنا حاجة إلى نظيرتها بسمت الرؤوس في الصفيحة فإذا وقعت فيها لم تكن بنا حاجة إلى نظيرتها بسمت الرؤوس في الصفيحة فإذا وقعت فيها لم تكن بنا حاجة إلى نظيرتها بسمت الرؤوس في الصفيحة فإذا وقعت فيها لم تكن بنا حاجة إلى نظيرتها بسمت الرؤوس في الصفيحة فإذا وقعت فيها لم تكن بنا حاجة إلى نظيرتها به سمت الرؤوس في الصفيحة فإذا وقعت فيها لم تكن بنا حاجة إلى نظيرتها به المناء المناه المناء الرؤوس في الصفيحة فإذا وقعت فيها الم تكن بنا حاجة إلى نظيرتها به المناء ا

ونعمل فى تخطيط سائر ما بقى من خطوط الأسطرلاب من الساعات 145 وغيرها مثل ما عملنا فى الأسطرلاب الشمالية ولكى لا نطيل القول تكون فيما وصفنا كفاية لمن له علم بما قدمنا فى كتابنا هذا وبالله التوفيق ·

what is opposite  $10^{\circ}$  in the table; we find it to be  $19^{\circ}$ . On the rule we take with the compasses [a distance] in the amount of that, we put one of its ends on point O, and where the other end reaches on lines OK OX we mark on the two sides D G. Then on line OK we seek a point [such that] when we place one of the ends of the compasses on it, we can, opening it, pass with the other end over points C G. When we find that point, we fix one of the ends of the compasses on it and draw on the plate two arcs, arcs HGM QW. Then we turn the compasses in the other direction and do [again] as we have done. Then the other azimuth arcs are finished similarly. Instead of the zenith point we use the point lying opposite it when the zenith point does not lie inside the plate: when it falls in it we do not need its opposite.

In delineating the rest of the lines of the astrolabe, such as the hours, etc., we do as we did in the northern astrolabe. In order that we do not prolong our talk, in what we have described there is what suffices for those who understand what we have set forth in this book of ours; success is from God.

ملق [حجم قو 141 BS المارف B المارف B المارف BS الراس [الطرف BS الراس [الطرف BS الراس [الطرف B الراس [الطرف B المرك BT بالبركار [البركار 142 B المرك B لا محم لو وراة البركار [البركار 142 B المحم لو وراة البركار [البركار 142 BS الفسى [قسى السموت 142 BS القسى [قسى السموت 142 BS القسى [قسى السموت 142 المحم ا

# النوع السابع فى أن جميع ما يُتوهم من صنعة الأسطرلاب مخالفاً لما وصفنا غير ممكن ولا صحيح

أما ما وصفنا في كتابنا هذا من علة الأسطلاب وصحتها وما احتيج إليه في صنعتها من كل ما قدمناه فقد أتينا على كل باب منه ببرهان واضح وحجة ولازمة وأما ما عسى أحداً أن يتوهم من أنه قد يمكن أن تعمل آلة الأسطرلاب على غير هذه الهيئة التي وصفناها فسنيين أنه لا يجب الإقرار بذلك إما لأن بعض تلك الوجوه مستحيل البتة وإما أن لا يمكن عملها على الحقيقة ولكن على التشبيه والتقريب في شدة وصعوبة وامتناع في الصنعة وإما أن يكون ممكناً في الصنعة ومخالفاً في القياس للصواب .

فنقول أولاً إنه لا يمكن أن تعمل الأسطرلاب إلا على أحد قطبى معدل النهار أعنى أنه لا يمكن أن ينقل ما في كرة الفلك على جهة ما وجدنا إلى سطح الأسطرلاب الماس للكرة على غير إحدى نقطتى القطبين من أجل أن حركة الفلك الكلية من المشرق إلى المغرب إنما هي على قطبي معدل النهار وأن جميع أجزاء فلك البروج ومواضع الكواكب الثابتة من الكرة 15

Chapter 7
That all that is imagined of making the astrolabe
different from what we have described is not possible and not correct

As for what we have described in this book of ours of the rationale of the astrolabe, its correctness and what is needed in making it of all that we have set out, we have finished every aspect  $[b\bar{a}b]$  of it with a proof and pertinent argumentation. As for what one might think, i.e. that it is possible to make the astrolabe instrument in a form other than this form that we have described, we shall show that this must not be maintained, either because some of these ways are completely impossible, or [because] it is not possible to make it according to reality, but [only] by resemblance and approximation [and] with strain, difficulty and impossibility in making [it], or [because] it is possible in construction but inconsistent with the truth.

So I say first: it is not possible to construct the astrolabe except with respect to one of the poles of the equator, i.e. that it is not possible, as we have found, to transfer what is in the sphere of the heavens to the plane of the astrolabe touching the sphere at a [point] other than the two points of the poles, since the universal motion of the sphere from east to west is only about the poles of the equator and all the degrees of the zodiac and the positions of the fixed stars in the sphere

om. وصحتها 4 وضعنا [وصفنا 3 BS عاما أما 4 BS, supra TD عاما أما 4 BS, supra TD عامات 3 BS عامات 5 BS عامات 5 BS عند البنتا أثينا 5 BS قدمنا إقدمناه 5 BS احداث 6 BS عند البنتا أثينا 5 BS قدمنا إقدمناه 5 BS احداث 1 البناء 1 BS احداث 1 البرهان 5 marg. B عند 1 احداث 1 البرهان 5 marg. B عند 1 احداث 1 البرهان 5 marg. B عند 1 البرهان 5 BS عند 1 البرهان 5 BS عند 1 البرهان 5 BS احداث البرهان 6 BS البرهان 6 كالم البرهان 6 BS البر

تتحرك محركة الكل في دوائر متوازية فإن توهمنا أنه قد يمكن أن تحعل سطح الاسطرلاب يماس الكرة على غير أحد قطبى معدل النهار فإن هذه الدوائر المتوازية تتشكل في سطح الأسطرلاب غير متوازية لأن مراكزها تقع حينئذ على نقط مختلفة ويقع قطب معدل النهار أيضاً خارجاً عن مراكزها جميعاً كما بينا من تشكل دوائر مقنطرات الارتفاع فإذا تشكلت هذه الدوائر 20 كما وصفنا فكيف يمكننا أن نرسم مدارات أجزاء فلك البروج ومواضع الكواكب موازياً بعضها لبعض وأيضاً فإن توهمنا أنه قد يمكن أن ننقل هذه الدوائر عن هيئة شكلها في الأسطرلاب ونرسمها متوازية على مركز واحد حتى يتقاطع بكل دائرة منها الحزء الذي يدور فيها من فلك البروج فإنه لا يمكن أن يقع أفق الفلك المستقيم خطاً مستقيماً لأنه حينئذ ليس من الدوائر العظام 25 التي تتقاطع على النقطة التي يماس عليها سطح الأسطرلاب الكرة ولكن يتشكل قوساً من دائرة وتتغير سائر دوائر المقنطرات بمثل ذلك فتختلف الخلقة ويستحيل العمل ا

و نجعل لذلك مثالاً في تصيير السطح الماس للكرة يماسها على أحد قطبي فلك البروج فنخط دائرة ابجد على مركز ه و نخرج قطريها يتقاطعان 30 على زاوية قائمة ونتوهمها دائرة فلك البروج تماس الكرة على نقطة ه

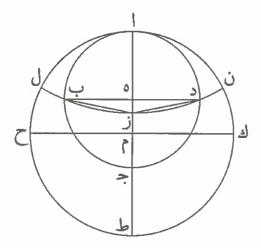
move with the motion of the universe in parallel circles. If we imagine that it would be possible to let the plane of the astrolabe touch the sphere at [a place] other than one of the two poles of the equator, then these parallel circles would be formed in the plane of the astrolabe as not parallel, because their centres would then fall at different points and the pole of the equator would also fall [when projected] not coincident with [khārijan 'an] any of their centres, as we proved concerning the formation of the circles of the altitude almucantars. When these circles are formed as we have described, then how could we draw the courses of the degrees of the zodiac and [the courses of] the positions of the stars parallel to each other? Also: if we imagine that it would be possible to transform these circles from the form of their shape in the astrolabe and to draw them parallel to one another about one centre, so that the degree of the zodiac that rotates among them intersects with each of these circles, then it would not be possible that the horizon at sphaera recta appears as a straight line, because then it is not one of the great circles that intersect at the point at which the plane of the astrolabe touches the sphere, but forms an arc of a circle, and all the almucantar circles undergo alteration in the same way. Then the form is different and the construction becomes impossible.

We make an example for that by letting the plane tangent to the sphere touch it at one of the poles of the zodiac; we draw circle ABGD about centre E and draw its two diameters intersecting at a right angle. We imagine it the zodiac circle<sup>17</sup> touching the sphere at point E.

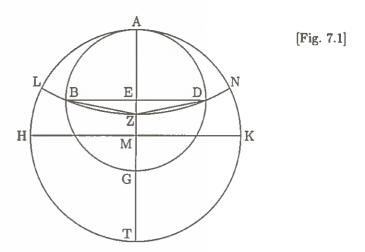
<sup>8</sup> تقطة , 8 تقطة (تقط و 11 قط و 12 وموارية [ متوارية 18 و 17 احدى [ أحد 17 و 18 قط 5 وموارياً [ متوارية 18 و 17 مدارات أجراء 21 قط 12 قط 20 وموارياً [ موارياً 22 قط 22 قط 20 وموارياً [ موارياً 22 قط 22 قط 22 قط 20 وموارياً [ مدارات أجراء 21 قط 22 قط 22 قط 20 قط 20

<sup>&</sup>lt;sup>17</sup>Something like "the pole of which is" seems to be omitted here.

و نجعل خط آه ج هو فلك نصف النهار المخطوط على أقطاب الفلكين وهو خط مستقيم و نجعل نقطة آ رأس الجدى ونقطة ب رأس الحمل ونقطة جرأس السرطان ونقطة درأس الميزان من أجل أن دائرة فلك البروج على هذه



We make line AEG the meridian circle drawn through the poles of the two circles [falakān, i.e. the equator and zodiac]; it is a straight line. We make point A the beginning of Capricorn, point B the beginning of Aries, point G the beginning of Cancer, and point D the beginning of Libra, because the zodiac circle is divided in this way like the division



<sup>&</sup>lt;sup>18</sup>Perhaps the course of Capricorn is meant.

<sup>&</sup>lt;sup>19</sup> AHTK must be meant.

فإذا جعلنا حركة فلك البروج على نقطة رَ التي هي قطب معدل النهار وأدرنا فلك البروج من المشرق إلى المغرب فإن نقطة ب من فلك البروج توافي موضع نقطة أ مع موافاة نقطة أ موضع نقطة د لأن زاويتي بزآ ازد متساويتان ولكن نقطة أ توافي موضع نقطة د قبل موافاة نقطة د موضع نقطة ج لأن زاوية أرد أصغر بكثير من زاوية درج فنقطة ب توافي موضع نقطة أ قبل موافاة نظيرتها وهي نقطة د موضع نقطة جو وخط أج يقسم كل واحد من فلك البروج ومعدل النهار بنصفين فيختلف العمل عند ذلك ويستحيل .

وأيضاً إن توهمنا حركة الكل ليس على نقطة رَ التي هي قطب معدل 50 النهار إذ كانت خارجة عن مركز دائرة معدل النهار وجعلنا الحركة على نقطة م التي هي المركز وهي أبعد من مركز فلك البروج من نقطة رَ كان ذلك أشد استحالة من الباب الأول وكذلك تبين أنه لا يمكن رسم الأسطرلاب على جهة ما قدمنا إلا على أحد قطبي معدل النهار فقط ·

وذلك أنهم جعلوا بسيط كرة الفلك كأنه انفتق من أحد القطبين فصار دائرة مسطوحة على القطب المنفتق من القطبين فصار دائرة مسطوحة على القطب الآخر وتشكل القطب المنفتق من القطبين في القطب الآخر وتشكل القطب المنفتق من القطبين في القطب الآخر وتشكل القطب المنفتق من القطبين في القرار الق

When we let the motion of the zodiac be about point Z, which is the pole of the equator, and we rotate the zodiac from east to west, then point B of the zodiac reaches the position of point A, while point A reaches the position of point D, because the angles BZA AZD are equal. But point A reaches the position of point D before point D reaches the position of point D is much smaller than angle DZG. So point D reaches the position of point D before its opposite, which is point D, reaches the position of point D. Line D0 bisects both the zodiac and the equator; and at that [i.e. if this were to happen] the operation becomes deviant and impossible.

Again, if we imagine the motion of the universe not about point Z, which is the pole of the equator, since it is not coincident with the centre of the equator circle, and we let the motion be about point M, which is the centre and which is further from the centre of the zodiac than point Z, [then] that would be still more impossible than the first case. In this way it is clear that it is only possible to draw the astrolabe in the way we have set out, about one of the poles of the equator.

Again, people have imagined that the making of the astrolabe would be possible in another way, namely, they made the surface of the sphere of the heavens as if it were split open [infataqa] at one of its poles, so that it became a circle spread out about the other pole; and the split-open pole of the poles in

الأسطرلاب خطأ محيطاً بدائرة فكيف لا يُقبح هذا الرأى ممن فكر فيه وعمل به إذ كان قطبا معدل النهار نقطتين ثابتتين غير متحركتين فكيف يمكن أن يتشكل أحدهما دائرة متحركة على القطب الآخر وهذا من أشنع ما يقال به 60 في هذا الباب وأيضاً فإن القطبين لازمان في كل حال لأفق الفلك المستقيم فكيف يمكن أن يلزم القطب وهو دائرة متحركة أفق الفلك المستقيم ولقد وصف محمد بن موسى في هذا الباب ما فيه كفاية في إبطال هذا المذهب ممن فكر فيه وأيضاً فإنهم عملوا بعد ما بينا من فساد أصل ما بنوا عليه أن رسموا دائرة فلك البروج بخطوط تصل بين نقط مختلفة وذلك أنهم أخذوا 65 موضع ميل كل برج عن معدل النهار على الخطوط التي تقسم مطالع الفلك المستقيم ثم وصلوا بين تلك المواضع بخطوط مختلفة في الهيئة أعنى أنها ليست بقسى من دوائر ولا بخطوط مستقيمة بل تتشكل دائرة فلك البروج شبيهة بما سماه الأولون الشكل التنوري ومعلوم عند أهل الهندسة أنه غير ممكن أن يُرسم على الصحة إلا أحد خطين إما خط مستقيم أو قوس من دائرة 70 فكيف يمكن أن نقول إن العمل بهذا الوجه صحيح أم كيف لو كان صحيحاً يسهل علينا طلبه واستخراج هيئة الأشكال في الأسطرلات بما وضعوا عرضه ٠

the astrolabe took the form of a line containing [the circumference of] a circle. How is this opinion of those who think about it and use it not to be considered absurd? For the poles of the equator are two fixed points, not moving. So how can one of them take the form of a circle moving round the other pole? This is one of the most abominable [ideas] that can be maintained on this topic. Also, the poles cling permanently to the horizon at sphaera recta. So how can the pole cling to the horizon at sphaera recta, when it is a movable circle? Muhammad ibn Mūsā has described on this subject what is sufficient to invalidate this method of those who maintain it. Further, beyond what we have explained of the corruption of the basis on which they built, they drew the zodiac circle with lines joining up various points: they took the place of the declination of each sign from the equator on the lines that cut off [tagsimu] the ascension at sphaera recta; then they joined up those places by lines of various shape[s], i.e. not arcs of circles and not straight lines, but the zodiac circle takes a form similar to what the Ancients called the oven-like form [al-shakl al-tannūrī]. It is known among the geometers that it is only possible to draw correctly one of two lines: either a straight line or an arc of a circle. So how is it possible to say that the use of this kind [of astrolabe] is correct or how, if it were correct, could it be easy for us to obtain it and to determine the shape of the forms on the astrolabe by the demonstration they brought forward.

Al-Farghānī, Astrolabe, Chapter 7

أقول إنه لو استُخرج في الأسطرلاب بهذا المأخذ ميل كل دقيقة من فلك البروج عن معدل النهار ومقدار ما يطلع به من الفلك المستقيم ورُسم على ذلك لم يكن واقعاً بالحقيقة فضلاً عن أنه لا يمكن أحداً أن يدرك ذلك في الصنعة بل من يدَّعِ أن يقصد في صنعة الأسطرلاب لجهة الحق والصواب مع قليل العمل ومهولة المأخذ يتكلف صنعته على ما لا يصح ولا يوافق الحق مع شدة مطلبه وامتناع عمله .

وأيضاً فإن توهم أحد أنه قد يمكن أن نرسم جميع ما في كرة الفلك في سطح الأسطرلاب الماس للكرة على أن نتوهم أن الكرة فسحت على 80 السطح الماس لها على احد القطبين فوقع القطب الآخر على القطب الماس ووقع كل جزء من أجزاء الكرة موقع العمود الذي يخرج من موضعه في الكرة إلى مسقطه في السطح فإن العمل بهذا الباب يستحيل أيضاً من أجل أن فلك البروج على هذا السبيل يتشكل في الأسطرلاب قطعتين مشابهتين بالتقريب لقطع الشكل التنوري .

ونمثل لذلك دائرة اب حد على مركز و تخرج قطريها يتقاطعان على زاوية قائمة فإن توهمنا أن دائرة اب حد مساوية لدائرة معدل النهار في

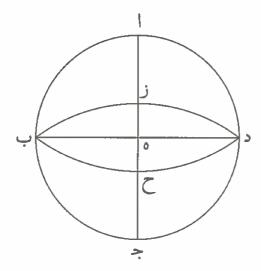
I say: if there were determined on the astrolabe by this method the declination of each minute of the zodiac from the equator and the quantity of what it rises with of the sphaera recta, and it were drawn like that, it would not come out according to reality; besides, nobody could attain that in making [it]. But he who pretends to strive after making the astrolabe according to truth and correctness, with little work and an easy method, burdens himself with making it according to what is not correct and does not correspond to the truth, however eagerly he tries, while it is impossible to make it.

Again, if someone imagines that it would be possible to draw all that is on the sphere of the heavens on the plane of the astrolabe tangent to the sphere on the assumption that the sphere is spread out on the plane tangent to it at one of the poles, and so the other pole falls upon the "tangent" pole and each of the degrees of the sphere becomes [so to say] a perpendicular starting out at its place on the sphere to its foot-point on the plane, then the operation in this way is also impossible because the zodiac in this way takes on the astrolabe the form of two sections approximately similar to the sections of the oven-like form.

As an example of that [we draw] circle ABGD about centre E and we draw its diameters intersecting at a right angle. If we imagine that circle ABGD is equal to the equator circle in

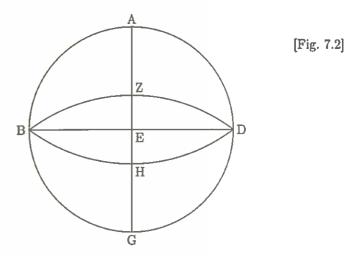
<sup>73</sup> مثل [ ميل 73 مثل [ ميل 65 مثل 65 مثل 65 مثل [ ميل 73 مثل [ ميل 75 مثل [ ايان 75 مثل [ ايان 75 مثل [ ميل 75 مثل ] مثل 1 مطل. 75 مكن [ يكن 75 مثل 2 ميل 2 مثل 2 مثل 2 مثل 3 مثل 2 مثل 3 مثل 3

الكرة وأقمنا الكرة على سطح ابجد وجعلنا أحد القطبين على نقطة ة تبين أن قطر الكرة الذي يصل بين القطبين عمود على سطح دائرة ابجد



على نقطة آوران الكرة إذا قسمت ووضع النصف الأعلى منها على النصف 90 الأسفل الذي يلى السطح ووقعا جميعاً على السطح فوقع القطبان جميعاً على نقطة آوروقعت دائرة معدل النهار على دائرة ابجد ولم تفضل إحداهما على الأخرى ووقع فلك البروج في السطح كهيئة شكل دربح لأنه يميل عن معدل النهار في الجهتين بمقدار واحد وتقع الدائرة المخطوطة على أقطاب الفلكين في الكرة على خط آج في السطح فيكون كل واحد من 95 خطى آرجح في السطح هو الجبب المنكوس لقوس الميل كله وكل واحد من قوسى الميل وقعت على جيبها المنكوس من خط آج في المل وقعت على جيبها المنكوس من خط آج في المل وقعت على جيبها المنكوس من خط آج في المل وقعت على جيبها المنكوس من خط آج في المورة ح متساويان

the sphere and set up the sphere on plane ABGD, putting one of the two poles at point E, it is clear that the diameter of the sphere that joins the poles is perpendicular to the plane of circle ABGD



at point E and that, when the sphere is divided and the upper half of it is placed on the lower half, which is near the plane, and they fall together on the plane, then the two poles together fall on point E, and the equator-circle falls on circle ABGD, neither of them protruding over the other, and the zodiac falls in the plane like the figure DZBH, because it is inclined from the equator on the two sides in the same quantity, and the circle drawn through the poles of the two circles [al-falakayn] in the sphere [al-kura] falls on line AG in the plane. Each of the lines AZ GH in the plane is the versed sine of the arc of the total declination, and each of the two arcs of declination falls on its versed sine on line AG. So lines EZ EH are equal;

كانت فسحت [قسمت 90 C عموداً [عمود 89 T سنن [تين 89 D أثمنا الكرة ,0 om. C وأنمنا الكرة 38 T وأنمنا الكرة 39 أحدهما [إحداهما 93 m. CD وأمنا الكرة 5 وقسا 1 om. CD وقسا إحداهما 93 فتحت ,5 فتحت ,5 فتحت ,5 قتحت ,5 B على المنا 94 وأحدة [وأحد 96 D جربح [دربح 87 على 1 supra B وأحدة ]

فإذا كانت نقطة رّ رأس السرطان ونقطة ح رأس الجدى فقد وجب أن يكون مدار السرطان مساوياً لمدار الجدى هيئتهما في بسيط الكرة وهذا مما يستحيل أيضاً في السطح ولا يمكن العمل به إلا أن نقتصر في هذا الباب على وضع ما في أحد نصفى الكرة فقط إما الشمالي وإما الجنوبي في سطح الأسطرلاب فيمكن أن يقع صحيحاً مع عسر رسمه وصعوبة تخطيطه إذ لم يكن دائرة ولا قسياً متشابهة كمثل ما بينا في تشكيل فلك البروج في الباب الذي قبل هذا .

فقد تبين أنه غير موجود أن تكون لصنعة الأسطرلاب على الحقيقة 105 جهة يعمل بها مخالفة لما وصفنا وقد أتينا فيما وصفنا على تبيين جميع ما يمكن القول فيه من علة الأسطرلاب وصفة صنعتها بما رسمنا في الجداول لجميع نواحى الأقاليم وذلك ما لا يحتاج إلى أكثر منه وإن أحد أراد أن يعمل الأسطرلاب لموضع من الأرض مما يجوز عرضه خمسين جزءًا إلى تسعين جزءًا ففيما وصفنا لاستخراج ذلك من الجداول المفردة لهذا ما يستدل به 110 على ذلك بإذن الله .

and when point Z is the beginning of Cancer and point H is the beginning of Capricorn, it is necessary that the course of Cancer is equal to the course of Capricorn, as they are in the surface of the sphere. This is what is also impossible in the plane and it is not possible to work with it, except when we restrict ourselves in this matter to placing what is on one of the halves of the sphere alone, either the northern or the southern, on the plane of the astrolabe. It is possible that it comes out correctly, although it is hard to draw and difficult to delineate, since it is not a circle and not similar arcs, as we have explained in the formation of the zodiac in the chapter before this one.

It is clear that for making an astrolabe according to truth there exists no way by which it could be made different from what we have described. In our description we have exhausted the explanation of all that can be said about it of the rationale of the astrolabe and the mode of making it through what we have laid down in the tables for all the regions of the climates. This is what suffices on this matter. But if someone wants to make an astrolabe for a place on Earth with latitude between 50 and 90 degrees: in what we have described to obtain that from the tables specifically made for this there is what will lead him to that, if God allows (be He exalted).

هيئنها [هيئنهما 99 هلقدار [لدار 99 ه مساوى [مساوياً 99 مساوى أمدار 99 مقدار [مدار 99 هيئنها [هيئنهما 99 مساوى ] مسلام 100 هيئنها [مسلام 100 هيئنها [مسلام 100 هيئنها [مسلام 100 هيئنها ] مسلام 100 هيئنها [مسلام 100 هيئنها ] مسلام 100 هيئنها إن المسلام الم

# Appendix 1

Variant Passages in S, B and T

Variant Passages in S

1. The beginning of the text: cf. Introduction, lines 1-30

بسم الله الرحمان الرحيم

الحمد لله الذي لا يبلغ أداء حمده الحامدون وشكراً لنعمه فوق ما شكره الشاكرون وصلوته على محمد النبي الكريم الذي أثنى عليه في كتابه العزيز الحكيم فقال مادحاً له «وإنك لعلى خلق عظيم» وعلى آله المنتجبين صلوة متصلة إلى يوم الدين، أما بعد فلما كان الأسطلاب أشرف آلة وضعت في علم الفلك وطريقه أوضح طريق لمن في هذا الفن سلك أجبت أن أجمع علمه في رسالة موضحة قريبة المسلك فوضعت ما بلغ الاجتهاد إليه ووقع عند التحير الاختيار عليه وسميته بالكامل وجعلته مشتملاً على سبعة أنواع .

#### 2. Chapter 2, lines 73-137

وإذ قد وضح ما قد بينا فلنبين كيف تتشكل دوائر الآفاق في سطح الأسطرلاب فنعيد الصورة ونجعل قوس آط مساوياً لتمام عرض البلد فتكون نقطة ط محل تقاطع دائرة الأفق مع فلك نصف النهار ويكون خط طلا قطر الأفق في الكرة للبلد المفروض وتكون قوس لاد ارتفاع القطب عن الأفق وتكون دائرة الصفيحة المخطوطة على قطر زل أفق البلد والبرهان 5 على ذلك شبيه لما تقدم ·

#### 1. cf. Introduction, lines 1-30

In the name of God, the Merciful, the Compassionate.

Praise to God, the performance of Whose praise the praisers do not reach, and thanks for His benefactions above the thanks given by the thankers. His blessing upon Muḥammad, the noble Prophet, whom He lauded in His glorious and wise book – He said, praising him, "You are verily of an excellent nature" – and on his chosen family unceasing blessing until the Day of Judgement. Hereafter: since the astrolabe is the noblest instrument invented in the science of astronomy and its method the clearest method for whoever pursues this art, I agreed to assemble its knowledge in an explanatory treatise easy to understand. I laid down what my endeavours arrived at and that on which the choice fell in case of uncertainty, and I called it  $al\text{-}K\bar{a}mil$  ["The Perfect One"] and made it contain seven chapters [naw].

#### 2. Chapter 2, lines 73-137

Since what we have set out earlier is clear, let us show how the horizon circles are formed in the plane of the astrolabe. We repeat the diagram. We make arc AT equal to the complement of the latitude of the locality. So point T is the place of the intersection of the horizon circle with the meridian circle. Line TK is the diameter of the horizon in the sphere for the assumed locality. Arc KD is the altitude of the pole above the horizon. The circle on the plate drawn on diameter ZL is the horizon of the locality. The proof for that is similar to what has preceded.

marg تام كتاب ١ (أنواع 8 add.et del. MS ان (أجمع 6

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>From the Qur'an 68, 4.

وإذ قد وضح ما قد بينا فلنبين كيف تتشكل دوائر المقنطرات في سطح الأسطرلاب فنقول إن من البين أن قوس طدك نصف الظاهر من فلك نصف النهار في الأفق المفروض فنجعل قوسي طس كن مساويين للارتفاع المفروض فنصل بين سن بخط فهو قطر لمقنطرة ذلك الارتفاع في الكرة 10 ونخرج خط بسع بن في ليقي خط زد على نقطتي ع في فحط ع في قطر لهذه المقنطرة في صفيحة الأسطرلاب فننصف خط ع في على ص فندير على ص ببعد ص في دائرة فهو المقنطرة المفروضة وعلى مثل ذلك ترسم جميع على ص ببعد ص في المقنطرات لحميع الآفاق وبرهان ذلك نظير لما م .

# 3. Chapter 5, lines 88-96 (كهيئة ... البروج)

Since what we have set out earlier is clear, let us show how the almucantar circles are formed in the plane of the astrolabe. We say: it is clear that arc TDK is half of the visible [part] of the meridian circle in the assumed horizon. So we make arcs TS KN equal to the assumed altitude. We join SN with a line: it is a diameter of the almucantar of that altitude in the sphere. We draw lines BSO BNF to meet line ZD at points O F. So line OF is a diameter of this almucantar in the plate of the astrolabe. We halve line OF at C; about C [and] with distance CF we draw a circle: it is the assumed almucantar. According to this procedure are drawn all the almucantars for all the horizons. The proof of that is the analogue of what came [earlier].

#### 3. Chapter 5, lines 88-96

... that, because we need to inscribe the plate so that ... the stars and what joins some of them to each other. We say: first we look at the northern stars, that is, what falls inside the zodiac. Those of them, i.e. of the northern stars, that are near the small circle which you drew about the pole, we attach to this [circle], as we attached al-nasr al-wāqi' and al-fakka to the small circle. Those of the stars that are near the zodiac we attach to the zodiac, as we attached al-nasr al-ṭā'ir, rijl al-jawzā' and mankib al-faras to the zodiac.

sic MS 11 خط sic MS 11 [الدائرة 4 sic MS 4 [التي 14 sic MS 11 إللتي 14 sic MS أحساويين 9 ويان 9 الدائرة 4 supra أورجل 5 corr. ex [النسر 5

Addition in B at the end of Chapter 4

استخراج خط نصف النهار من ظل العضادة ، ونأخذ السمت من الصفيحة ، مثال ذلك لتفهمه إذا أخذت الارتفاع فانظر كم خرج له من السمت فإذا علمت السمت كم هو قبل نصف النهار فكان السمت خرج خمسين فضع مرى العضادة على خمسين فيما بين ب إلى ج ثم حرك الأصطرلاب حتى يتبين الكرسى فيكون خط بد حينئذ هو خط نصف النهار ، وإن كان 5 قياسك بعد الزوال فضع المرى على خمسين فيما بين ب إلى آ وافعل مثل فعلك الأول فخط دب أيضاً هو خط نصف النهار وكذلك في جميع العروض فعلى على هذا المثال الذي مثلته لك فحط دب أبداً هو خط نصف النهار .

#### Addition in B

Obtaining the meridian line from the shadow of the alidade. We take the azimuth from the plate. Example to understand it: when you have taken the altitude, see how much of the azimuth emerges for it. When you know how much the azimuth is before midday and the azimuth emerges as [say] 50, place the pointer of the alidade at 50, between B and G; then move the astrolabe until the throne  $[al\text{-}kurs\bar{\imath}y]$  becomes visible. Then line BD is [in the place of] the meridian line. If your sighting is after noon, place the pointer at 50, between B and A, and do as you did in the first case. Then line DB is again the meridian line. The same applies to all latitudes. Proceed according to this example, which I have given you: line DB is always the meridian line.

add. Et del. B مثل [هو 7 hic et saepius C مورى (مرى ا

Extra table in T (f. 45r)

مقنطر<ا>ت عرض لَ الحِنوبي									
اف	الأنصا	ماد	الأب	الأجزاء					
بح	لمل	بو	٥	افق					
25	لط مط سه صر	3	ا و	ا و					
Jan	سه	7	ر	ا س					
เ	مر	مد	اح	ا مح					
لب		1	ی	کد					
7	5	ك	l	J					
ح	قفا	مو	س	الو					
5	فو	بو	ىد	امب					
٥	ند	نه	انه	ځ					
٤	الر	lo	ا بر	اند					
نا	سحو	لمك	نط	ا س					
ن	ع	مط	5	اسو					
کے	4	بو	کد	عب					
ه د ادله د ن الهاه طال ه ال ن الله در اله	قصب الله فو الد لا الله والله الله الله الله الله الله	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	בר לא לא של ובני גינים לא לא לא	فدع د د د که م دول کاریم در و فق					
ی	3	Ų	ال	فد					
õ	5	ں	لد	اسمت					

Southern almucantars of lat. 30									
degrees	dist	ances	halves						
hor.	5	16	39	18					
6	6	23	49	25					
12	7	33	65	49					
18	8	44	97	51					
24	10	1	192	32					
30	11	20	0	0					
36	12	46	181	8					
42	14	16	86	21					
48	15	55	54	5					
54	17	41	37	23					
60	19	39	26	51					
66	21	49	18	50					
72	24	16	13	28					
78	27	3	8	33					
84	30	15	4	10					
zen.	34	2	0	0					

#### Notes

- 1. Against the entry for altitude 30° is خط مستقيم (straight line), against lower altitudes الشمال (north), and against higher altitudes الحنوب (south).
- 2. With one exception the entries are exact, as calculated from Table 1, rounding, where necessary, being rounding up. In the entry for the semidiameter for  $66^{\circ}$  we find 18;50, but 19;19 (after rounding down) would be correct. The calculation is  $\frac{1}{2}[f(144) f(96)]$ , where f is the function tabulated in Table 1. No reasonable misreading of table entries for f(144) explains the error. The same goes for f(96), anyway an unlikely source of error, since the correct value, 21;49, appears as the "distance" of the  $66^{\circ}$  almucantar. A possible explanation of the error is the dropping of 1 in the subtraction of f(96) from f(144).

Appendix 2

Titles and Colophons

Appendix 2: Titles and Colophons

Titles

Manuscripts CBMLP begin with  $q\bar{a}la$  Aḥmad ibn Muḥammad... directly after the basmala and religious formulae. For the beginning of S, see Appendix 1. For T and D we do not have a beginning. K has, before  $q\bar{a}la$ :

كتاب أحمد بن محمد بن كثير الفرغاني المعروف بالكامل في صنعة الأسطرلاب الشمالي والجنوبي وعللهما بالهندسة والحساب ·

Colophons

C تم كتاب أحمد بن محمد بن كثير في صنعة الأسطرلاب والبرهان عليها، على يد الفقير إلى رحمة ربه عز وجل محمد بن يعقوب بن على المالكي مذهباً مما علقه لنفسه في شهور سنة ٧٧٨ هجرية والحمد لله رب العالمين حمداً يوافى نعمه ويكافى مريده (؟)، وصلى الله وسلم على خير خلقه محمد وآله وصحبه والحمد لله رب العالمين وحسبنا الله ونعم الوكيل.

B تم الكتاب وهو سبعة أنواع بالتمام ·

T تم الكتاب والحمد لله على نعمائه ·

S وبتمام ذلك تم كتاب الكامل بحمد الله وعونه وكان الفراغ منه يوم الأربعاء الرابع من شهر ربيع الأول أحد شهور سنة ثلاثة وخمسين وستمائة من الهجرة ·

#### Title in K

The book of Aḥmad ibn Muḥammad ibn Kathīr al-Farghānī known as al-Kāmil [The Perfect One] on making the northern and southern astrolabe[s] and their rationales, geometrically and arithmetically.

#### Colophons

C Finished is the book of Aḥmad ibn Muḥammad ibn Kathīr on making the astrolabe and the proof of it, by the hand of the one needing the compassion of his Lord – mighty and exalted is He –, Muḥammad ibn Ya'qūb ibn 'Alī, of the Malikite school, from what he wrote for himself, in the months of the year 778 Hijra [1376-77 AD]. Praise to God, Lord of the worlds, adequate to His benefactions and corresponding to [...]. Blessings of God and peace on the most excellent of His creatures, Muḥammad, and his family and his companions. Praise to God, Lord of the worlds. God is sufficient for us and He is the best advocate.

- B Finished is the book. It is seven chapters altogether.
- T Finished is the book. Praise to God for His grace.
- S And with the end of that is finished the book al-Kāmil with the praise of God and His help. It was finished on Wednesday, the fourth of the month of Rabī al-Awwal, one of the months of the year 653 of the Hijra [13 April 1255 AD].

D تم كتاب أحمد بن محمد بن كثير في صنعة الأسطرلاب والبرهان عليها، والحمد لله رب العالمين وصلى الله على سيدنا محمد النبي وآله وسلم تسليماً فرغه كتابة وتسطيراً الفقير إلى الله تعالى على بن حامد بن أبي بكر البويطي في عام ثلثة وثمانين وسبعمائة للهجرة غفر الله له ولوالديه ولجميع المسلمين آمين .

M وعلى الله التوفيق ولله الحمد والشكر وصلى الله على سيدنا محمد وآله
 وصحبه أجمعين .

L تم الكتاب بحمد الله وحسن توفيقه وصلاته على جميع أنبيائه الكرام والحمد لله وحده على نعمائه ·

لكتاب بمون الله الوهاب ·

P احل>كتاب تمت تمام سنة ۱۱۰۷ ·

- D Finished is the book of Aḥmad ibn Muḥammad ibn Kathīr on making the astrolabe and the proof of it. Praise to God, Lord of the worlds. God bless our lord Muḥammad, the Prophet, and his family and give [them] peace. Finished has the writing and transcribing the one in need of God (be He exalted), 'Alī ibn Ḥāmid ibn Abī Bakr al-Buwīṭī, in the year 783 of the Hijra [1381-82 AD]. May God forgive him and his parents and all the Muslims. Amen.
- M Success comes from God; to God be praise and thanks. God bless our lord Muḥammad, his family and his companions, all of them.
- L Finished is the book, with praise to God and His good success. His blessings be upon all His noble prophets. Praise to God alone for His grace.
- K Finished is the book with the help of God, the Giver.
- **P** The book is completely finished [in the] year 1107 [Hijra = 1695-96 AD].

Appendix 3

Ibn al-Ṣalāḥ

On Projection (excerpt)

Excerpt from Ibn al-Ṣalāḥ, Kitāb fī kayfīyat tasṭīḥ al-basīṭ al-kurī, MS Istanbul, Topkapı Sarayı, Ahmet III 3342, 55v-56v. MS Süleymaniye Kütüphanesi, Carullah 2060, 143v ff., has been consulted for doubtful readings.

فنظرت الكتب المؤلفة في هذا الفن وهي الموجودة في زماني نحو ... وكتاب الفرغاني الموسوم بعلل وعمل الأسطرلاب ... فوجدتها على غير ما أشار إليه وذلك أن العلم في بعضها مدمج من غير إيضاح كيفية العمل ... وفي بعضها العلم مقصر والعمل بطريق شاق نحو كتاب الفرغاني فإنه يقدم مقدمات بعضها لا يحتاج إليها إذا حقق النظر وهي المقدمة الأولى وبعضها وهي 5 المقدمة الثانية يخصص فيها الموضوع مع عموم حكمه لأنه يشرط فيه وقوع المخروط في الكرة وهو شرط زائد لا يحتاج إليه لأن المخروط وإن لم يكن في كرة محكمة هذا الحكم < ... > وأسقط شرطاً يحتاج إليه وهو قطع المخروط بسطح يمرعلي رأسه ويقوم على قاعدته على زوايا قائمة واستعمل هذا الشرط بعينه في البرهان بفصل المخروط على أقصر الضلعين ومهما لم 10 يشترط ذلك في الأول لم يصح على ما في الشكل الخامس من المقالة الأولى من كتاب المخروطات لأبلونيوس وكذلك أيضاً في يعض هذا الشكل يرد بعض مقدماته وهي التي يكون فيها القطع موازياً لقاعدة المخروط إلى كتاب محمد بن موسى المنجم في الكرة وهذا هو الشكل الرابع من المقالة الأولى من كتاب أبلونيوس في المخروطات فيظهر من ذلك أنه لم يقف على كتاب 15 أبلونيوس في المخروطات ومهما لم يقف على هذا الكتاب لم يمكن استيفاء القطوع التي يحاولها معلومة في هذا الكتاب بل على طريق جزئي كما يظهر

I investigated the books written on the subject that are available in my time, such as ... and the book of al-Farghanī entitled "Theoretical Principles ['ilal] and Construction ['amal] of the Astrolabe" ... I found them [to be] different from what [my patron] was asking for, because in some of them the theory [al-'ilm] is introduced without explanation of the way of construction ... and in some the theory is too short and the construction is toilsome, as in the book of al-Farghanī. For he delivers lemmas of which some, on exact study, are unnecessary - like the first lemma -; and others, like the second, where he makes the matter particular although it is quite generally applicable, since he makes in it the placing of a cone in a sphere a condition - but that is a superfluous condition, which is not needed, because the cone, even if it is not in a sphere made according to this rule,  $\langle \dots \rangle^1$  and he omits a condition that is needed, i.e. the intersection of a cone with a plane that goes through its apex and stands perpendicular to its base. He uses this very condition with the proof in the section of a cone on the shorter of [its] two sides. Since he does not make that a condition in the first [case], it is not correct by Proposition 5 of Book I of the book on confic sections by Apollonius. Similarly, in a part of this proposition he also traces one of his lemmas, namely the one in which the intersection is parallel to the base of the cone, back to the book of Muhammad ibn Müsā al-Munajjim on the sphere. But that is the fourth proposition of Book I on con[ic sections by Apollonius. From this it becomes clear that he had not read Apollonius' book on consic sections. In so far as he has not read this book, he is not fully able to understand the sections which he aims at and which are made known in this book, but only partially, as is clear

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Here there is an anacoluthon.

من كلامه وكذلك في مطالب عدة لا يذكر البرهان عليها في كتابه مع غموضها واستعماله إياها منها أنه في الأسطرلاب الجنوبي لم يبين لم كانت مقنطرة عرض البلد خطأ مستقيماً موازياً لأفق الاستواء ولم كانت المقنطرات التي هي أكثر من ارتفاعها دون عرض البلد عيطة بدائرة الأفق والمقنطرات التي هي أكثر من عرض البلد غير محيطة بهذه المقنطرات ولا هذه المقنطرات محيطة بها بل قال في النوع السادس من كتابه ينبغي أن تعلم أن مقنطر عرض البلد يقع خطأ مستقيماً ثم ذكر كيفية رسمها وغيرها من المقنطرات وحدد جهاتها من غير برهان وفي سائر أعماله يذكر مسطرة مقسومة بالأجزاء وأجزائها لكي يطابق 25 بها الأعداد المذكورة في الجداول وهي طريقة شاقة ويقع فيها من التفاوت ما لا يقع في قسمتنا محيط الدائرة واستخراجنا الخطوط منها ثم زيف في النوع السابع من كتابه آراء القائلين بالتسطيح على غير الوجه الذي ذكره وقد ذكرنا تزييف رأيه في أكثر ذلك عند كلامنا في الأسطرلاب المبطخ .

from his words. Similarly, in several topics he gives no proof for them in his book, although they are obscure and [although] he applies them. To them belongs that for the southern astrolabe he does not explain why the almucantar of [altitude equal to] the latitude of the place is a straight line parallel to the horizon of the equator [ufq al-istiwa"], and why the almucantars whose altitude is less than the latitude of the place surround the horizon circle and [why] the almucantars which are greater [in altitude] than the latitude of the place do not surround these almucantars nor do these almucantars surround them. Moreover, he says in Chapter 6 of his book, "You must know that the almucantar of the latitude of the place appears as a straight line". Then he describes how one draws it and the other almucantars and establishes their directions without proof. In his other [instructions for] making [the instrument] he mentions a rule divided into parts and their parts, so that it conforms in them to the values given in the tables. That is a laborious method and in it comes a deviation that does not come about with our dividing of the circumference of the circle and our obtaining of the lines from it. Further, in Chapter 7 of his book he considered false the opinions of those who teach projection in a way different from that which he had mentioned. I have mentioned the falseness of his opinion on most of that in my treatment of the melon-shaped astrolabe.

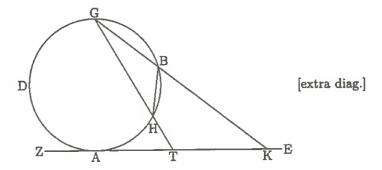
# Mathematical Summary

This summary is intended to reproduce as closely as possible the mathematical content of the text. Sometimes square brackets, [...], are used to include material only implicit in the text. Some lengthy enunciations are here represented by short statements including diagram letters. Some of the diagrams are modernized and occasionally extra diagrams are supplied. In all cases their origin is indicated on the right in square brackets; the same numeration is used as in the translation, preceded by "cf." if the diagram has been modified. Some diagrams contain information given in the text as construction — in which case the information is usually not explicitly given again. Occasionally, a short summary of a theorem is given after the theorem itself. For the most part, descriptive passages are radically abbreviated.

#### Chapter 1: Mathematical preliminaries

[Proposition 1 - lemma]

Draw  $\odot ABGD$  and diameter AGThrough A draw EZ tgt to the circle Draw BH anywhere in the circle Draw GB HG and produce them to K T on line EZ

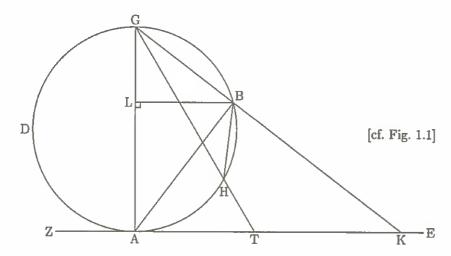


I say:  $\triangle GKT \sim \triangle GHB$ , [i.e.]  $T\hat{K}G = G\hat{H}B$  and  $K\hat{T}G = H\hat{B}G$ Proof: draw  $BL \perp AG$ ; draw AB $A\hat{B}G$  is rt.,  $\therefore$  it is subtended by the diam. of a circle

401

 $\therefore BL \perp AG, \therefore \triangle ABL \sim \triangle LBG \sim \triangle ABG$ 

 $... L\hat{B}G = B\hat{A}G$ 



But  $L\hat{B}G = A\hat{K}G :: AK \parallel LB$ 

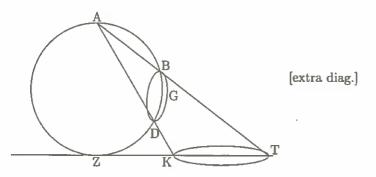
 $\therefore A\hat{K}G = B\hat{A}G$ 

And  $B\hat{A}G = B\hat{H}G$ , : they are on same arc :  $A\hat{K}G = B\hat{H}G$ 

 $B\hat{G}H$  is common [to  $\triangle$ s  $TKG \ BHG$ ]:

 $\therefore$  there remains  $H\hat{B}G = K\hat{T}G$  QED

[Proposition 2] The intersection of the plane tangent at Z and the cone of apex A and base  $\odot BGD$ , on the sphere, is a circle.

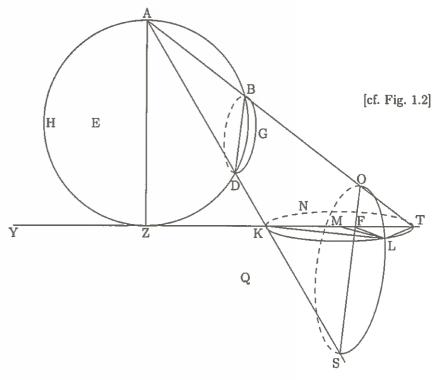


Cone ABGD, of base  $\odot BGD$  (diam. BD) and apex A is contained by sphere ABZHE

Draw AZ, diam. of sphere

TQY is tgt plane through Z

The surface of the cone of apex A and base BGD is produced to plane TQY. The c.s. is KLTN



I say: KLTN is a circle

*Proof:* plane  $\bigcirc ABZH$  bisects both sphere and cone; produce it to plane TQY

 $\bigcirc ABZH$  is c.s. of the sphere and the plane  $[AZT]^1$ . Its diam. and diam. of sph. is AZ

 $\triangle ABD$  is the c.s. of the cone and plane [AZT]

Line TY is c.s. of plane TQY and plane [AZT]

TK is the c.s. of KLTN and plane [AZT]

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>This plane is here and elsewhere characterized as "the plane that cuts ...", with various objects of "cuts".

AB is the shortest line from A to base BGD and AD is the longest

Bisect TK at M

Take [L] anywhere on KLTN: we shall show that ML = KM

Draw ML, KL, LT

Produce the cone and plane [AZT]

Let plane SLO [1] cut plane KLTN, [2] cut the cone at L and [3]  $\parallel$  [plane]  $\odot BGD$ 

... figure SLO is a circle, as Muḥammad ibn Mūsā proved2

Let SO be the c.s. of  $\bigcirc SLO$  and plane AZT

Let SO intersect KT at F

But plane AZT cuts the planes of circles BGD SLO, which are parallel and in one cone; DB and SO are the c.s.s

DB is a diam. of  $\bigcirc BGD$ :  $\therefore$  SO is a diam. of  $\bigcirc SLO^3$ 

[i] Planes KLTN and SLO intersect at L; they  $\perp$  plane AZT on TK SO

... their c.s.  $\perp$  plane AZT (Euclid [XI 19]): it is LF [ii]

 $A\hat{Z}T$  is rt.,  $AZ \perp$  tgt plane TQY

Now  $Z\hat{T}A = A\hat{D}B$  by Prop. [1]

And  $A\hat{D}B = A\hat{S}O$  [:  $BD \parallel SO$ ]

 $\therefore A\hat{S}O = Z\hat{T}A$ 

And  $K\hat{F}S = T\hat{F}O$ 

... there remains [in  $\triangle$ s TOF SKF]  $T\hat{O}F = S\hat{K}F$ 

 $\therefore \triangle SFK \sim \triangle FTO$ 

 $\therefore KF \cdot FT = SF \cdot FO$ 

But  $SF \cdot FO = LF^2$ ,  $LF \perp SO$  [by ii] and SO is a diam. of ⊙*SLO* [by i]

 $\therefore KF \cdot FT = LF^2$ 

 $\therefore$   $K\hat{L}T$  is rt.<sup>4</sup>

Diam. KT is bisected at M; and from M is drawn ML:

- $\therefore$  ML =each of KM, MT
- $\therefore$  any line from M to KLTN = each of KM, MT
- $\therefore$  KLTN is a circle of diam. KT and centre M

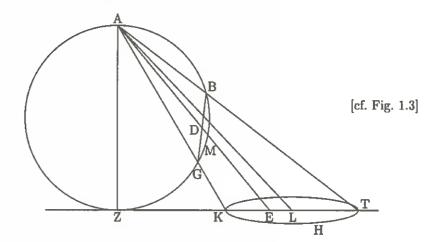
#### Summary of argument:

Take any point L on KLT, the image of  $\bigcirc BGD$  in the tgt plane. Draw a plane through it and parallel to plane  $\odot BGD$ This cuts the cone in a circle,  $\odot SLO$ , of diam. SO LF, the c.s. of plane SLO and the tgt plane,  $\perp$  plane AZT $\hat{ASO} = \hat{ADB} = \hat{ZTA}$  [: SO || BD and by Prop. 1]

- $\therefore \triangle SFK \sim \triangle TFO$
- $\therefore$  KF · FT = SF · FO, and this = LF<sup>2</sup> ( $\therefore$  LF  $\perp$  diam. SO of  $\bigcirc$ SCO)
- $\therefore$  L is on circle of diam. KT and the same for all points L

[Proposition 3] The line from the apex of the cone through the centre of the base does not pass through the centre of [the image of the base] on the tangent plane.

We repeat the diagram Bisect diam. of base of cone [now BG] at DDraw AD and produce it to cut TK at ELet EA cut  $\odot[ABGZ]$  at M



<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>In Tūsī's Tahrīr of the Kitāb ma'rifat misāḥat al-ashkāl al-basīṭa wa-l-kurīya by the Banū Mūsā (for whom see Sezgin, GAS VI 246-252), this appears as Prop. X (Tūsī [1940], pp. 13-14). The original Arabic text appears to be lost, but in the Latin translation of it by Gerard of Cremona, which goes under the titles of Verba filiorum and Liber trium fratrum, it is also Prop. 10; see Clagett [1964], pp. 298-301. Despite Clagett's diagram (p. 299 left), the theorem is valid for any cone, not just a right circular cone. It is based on Euclid XI 16.

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup>This is proved in the same theorem (see previous note) by the Banū Mūsā.

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup>This follows either because the previous line implies that L is on a circle of diam. KT, in which case this and the remaining lines are superfluous, or because the previous line implies that KF: LF = LF: FT, so that  $\triangle KFL \sim \triangle LFT$ , and hence, from the consequent equality of angles,  $K\hat{L}F + F\hat{L}T = F\hat{T}L + L\hat{K}F$  and so must = rt.

Line GB is bisected at D; AD has been drawn ending at line [KT] and [as will be proved] not passing through the centre of  $\bigcirc[THK]$ 

 $\therefore \widehat{GM} < \widehat{MB}^5$ 

 $\therefore$   $G\hat{A}M < M\hat{A}B$ 

From  $M\hat{A}B$  let  $B\hat{A}L$  be cut off =  $G\hat{A}M$ 

I say: L, on line TK, is the centre of  $\bigcirc KHT$ 

*Proof:*  $T\hat{A}L = G\hat{A}D$  and  $L\hat{T}A = D\hat{G}A$  [by construction, by Prop. 1]

 $\therefore$  there remains  $\hat{GDA} = \hat{ALT}$  [from  $\triangle s$  ALT ADG]

 $\triangle ALT \sim \triangle ADG$ 

 $\therefore$  GA:AT=GD:TL

But, from above, GA:AT=BG:TK ["."  $\triangle ABG\sim\triangle AKT$  and Prop. 1]

 $\therefore GD: TL = BG: TK$ 

 $\therefore$ , alternando, DG: GB = LT: TK

But  $GD = \frac{1}{2}BG$ 

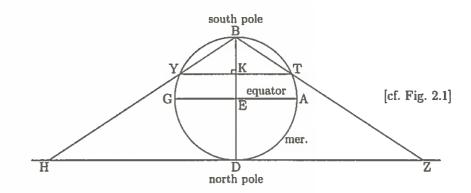
 $\therefore TL = \frac{1}{2}TK$ 

And TK is diam. of  $\bigcirc THK$ : [... L is the centre of  $\bigcirc THK$  ... line AD, from the apex of the cone through the centre of its base in the sphere, cuts diam. TK at E, not its centre<sup>6</sup>

# Chapter 2: The circles and lines of the astrolabe

All circles on the sphere become circles or (for meridians) straight lines on the astrolabe. In the northern projection, all that occurs – e.g. complete circles – between the north pole and a parallel-circle similarly occurs in the plane [between the centre and the image of the circle]; all that occurs between the circle and the south pole does not appear on the plane. *Vice versa* for the southern. Circles that intersect the parallel-circle on the sphere intersect its image on the plate.

In the plane tangent at D imagine a circle drawn about D and diameter ZH (as the largest circle on the astrolabe plate).



[1] Great circles that intersect at the poles become straight lines.

Keep B fixed and rotate the chord initially BD in circle ABGD: it goes through line ZH. Or: plane ABGD, when produced, intersects the plane of the astrolabe and forms a straight line as common section. Similarly with other great circles through the poles. They all intersect at D.

Draw BZ BH, cutting the meridian at T Y. Clearly,  $\widehat{AT} = \widehat{GY}$ 

 $\therefore$  circle centre K and radius  $KT \parallel$  equator

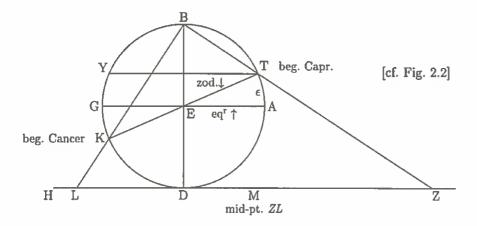
Let the surface of the cone of base this circle and apex B be produced to the plane tangent at the north pole: the common section is a circle centre D.

Since the two circles are parallel, fix point B and rotate BT round the circle on line TY: it goes through the maximum circle on the plate. The degrees whose courses cut the meridian circle [i] between D and T fall on the plane of the circle of diameter ZH and [ii] between T and T do not fall on the surface of the plate. We cannot draw the south pole on the astrolabe, because the planes tangent at T and T are parallel. The poles are fixed, but all that falls on the surface of the astrolabe is mobile. Therefore it is impossible that both poles fall on the astrolabe.

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup>No doubt because the line through the centre of  $\bigcirc ABGZ$  (C, say) and through D would bisect  $\widehat{BG}$  (say at M'); and M' will be above M, because A is above C.

<sup>6</sup>L cannot coincide with E, for then  $\widehat{GAM} = \widehat{MAB}$  (see previous note).

#### [2] The zodiac



I say: ZL is the diameter of the zodiac and its centre is M. Proof: rotate line BZ so that it goes round the zodiac circle in the sphere. The centre of the zodiac falls outside the centre of the plate, since the zodiac on the sphere is not parallel to its representative on the plate.

# [3] Meridian circles

Meridian circles become straight lines through the pole. When they pass through degrees of the zodiac on the sphere, they divide the equator at the divisions of the corresponding right ascensions; in the plate lines through the centre do likewise.

[4] Horizon and almucantars: their centres on the plate are at different points on the meridian line, all different from the zenith.

Produce the cone, of base the horizon and of apex G, to the plane of the plate.

Their c.s. is a circle of diam. ZL

From B take  $\widehat{BS} = 30^{\circ}$ 

 $SO \parallel BD$ : SO is diam. of  $\odot$  of alt. 30° from hor.

Draw GS GO and produce them to ZH, cutting it at N M:

NM is diam, of the almucantar

Bisect  $\widehat{OS}$  at F: F is the zenith

Draw GF and produce it to ZH, cutting it at T. T is the zenith and is 90° from L  $Z^7$ 

 $T\hat{G}N = T\hat{G}M$ ,  $\therefore \hat{OF} = \hat{FS}$ 

 $GA \perp MT$ 

... MT < TN, ...  $\triangle MGT : \triangle TGN = MT : TN$  and  $M\hat{G}T = T\hat{G}N$  and  $GN > GM^8$ 

For if GQ = GM on line GN, and TQ is drawn, lines TG GQ

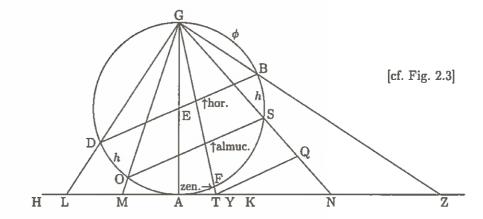
= lines TG GM

 $\triangle MGT = \triangle TGQ$ 

And  $\triangle TGN > \triangle TGQ$ :  $\therefore [\triangle TGN] > \triangle TGM$ 

 $\therefore TN > TM$ 

Bisect MN at Y. Y is centre of almuc. of  $30^{\circ}$ 



Again,  $L\widehat{G}M = Z\widehat{G}N$ ,  $D\widehat{O} = B\widehat{S}$  $\therefore$ , as before,  $LM < ZN^9$ 

YN = YM

 $\therefore YL < YZ$ 

Bisect ZL at K: K is centre of the hor.- $\odot$  in the plate

<sup>&</sup>lt;sup>7</sup>This must refer to the arcs on the sphere that these distances represent.

<sup>&</sup>lt;sup>8</sup>This is just stated, but may be proved:  $\widehat{GD} > \frac{1}{4} \odot > \widehat{GB}$ ;  $\widehat{CO} > \widehat{GS}$ ;

 $<sup>\</sup>therefore G\hat{S}O > G\hat{O}S; \therefore G\hat{M}N > G\hat{N}M \text{ (by Prop. I 1)}; \therefore GN > GM \text{ (Eu. I 19)}.$ 

<sup>&</sup>lt;sup>9</sup>.  $\hat{LGM} = \hat{ZGN}$ , GM < GN and  $\hat{GML} < \hat{GNZ}$ ,  $\triangle GML$  may be copied within  $\triangle GNZ$ ;  $\triangle GML < \triangle GNZ$ ;  $\triangle LM < \hat{ZN}$ .

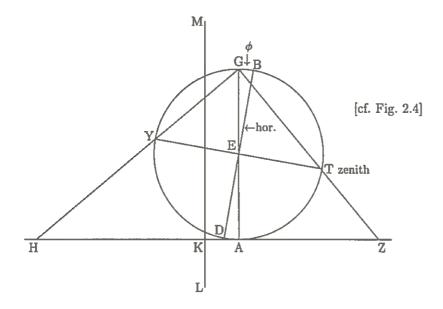
Now the zenith is at T; the centre of the almuc. of 30° is at Y; and the centre of the hor. is at K. Of the almucantars, whichever is further from the zenith has its centre further from T in the plate  $^{10}$ 

For lat. 90°,  $GB = 90^{\circ}$ ,  $BD \perp AG$ , and A is the zenith in both sphere and plate. The almucantars are concentric, with centre A.

For lat. 0°, the horizon is a straight line in the plate.

#### [5] The azimuths

As before,  $\bigcirc ABGD$ , centre E, diam. AEG; ZH is tangent to the circle at A.



 $GB = \phi$ ; draw BED, the horizon Bisect DAB at T: T is the zenith Draw diam. TEY

 $\therefore$  the azimuth circles in the sphere intersect at T Y

Draw GT GY and produce them to ZH, cutting it at Z H. These are the zenith and opp. point in the plate

Bisect ZH at K: K is the centre of the az.- $\odot$  of the rising and setting point of Aries and Libra

On the plate this az.—O intersects the hor. circle and the hor. circle of the sph. r., all at two points, because the three circles intersect on the sphere at the rising and setting points of the equinox.

Draw  $LKM \perp ZH$ .

I say: the centres of all the azimuth circles fall on KLM

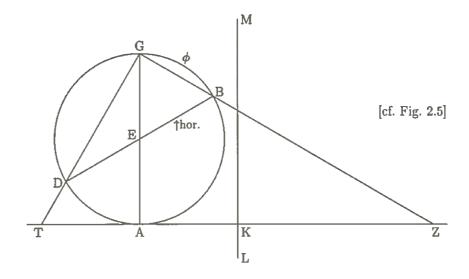
*Proof:* The azimuth circles all go through ZH

 $\therefore$  ZH is a chord of all of them.

It is bisected at K; LKM is prod. in both directions and  $\perp ZH$ 

 $\therefore$  LKM goes through the centre of all the az.- $\odot$ s on the plate

[6] Great circles through the points of intersection of horizon and meridian



 $GB = \phi$ 

Draw diam. BED

Draw GB GD and produce them to line ZH, cutting it at Z T

 $<sup>^{10}\</sup>mathrm{This}$  has indeed been proved, since in the above argument no use is made of BD 's being a diameter.

411

BD is common to hor. circle and other great circles intersecting at B D

Bisect ZT at K

 $LKM \perp ZH$ 

I say: the centres of the great circles through  $B\ D$  fall on line KLM

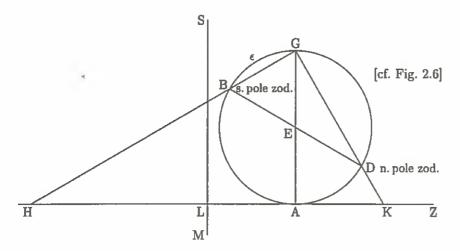
*Proof:* on the sphere these circles go through B D, which become Z T on the plate

 $\therefore$  ZT is diam. of the hor, circle and a chord of all the remaining circles

It is bisected at K; and line  $LKM \perp ZH$ 

... line LKM passes through all the centres of the circles

#### [7] Circles through the poles of the zodiac



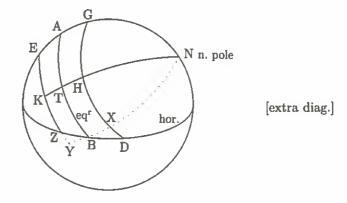
 $GB = \epsilon$ Bisect KH at L $MLS \perp KH$ 

... KH is diam. of the circle perpendicular to the meridian and is a chord of all other circles through the poles of the zodiac [etc., as before]

[8] Other circles on the sphere and the plane [hour lines] 11

The points dividing the arcs of the equator-parallels above the Earth in the same ratio do not all fall in the same plane through the poles. For this happens only in places on the terrestrial equator. In the *sphaera* recta the horizon goes through the poles – e.g. NXY in the diagram. Other circles through the poles, e.g. NHK, will cut off arcs GH HX and EK KY, etc., which are proportional. So arcs GH HD EK KZ, which are cut off by NHK in the sphaera obliqua, cannot be proportional.

When  $\bigcirc GHS$  is north of  $\bigcirc EKB$ ,  $GH:HD < EK:KZ^{12}$ 



One can divide three parallel-circles in the same ratio and find the circle through them, but not through the poles. The Ancients applied this to the division of the hours: they divided the arcs of Cancer, Capricorn and the equator according to the same ratio [i.e. evenly into twelve parts each] and connected the divisions with a circular arc that cut all the parallel-circles. This procedure makes for little error except in climates far from the terrestrial equator and for parallel-circles far from the celestial equator, though between Capricorn and Cancer [which here concern us] the error is not great.

<sup>&</sup>lt;sup>11</sup>In this section there is more freedom of interpretation than usual. The figure and letters are not in the text, but have been supplied. The divisions considered are for seasonal, or unequal hours, where day-time or night-time is divided into twelve equal seasonal hours.

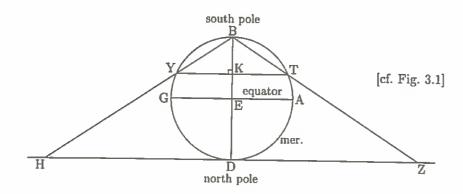
<sup>&</sup>lt;sup>12</sup>. GH:HD < GH:HX = EK:KY < EK:KZ. Al-Farghānī specifies that the more northerly circle (here  $\odot GHD$ ) is north of the equator.

# Chapter 3: To find the diameters and centres of the circles of the astrolabe

#### [1] The parallel circles

From these circles we can find the diameters [and centres] of all the circles on the astrolabe.

We repeat the diagram [i.e. Fig. 3.1 = Fig. 2.1]



 $AT = \epsilon = 23;33^{\circ}$ 

 $D\widehat{A}T = 113;33^{\circ}$ 

 $TY \parallel ZH$ , the meridian line in the plane

 $\therefore TK : KB = ZD : DB$ 

But  $TK = \sin T\hat{B}$ ,  $KB = \text{Vers } T\hat{B}$ , DB = diam. of sphere

Sin  $\widehat{TB}$  (= 55;0,10 when diam. DB = 120)  $\cdot DB = 6600;20$ 

This  $\div KB$  (= 36;1,37) = 183;12,20 = DZ, semid. course of Cap.

We make ZH, diam. of course of Cap., = 60 parts, for ease of division

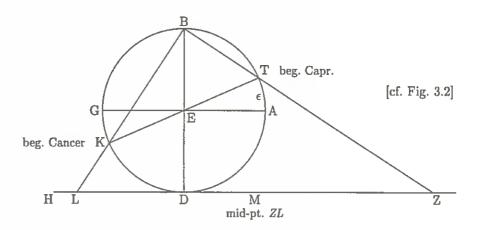
On scale in which DZ = 30,  $DB = [120 \times 30/183; 12, 20 =] 19;39$  We apply these parts in line DB, instead of 120.

This brings no error, since  $DB \propto ZH$  and DB and ZH are the same kind of quantity 13

Similarly we find the semidiameters of the courses of every degree from north pole to south pole. We draw up a table of them.

#### [2] The zodiac

We repeat the diagram [i.e. Fig. 3.2 = Fig. 2.2]



 $\widehat{DK} = \text{dist.}$  of north pole to beg. Cancer = 66;27° From Table [1], DL, semid. of course of K = 12;52, where diam. of course of Cap. = 60 and ZD = 30

- $\therefore$  ZL, diam. of zodiac, = 42;52
- $\therefore$  LM, semid. of zodiac, = 21;26
- $\therefore$  DM = LM DL = 8;34, dist. of centre of zodiac from centre of plate

# [3] The division of the zodiac

This is achieved with lines through the centre of the plate through the corresponding right ascensions on the equator. We draw up the ascensions in a table.

<sup>&</sup>lt;sup>13</sup>Perhaps this means that, in calculating DZ from  $\widehat{TB}$  (for any  $\widehat{TB}$ ), merely substituting 19;39, instead of 120, for DB will produce DZ in the new scale (in which the diameter of the circle of Capricorn = 60), for Sin  $\widehat{TB}$  and Vers  $\widehat{TB}$  can be left in the old scale ( $BD = 120^{\rm p}$ ).

[4] The fixed stars

For each star we need its  $\delta$  and  $\mu$ . If it is possible to draw great circles through the poles of the zodiac [Chapter 2, section 7], the  $\lambda$ s may be found, but the  $\beta$ s can be obtained only by the wearisome division of these circles.

[Two special cases] If the star is on the zodiac,  $\delta = \delta(\lambda)^{14}$  and  $\mu = \lambda$ . If the star is on the circle through both sets of poles,  $\delta$  may be found from  $\beta$  and  $\delta(\lambda)$ :

if they are of the same sign ["on the same side"],  $\delta = \beta + \delta(\lambda)$  if they are of different signs,  $\delta = |\beta - \delta(\lambda)|$ .

In other cases,  $\delta$  and  $\mu$  are various. If the star is between the beginning of Capricorn and the beginning of Cancer, and is of the north/south latitude, it arrives at the meridian before/after its degree [on the zodiac]; vice versa for a star between the beginning of Cancer and the beginning of Capricorn.

To illustrate this and to determine  $\delta$  and  $\mu$  generally, we proceed as Ptolemy did [in *Almagest VIII 5*].

[case 1] the star is on the zodiac: at T.

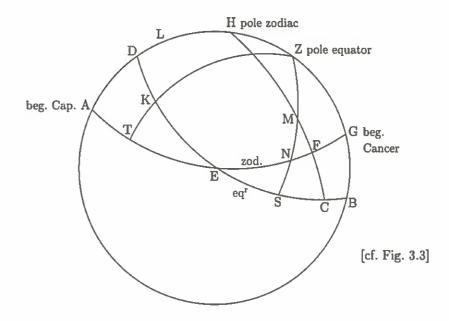
Draw 
$$Z\widehat{K}T$$
  
 $TK = \delta$ 

[case 2] the star is on the circle through both sets of poles: at L.

$$\widehat{AL} = \beta$$
;  $\widehat{AD} = \delta$ ([beg. of] Cap.)  
 $\widehat{AL} - \widehat{AD} = \widehat{LD} = \delta$ 

Similarly, when the latitude is southern, we take  $\beta + \delta$  (beg. Cap.).

[case 3] the star is not on the zodiac and not on the circle through both sets of poles: at M.



F is the position of the star in the zodiac  $[AF = \lambda]^{15}$ ; C its "position" in the equator; N is co-culminating point of the zodiac  $[AN = \mu]$ ;  $\widehat{MF} = \beta$ ;  $\widehat{MS} = \delta$   $[\widehat{MS}] < \widehat{MC}$ .  $\widehat{MSC}$  is rt. and  $\widehat{MCS} <$  rt. (as Ptolemy proved)<sup>16</sup>  $\operatorname{Sin} \widehat{HB}$ :  $\operatorname{Sin} \widehat{BZ} = (\operatorname{Sin} \widehat{HC} : \operatorname{Sin} \widehat{CM}) \cdot (\operatorname{Sin} \widehat{MS} : \operatorname{Sin} \widehat{ZS})$   $[\Delta ZHM/BSC]^{17}$  [1]  $\widehat{ZB} = \widehat{ZS} = \widehat{HF} = \frac{1}{4}\odot$ ;  $\widehat{HB} = 113;33°$ 

 $\widehat{FC}$  is known from considerations of declination,  $\widehat{FG}$  (of zodiac) rises with  $\widehat{BC}$  (of equator)<sup>18</sup>:

 $<sup>^{14}\</sup>delta(\lambda)$  here means the declination of the point of the zodiac with the same longitude as the star.

<sup>&</sup>lt;sup>15</sup>The usual zero for longitude is the first point of Aries, but al-Farghānī uses the first point of Capricorn in this passage.

<sup>&</sup>lt;sup>16</sup>For the theorem that the greater side of a triangle lies opposite the greater angle, see Menelaus, *Sphaerica*, I 7 in the edition studied by Björnbo. See Menelaus [1902], p. 28.

<sup>&</sup>lt;sup>17</sup>For this notation, see Lorch [2001], p. 39 and passim.

<sup>&</sup>lt;sup>18</sup>That is, they would rise together if H were the pole of the equator,  $\widehat{BC}$  were on the zodiac and  $\widehat{FG}$  were the co-rising arc of the equator (this way round, since  $\widehat{HFE}$  is right and  $\widehat{HCE}$  is not). The mention of co-rising is a mathematical device.  $\widehat{BC} = 180^{\circ} - \alpha^{-1}(\widehat{AF})$ , where  $\alpha$  represents al-Farghānī's ascension, measured from the meridian through both sets of poles.

when we convert FG from right ascensions into degrees of equality, we get  $BC^{19}$ From  $[\widehat{BC}]$  we know  $\widehat{FC}$   $[\widehat{FC} = \delta(90^{\circ} - \widehat{BC})]$   $\widehat{MF} = \beta$   $\therefore \widehat{HC}$  and  $\widehat{CM}$  are known  $\widehat{MS}$  is known [by 1]

Example of al-'ayyūq [a Aurigae]

longitude is Gem 5;20° (observation in 225 Yazdijird [856–57AD])  $\therefore$   $\widehat{AF} = 155;20°$   $\alpha^{-1}(155;20°) = \widehat{DC} = 157;13°$   $157;13° - \widehat{DE} (= 90°) = \widehat{EC} = 67;13°^{20}$   $\therefore$   $\delta(67;13) = \widehat{CF} = 21;37°^{21}$   $\widehat{FH} + 21;37° = \widehat{CH} = 111;37°$   $\widehat{FM} (= \beta = 22;50° \text{ by observation}) + \widehat{CF} = \widehat{CM} = 44;27°$  [From [1]  $\frac{\sin \widehat{BH} \times \sin \widehat{MC}}{\sin \widehat{CH}} : \sin \widehat{ZB} = \sin \widehat{MS} : \sin \widehat{SZ}$ ] Sin  $\widehat{BH} (= 55;0,10 \text{ for diam.} = 120°) \times \sin \widehat{MC} (= 42;1,1)^{22} = 2311;2,55$ 

<sup>20</sup>From al-Farghānī's Table 2 (which is Ptolemy's table in the *Almagest*, i.e. for  $\epsilon=23;51,20^\circ$ , though Ptolemy gives values only for multiples of  $10^\circ$ – see Ptolemy [1898–1903], pp. 134–135, and Toomer [1984], p. 100, for the table of right ascensions) it may be found by interpolation that if  $\widehat{EF}=65;20^\circ$  then  $\widehat{EC}=67;13^\circ$ . It may be asked what table al-Farghānī was using, as he deduces  $\widehat{EC}$  from  $\widehat{DC}$ . See Introduction, section 4.

 $^{21}$ Interpolation in Ptolemy's table (for which  $\epsilon=23;51,20$ ) yields  $\delta(67;13^\circ)=21;53,35^\circ.$  For the table see Ptolemy [1898–1903], vol. 1, pp. 80–81, and Toomer [1984], p. 72. If Ptolemy's values (which are given to seconds) are rounded to minutes, interpolation yields  $21;53^\circ.$  Direct calculation with modern sine values and with  $\epsilon=23;51,20$  gives  $21;53,35^\circ.$  But taking  $\epsilon=23;33^\circ$  we find (using modern sines) that  $\delta(67^\circ)=21;34,45^\circ$  and  $\delta(68^\circ)=21;44,37,$  and so  $\delta(67;13^\circ)=21;36,53^\circ.$  If the values of  $\delta$  are rounded to minutes, the result is  $21;37^\circ.$  For  $\epsilon=23;35^\circ$  these two values become  $21;38,43^\circ$  and  $21;38^\circ,$  resp. Clearly, the most likely value for  $\epsilon$  underlying the declination table used by al-Farghānī is  $23;33^\circ.$ 

<sup>22</sup>Recalculation gives 42;1,1.9.

[2311;2,55] ÷ Sin 
$$\widehat{CH}$$
 (= 55;46,49) = 41;25,53  
∴ [41;25,53] : Sin  $\widehat{ZB}$  = Sin  $\widehat{MS}$  : Sin  $\widehat{SZ}$   
But Sin  $\widehat{ZB}$  = Sin  $\widehat{SZ}$  ∴  $\widehat{ZB}$  =  $\widehat{ZS}$  =  $\frac{1}{4}$  $\odot$   
∴ Sin  $\widehat{MS}$  = 41;25,53  
∴  $\widehat{SM}$  = 43;40

To obtain the mediatio

$$\begin{split} & \operatorname{Sin} \widehat{ZH} : \operatorname{Sin} \widehat{HB} = (\operatorname{Sin} \widehat{ZM} : \operatorname{Sin} \widehat{MS}) \cdot (\operatorname{Sin} \widehat{SC} : \operatorname{Sin} \widehat{CB}) \\ & [\triangle ZBS/HMC] \\ & \operatorname{But} \widehat{ZH} \widehat{HB} \widehat{ZM} \widehat{MS} \widehat{CB} \text{ are known: there remains } \widehat{SC} \\ & \vdots \quad \frac{\operatorname{Sin} \widehat{ZH} \ (=\epsilon) \times \operatorname{Sin} \widehat{MS} \ (=\delta)}{\operatorname{Sin} \widehat{MZ} \ [=\overline{\delta}]} \times \operatorname{Sin} \widehat{BC} \ / \operatorname{Sin} \widehat{HB} = \operatorname{Sin} \widehat{CS} \\ & = 9;39,59^{23} \\ & \vdots \quad \widehat{CS} = 9;16,16^{\circ} \\ & \vdots \quad \widehat{DS} = \widehat{DC} - \widehat{CS} = 147;56,44^{\circ} \\ & \alpha^{-1}[147;56,44^{\circ}] = \widehat{AN} = 150;12^{\circ} \\ & \vdots \quad N, \text{ the } mediatio \text{ of the star, is at } 0;12^{\circ} \text{ of Gemini} \end{split}$$

In general, to find the distance of any star from the equator:

Sin  $(90 - \epsilon)$  = "first sine"

Take  $\lambda$  from beg. Cap. to degree of star  $\alpha^{-1}[\lambda] = [a]$ , the "argument"  $^{24}$   $\delta(a - 90^{\circ})$  = declination of the argument

Sin  $(\beta + \delta(a))$ , if  $\beta$  and  $\delta(a)$  are of same sign, or

Sin  $(\beta \sim \delta(a))$ , if they are of opp. sign, = "second sine"

Sin  $(90^{\circ} - a)$  = "third sine"

1st sine  $\times$  2nd sine = Sin  $\delta$ 3rd sine

If  $\beta$  and  $\delta(a)$  are on same side [i.e. of same sign], the distance is on that side; if they are on different sides, the distance is on the side of the greater of the two.

 $<sup>^{19}</sup>$ Ptolemy says airily that  $\widehat{FC}$  (in al-Farghānī's lettering) is "given from the obliquity of the ecliptic" (Toomer's translation [1984], p. 411; "ἐχ δὲ τῆς ἀποδεδειγμένης τοῦ διὰ μέσων ἐγκλίσεως", Ptolemy [1898-1903], vol. 2, p. 195), but in the following derivation of mediatio he says that  $\widehat{CB}$  is given from  $\widehat{FG}$  "by means of [the arcs of] the equator which rise together with [those of] the ecliptic at sphaera recta" (διὰ δὲ τῶν ἐπ' ὀρθῆς τῆς σφαίρας συνανατολῶν τοῦ τε ἰσημερινοῦ καὶ τοῦ ζωδιακοῦ ) (Ibid., pp. 412 and 196, resp.).

<sup>&</sup>lt;sup>23</sup>Recalculation gives 9;40,1.3. But if we assume that  $Sin \widehat{BC}$  is rounded from 23;14,5 to 23;14, we find  $Sin \widehat{CS} = 9;39,59$ , as in the text. There may be other explanations of this figure.

<sup>&</sup>lt;sup>24</sup> Again, al-Farghānī is using ascension tables that measure longitude from the first point of Capricorn and right ascension from the co-ascending point of the equator.

419

To find the mediatio of any star:

 $Sin (90^{\circ} - \epsilon) = "first sine"$ 

 $\sin \epsilon =$  "second sine"

 $\sin \delta =$  "third sine"

 $Sin (90^{\circ} - \delta) = "fourth sine"$ 

Sin(a) = "fifth sine"

 $\frac{2nd \text{ sine} \times 3rd \text{ sine}}{4th \text{ sine}} \times 5th \text{ sine} / 1st \text{ sine} = Sin x$ 

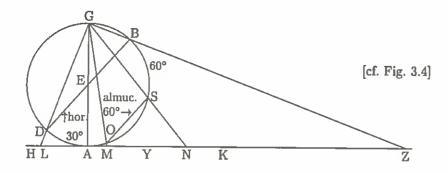
If the star is between beg. Cancer and beg. Cap., if  $\delta$  is northern, take a+x, and if  $\delta$  is southern, take a-x. If the star is between beg. Cap. and beg. Cancer, if  $\delta$  is northern, take a-x, and if southern, a+x

 $\alpha^{-1}(a \pm x) = mediatio$  of the star [measured from beg. Cap.]

 $90^{\circ} - \delta =$  the star's distance from north pole; from this may be found its distance from the pole in the plate, by the table of courses.

E.g. al-'ayyūq is 43;40° north of the equator and 46;20° from the north pole; the table of semidiameters gives 8;24.

#### [5] The almucantars



$$\widehat{AD} = 30^{\circ}; \widehat{AB} = 150^{\circ}$$

From Table [1], AL = 5;16 and AZ = 73;20

 $\therefore ZL = 78;36$ 

 $\therefore$  KL, semid. of horizon, = 39:18

And AK = KL - AL = 34;2, dist. betw. centres of hor. and plate Take  $\widehat{SB} = 60^{\circ}$ 

 $SO \parallel BD; SO$  is diam. of almucantar  $60^{\circ}$  from horizon

Draw GO GS and produce them to cut ZH at M N

 $\therefore \widehat{AO} = 30^{\circ}, \widehat{AS} = 90^{\circ}$ 

AN AM are semid.s of the courses of points S O

From Table [1], AN = 19;39

 $\therefore$   $MN = AN - AM (= 5;16)^{25} = 14;23 approx.$ 

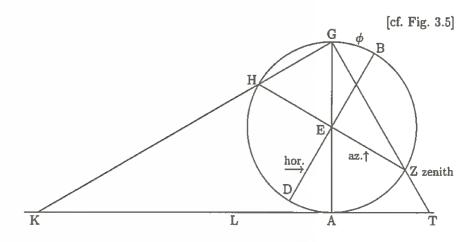
 $\therefore$  MY, semid. of almuc.  $60^{\circ}$ , = 7;11,30

[MY] + AM = AY = 12;28 [by rounding up], dist. betw. centres of almuc. and plate

Similarly for the other almucantars.

[6] The azimuth circles

[i The azimuth through the east point]



Draw BED, semi- $\odot$  of the eastern hor. <sup>26</sup> and GEA, semi- $\odot$  of the hor. at sphaera recta

We first draw the azimuth circle  $\perp^r$  to the mer., through the east point, ZEH

E is common to  $\odot$ s [BED, GEA, ZEH];  $\widehat{BE} = \widehat{EG} = \widehat{EH} = \frac{1}{4} \odot$ 

<sup>&</sup>lt;sup>25</sup>. AM = AD. In general, AM, like AN, would have to be looked up in Table 1. <sup>26</sup> E is now the east point.

421

Through A draw the meridian line in the plate, TK

Draw GH GZ and produce them to cut TK at K T

Bisect TK at L

In the plate T is the zenith and TK is diam. of [the image of]  $\odot ZEH$ 

AK is semidiam. of the course of H, and AT of Z

Add the semidiams, of courses of H and Z:  $TK^{27} = 45;22$ 

 $\therefore$  LT, the semid., = 22;41

There is no need to find the centre, since all the centres are on one line [the  $\perp^r$  through L]. We can draw this circle in the plate without knowing its semidiameter by drawing it through the images of the east point, west point and zenith.

#### [ii The general case]

 $EZ = 30^{\circ} [e.g.]$ 

 $\therefore ZB = 60^{\circ}$ 

 $\therefore Z\hat{H}B < \mathrm{rt}.$ 

Draw  $\widehat{GK}$ , an arc of a great circle, so that  $\widehat{GKO}$  is rt.<sup>28</sup>

Complete  $\bigcirc HZOM$ 

From A to  $H\widehat{MO}$  draw an arc of a great circle,  $A\widehat{M}$ , that  $\bot H\widehat{MO}$   $A\widehat{M}$   $G\widehat{K}$  are from the same circle, through the poles and cutting  $\odot HZOM$  at a rt. angle

Draw GK and produce it to cut the plane of the plate at F

On the plate draw AF, cutting  $QLS^{29}$  at Y

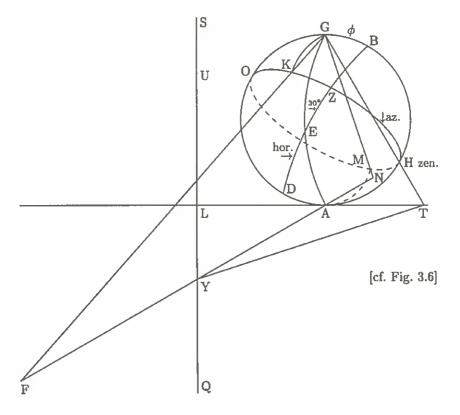
Produce FA to meet [GM] at N, possible  $\therefore$  GN GF FN are in the plane of  $\bigcirc GKAM$ 

⊙[GKAM] cuts ⊙HZOM at a right angle

- $\therefore$  GK is the shortest of the lines from G to  $\odot HZOM$  and GM the longest
- $\therefore$   $\triangle GFN$  cuts off [i.e. delimits] the cone of [apex G and] base  $\bigcirc HZOM$  by lines GK GM

The plane of the triangle is produced to the plane of the astrolabe; their c.s. is NF

- ... NF is diam.  $\odot HZOM$  [when projected] in plane of astrolabe, by I [2]
- $\therefore$  centre  $\odot HZOM$  [when projected] is on line FN



But we have shown [Chap. 2, Prop. 5] that it falls on QLS

- ... Y is centre of the circle
- $\therefore YT = YN = YF = \text{semid. of circle}$

On YS cut off YU = YT. So YU is also semid. of the circle

- $\therefore$  circle about Y and with radius YT goes through N U F
- $\widehat{BZ} = 60^{\circ}$ ;  $\widehat{BO} = \widehat{ZO} = \frac{1}{4}\odot$ ;  $\widehat{GO} = 90^{\circ} \phi$ .  $\therefore$  GK is soon determined (cf. declination):

 $\operatorname{Sin} \widehat{ZB} : \operatorname{Sin} \widehat{BO} = \operatorname{Sin} \widehat{KG} : \operatorname{Sin} \widehat{GO}$  [rule of four quantities<sup>30</sup>]

<sup>&</sup>lt;sup>27</sup>The latitude is again assumed to be 30°. So  $GB=30^\circ$ ,  $GH=60^\circ$ ,  $AZ=60^\circ$  and  $AH=120^\circ$ . Table 1 gives 11;20 and 34;2 for AT and AK.

<sup>&</sup>lt;sup>28</sup>Possibly by constructing a great circle through G and the poles of  $\odot GKOM$ . See Theodosius, *Sphaerica* I 15, 20. This note applies to the next three lines.

 $<sup>^{29}</sup>K$  is as in the previous diagram; QLS  $\perp$  LT. QLS is the line on which all the centres of the azimuths are found.

<sup>&</sup>lt;sup>30</sup>Or cf. Almagest I 14 in Ptolemy [1898-1903], I pp. 76-81. For early knowledge of the Rule of Four Quantities, see Lorch [2001], pp. 395-397.

and Sin  $\widehat{ZB}$  (=51;57,42 for diam. = 120°) × Sin  $\widehat{GO}$  (=51;57,42) = 2700;0,53 this ÷ Sin  $\widehat{BO}$  (=60°) = Sin  $\widehat{KG}$  = 45;0,1 ∴  $\widehat{KG}$  = 48;35 Similarly  $\widehat{AM}$  is known [=  $\widehat{KG}$  = 48:35]

But AN is semid. of the course of M, and AF of K

On  $\bigcirc AMGK$ ,  $AK = 180^{\circ} - GK$ . Hence [by Table 1] the semid.

of the course of K [and = AN] AF] + [AN] [= 43:32 + 8:52] = NF = 52:24 where

[AF] + [AN] [= 43;32 + 8;52] = NF = 52;24, where diam. of course of Cap. is  $60^{\rm p}$ 

 $\therefore YN = YT = 26;12$ 

For azimuths near that through the east point YT is close to and  $\doteq LT$ ; and YL is hard to draw accurately and an error therefore occurs in YL. [So calculation is needed:]

$$\sqrt{YT^2 - LT^2}$$
 [=26;12<sup>2</sup> - 22;41<sup>2</sup>  $\doteq$  13;6,41] = YL  
YU (= semid. [YT]) - YL = LU  $\doteq$  13;6 [better 13;5]

[Summary of argument of part ii

In the new diagram  $\odot OEH$  is the azimuth through the east point, E; OZH, a typical azimuth, is taken as  $30^{\circ}$  from  $\odot OEH$ , so that  $EZ = 30^{\circ}$ 

Take the great circle GKAM, which  $\bot \odot OHZ$ Join GK and GM and produce to plate, cutting it at F NFA produced goes through N (plane GNF is the plane of  $\odot GKAM$ )  $\widehat{GK}$  is the shortest arc from G to  $\odot HZOM$  and GM the longest  $\therefore$  the cone with apex G and base  $\odot HZOM$  is delimited by GK GM

 $\therefore$  diam. of its image is FN (Prop. I [2])

But the centre lies also on QLS

 $\therefore$  it is at the intersection of FN and QLS, at Y

calculation of the semidiameter and position of the centre

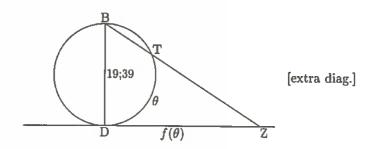
Sin  $\widehat{ZB}$ : Sin  $\widehat{BO}$  = Sin  $\widehat{KG}$ : Sin  $\widehat{GO}$  [O:GK,BZ]

... (Sin  $\widehat{ZB}$  × Sin  $\widehat{GO}$ ) / Sin  $\widehat{BO}$  = Sin  $\widehat{KG}$ Similarly AM is known [and = FG]
Hence AF AN, from Table 1
The semid. (=YT) =  $\frac{1}{2}(AF + FN)$   $YL = \sqrt{LT^2 - YT^2}$ ] U is a point on QLS s.t. YU = YT. YU - YL = LU (tabulated) [See note on section 5.5 below.]

#### Chapter 4: The tables

There are five tables:

1. fundamental table:  $f(\theta)$  for  $\theta = 1(1)180^{\circ 31}$ , where  $DZ = f(\widehat{DT})$  (see diagram)



- 2. right ascensions:  $\alpha(\theta)$  for  $\theta = 1(1)90^{\circ}$
- 3. table of 25 fixed stars: name,  $\lambda$ ,  $\beta$ ,  $\delta$ ,  $\mu$  ( $\beta$  and  $\delta$  with direction, north or south) for Yazdijird 225 [856-857 AD<sup>32</sup>]
- 4. alumcantars: distance of centre from centre of astrolabe and semidiameter for  $\phi = 0$  and  $15(1)50^{\circ}$ ;  $h = 0(1)90^{\circ}$  (h is the angular distance of the almucantar from the horizon)
- 5. azimuths: LU, which = YT (semid. of the azimuth) LT (see Fig. 3.6) for  $\phi = 0$  and  $15(1)50^{\circ}$ ;  $EZ = 0(5)90^{\circ}$ . EZ is the angular distance of the azimuth from the east point.

Chapter 5: The northern astrolabe

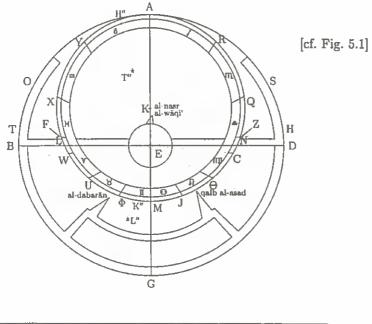
# [1] The rete: the zodiac

In the diagram AG is the meridian and BD is the great circle through the poles and the east- and west-points. The rule H'Z' is of such a scale that 60 of its divisions are equal to the diameter AG of the plate.

<sup>&</sup>lt;sup>31</sup>By the notation  $\theta = x(y)z^{\circ}$  it is meant that  $\theta$  is taken from  $\theta = x^{\circ}$  in steps of  $y^{\circ}$  to  $\theta = z^{\circ}$ .

<sup>&</sup>lt;sup>32</sup>For this date, see also Chap. 3, lines 106-107.

The rule, of unspecified length, is divided into parts five divisions long; and the first such part is divided into individual divisions, which are subdivided as finely as possible<sup>33</sup>. With centre K 8;34 [Chap. 3, lines 40-41] from the centre of the astrolabe the zodiac ALMN, A being



	80	75	70	65	60	55	50	45	40	35	30	25	20	15	10	5	
2	7			1	7											F	ľ

the beginning of Capricorn, L of Aries, M of Cancer and N of Libra. Two circles parallel to the zodiac are drawn so that the divisions of the zodiac and the names of the signs may be accommodated. After circle ALMN has been copied on the back of the rete, so that the copy is exactly opposite the original, the outer edge of the zodiac band is filed down, so that the chamfered edge of the zodiac band represents the zodiac and is in direct contact with the plate when rete and plate are put together. The zodiac is divided, first by signs and then by intervals

of six degrees with the help of right ascensions either on arc BAD specially divided for the purpose or on the rim of the plate, on which the rete is carefully and symmetrically laid.  $\widehat{DS}$  is the right ascension of Aries,  $27;50^{\circ}$ ; SE is drawn and produced, so that its intersections, Q U, with the zodiac are found:  $\widehat{LU}$  is the sign of Aries and  $\widehat{QN}$  the sign of Libra. Partition marks at U and Q, running from the outermost to the innermost of the three parallel circles of the zodiac, are incised. Similarly, by taking  $\widehat{BO} = 27;50^{\circ}$ , points X and  $\Theta$  are found:  $\widehat{LX}$  is Pisces and  $\widehat{N\Theta}$  is Virgo. By taking the ascension of two signs, the ends of the other signs,  $R \not O Y J$ , are found. Points W Z are similarly found by putting  $\widehat{DH} =$  the ascension of  $6^{\circ}$ , or  $5;29^{\circ}$ ; similarly F C,  $24^{\circ}$  of Pisces and of Virgo, are found by putting  $\widehat{BT} = 5;29^{\circ}$ . Such division lines are incised between the outer and middle zodiac circles only.

#### [2] The rete: the fixed stars

The position of a star is found by looking up its *mediatio* and the semidiameter of its course in Table 3 and cutting off the amount of this semidiameter on the line through the centre and the star's *mediatio* on the zodiac. H'' is the *mediatio* of al-nasr al- $t\bar{a}$ 'ir (Cap 11;40°) and ET'' is the semidiameter, 17;36, of the star's course; so that T'' is the star's position. K'' is the *mediatio* of yad al-jawzā' and L'' its position.

#### [3] The rete: perforations, dimensions

Most of the rete is cut away, so that there is left only the zodiac ( $3^p$  wide,  $2^p$  for the band containing the names and  $1^p$  for the outer band containing the divisions for every  $6^\circ$ ), a diameter, pointers for the stars and supports for those of the pointers that cannot be attached to the zodiac or the diameter. These supports are: a solid circle (semidiameter  $5^p$ ) at the centre, an arc (width  $2^p$ ) along the edge of the rete, stretching from the middle of Aquarius to the middle of Scorpius, and a smaller arc (width  $1\frac{1}{2}^p$ ) attached to it. The stars mentioned are:

al-'ayyūq [α Aurigae], al-nasr al-wāqi' [α Lyrae] and al-fakka [α Coronae Borealis], attached to the small circle;

al-nasr al- $t\bar{a}$ 'ir [ $\alpha$  Aquilae], ra's al-haww $\bar{a}$ ' ["the Head of the Snake-Carrier",  $\alpha$  Ophiuchi] and mankib al-faras ["the Shoulder of the Horse",  $\beta$  Pegasi], attached to the zodiac;

<sup>&</sup>lt;sup>33</sup>Division any finer than to halves, or perhaps to quarters, would scarcely be practical.

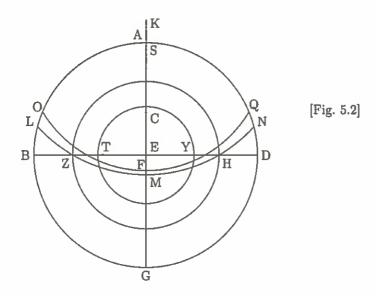
al-shi'rā al-yamāniya ["the Southern Sirius", α Canis Maioris] and qalb al-'aqrab ["the Heart of the Scorpion", α Scorpii] attached to the large arc along the edge of the rete;

al-dabarān [α Tauri], yad al-jawzā' [α Orionis], al-shi'rā al-sha'āmiya ["the northern Sirius", α Canis Minoris] and qalb al-asad ["the Lion's Heart", α Leonis], attached to the smaller arc.

The rim of the *mater* is 4<sup>p</sup> wide. The thickness of the rete is that of two almucantar plates.

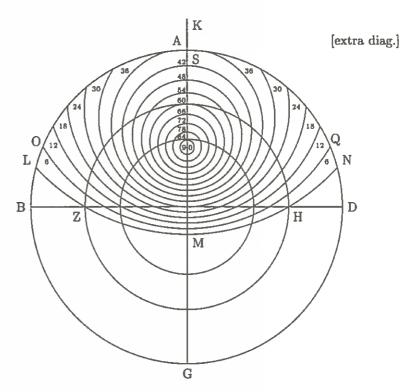
#### [4] Horizon and almucantars

The plate is provided with courses of the first points of Capricorn, Aries and Cancer, the semidiameters ([30], 19;39 and 12;54, respectively) being found from Table 1. The horizon and almucantars are



then drawn on the plate by using the part of Table 4 that is drawn up for the assumed geographical latitude; the example taken is  $\phi = 30^{\circ}$ . K, the centre of the horizon, is found from its distance from E,  $34;2^{\circ}$ , which is given at the head of the table for latitude  $30^{\circ}$  (if necessary, line EA is extended beyond A). KM, the semidiameter of the horizon, is also given in the table: 38;18. With centre K and distance KM draw

LMN, the arc of the horizon. Similarly, OFQ, the almucanatar for 6°, is drawn (centre S): from Table 1 SE (28;9) and the semidiameter SM (32;19) are found. And so on till the zenith is reached. We label each almucantar with its distance from the horizon — both east and west, near the edge of the plate, till we reach the first almucantar that lies completely on the plate, and thereafter once only, near the meridian.



[5] Azimuths

Take the value at the head of the part of Table 5 drawn up for latitude 30°: 22;41

Put CO = 22;41, where C is the zenith

About centre O and distance OC draw arc of azimuth of the first points for Aries and Libra. It goes through the intersection of east-west line and the equator

 $HOT \parallel DB$ 

In Table 5 find what is opposite 10° azimuth: 19<sup>p</sup>

429

 $OK = OL = 19^{\circ}$ 

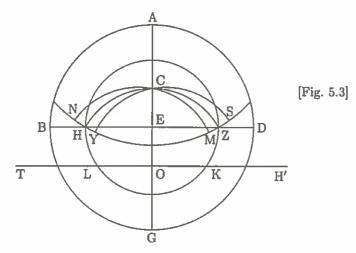
Find the point on OH' equidistant from C and  $L^{34}$ 

With it as centre draw  $S\widehat{C}Y$ :

 $\widehat{HY}$ , of the horizon, represents the azimuth of 10° from the east point towards the north and ZS the azimuth of 10° from the west point towards the south

Similarly find the point on OT equidistant from C and K and with it as centre draw  $M\widehat{C}N$ , etc.

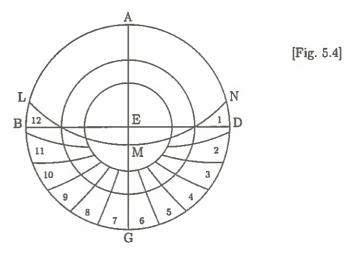
Then take what is opposite 20° in Table 1, etc., and so on till 80°



We extend line H'T when the drawing the azimuths near the meridian. The almucantars should not be drawn through C, but should stop at the almucantar for 84° [the "small" circle]. We label the azimuths with their distances from the meridian line, beginning at the meridian towards the south.

# [6] Unequal hours

Of the circles of Capricorn, equator and Cancer the three arcs beneath the horizon are divided into twelve equal parts. Corresponding points are joined by arcs of circles, the centres being found by trial and error. We then label the hours, starting in the west.



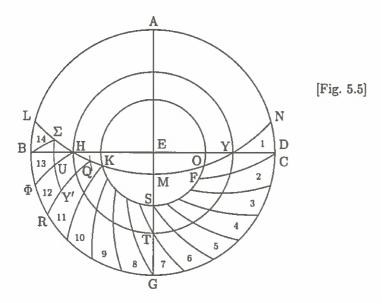
[7] Equal hours

In latitude 30° [the night hours when the Sun is at the first point of Capricorn =] the daylight hours when the Sun is at the first point of Cancer = 14 hours, approx.; so we divide  $L\widehat{G}N$  by 14. Similarly, divide  $K\widehat{S}O$ , of the circle of the first point of Cancer, by 10, the number of hours of daylight at the first point of Capricorn. Also divide  $H\widehat{T}Y$ , the semicircle of the equator, into 12 (as before – the equal hours at the first point of Aries = the "unequal" hours). Join corresponding points –  $F\widehat{C}$  etc. 35 – until the tenth hour-line, through K, is reached. [The remaining hour-lines, which do not reach the circle of Cancer, require the construction of further points.] Put the rete on the almucantar plate and find [by trial and error] the point of the zodiac such that when the Sun is on it there are 11 night hours 36. By rotating the rete,

 $<sup>^{34}</sup>$ This is a procedure of trial and error. Al-Farghānī has determined the tabulated OK by finding the semidiameter of the azimuth and the distance of its centre from O. In Fig. 3.6 YT, the semidiameter, YL, the distance of the centre from the meridian, and UL (here OK) are successively found. Of these, al-Farghānī calculates YL since drawing an arc of radius TY to cut QLS to find Y will lead to inaccurate results when Y is close to L. Why he takes the further step of subtracting YL from YT is not clear.

 $<sup>^{36}</sup>$ There is no hint in the text that calculation was used. No doubt points were tried till the arc made by it under the horizon when the rete is rotated over the plate =  $11 \times 15^{\circ}$ , i.e.  $165^{\circ}$ , measured by the pointer on the rete as it moves over the graduated rim of the *mater*, which must be in place under the almucantar plate. We note that the pointer is not mentioned at all in the text and the rim of the *mater* is mentioned only by the way (in section 3 of the chapter).

see where the point cuts the horizon on the left side: this is point Q, which lies between K and H. Draw the eleventh hour-line, QR, though



Q and the corresponding points on the equator and on the circle of Capricorn [R]. [For the twelfth and thirteenth hour-lines,] find on the rete the degree of the zodiac for which the night hours are 13 and, by rotation, see where its circle cuts the horizon on the left: point  $\Sigma$ . About centre E draw  $\Sigma Y'$  and bisect it at U. Through H U and the corresponding point on  $L\widehat{G}N$   $[\emptyset]$  draw the twelfth hour-line,  $H\widehat{U}\emptyset$ . Draw the 13th hour-line between  $\Sigma$  and the last [division-]point of the course of Capricorn<sup>37</sup>. If the hours are more than 14, we proceed as before; we keep the hours on the right complete hours and let any fractions appear on the left.

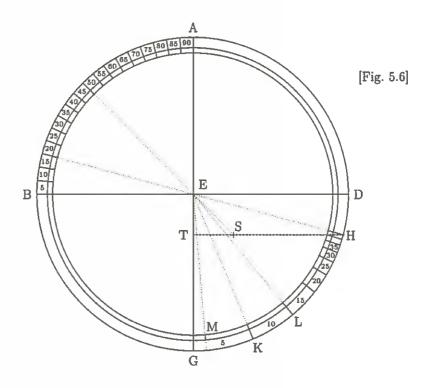
#### Note

There is no explicit indication of how the nocturnal arc of Capricorn is to be divided into 14 or that of Cancer into 10, but it is likely that we are to take  $15^{\circ}$ ,  $30^{\circ}$ ,  $45^{\circ}$  ... from N and O. For, though K and L are treated as division-points on the arc of Capricorn (as is indeed justified by taking the number of hours to be 14), D and B are not: he refers to the first hour-line

as arc FC, not FD; and the point connected to  $\Sigma$  for the 13th hour-line is referred to as "the remaining [division-] point of Capricorn". Presumably al-Farghānī wanted the procedure to apply as far as possible to cases other than the very special one of 14 hours ( $D \ G \ B$  are division-points only when the number of hours is an even integer).

#### [8] Shadow diagram on back of astrolabe

Only the shadows of altitudes between 15° and 90° are treated – below 15° the lines become numerous and dense [since the shadows are considered as increasing regularly in length].



Make an altitude scale on arc BA Join the 15° point of this scale and E and produce to H on DG  $HT \parallel ED \pmod{HT}$  is not incised) Join the 45° point and E and produce to S on HT Divide TS into 12 equal parts

<sup>&</sup>lt;sup>37</sup>It is not clear how al-Farghānī intended this last arc to be drawn, for only two points on it are given.

433

Divide the rest of *TH* into parts equal to these: there are almost 45 of them<sup>38</sup>

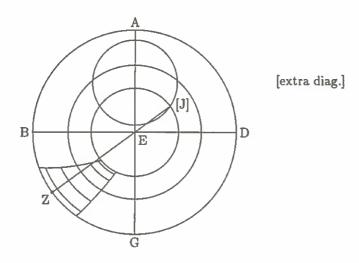
Join E and the end-points of the 5th, 10th, ... parts and produce to points K L ... on  $\widehat{GD}$ 

Label these points [5, 10, ..., 45]

Join E to the end-point of the first part on TH and produce to M on the inner circle near GD; do the same for all the other individual parts of HT

# [9] Construction of the line for the shadow [time of 'aṣr]

To draw the line determining the time at which the shadow of a gnomon exceeds its shadow at midday by the length of the gnomon.



Between 8th and 10th unequal-hour-lines draw courses of the beginnings of the signs

Midday altitude of [the course of the beginning of] Cancer [=  $90 - \phi + \epsilon$ ]  $\doteq 83\frac{1}{2}$ °

shadow( $83\frac{1}{2}^{\circ}$ ) =  $1\frac{1}{3}^{2}$  parts<sup>39</sup> [1.367 approx.]

 $1\frac{1}{3}$  parts + length of gnomon =  $13\frac{1}{3}$  parts

 $13\frac{1}{3}$  parts = shadow(42°) [41.987 approx.]

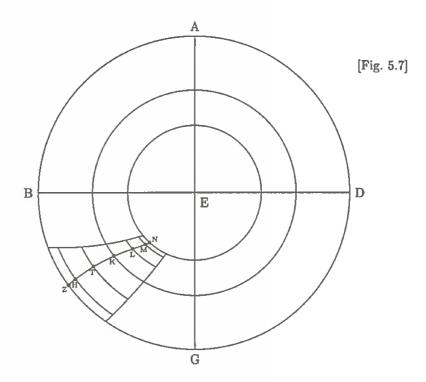
Put the beginning of Cancer on [the almucantar of] altitude 42° on the plate, on the western side

Mark where the beginning of Capricorn [i.e. the point opposite that placed on the almucantar] stands on its course in the plate: Z

Do the same for the beginning of Leo (opp. point: beg. Aquarius): mark  ${\cal H}$ 

Do the same with the other signs: hence T K L M N Join Z H T K L M N with a smooth curve

When the degree of the zodiac opposite the Sun falls on this line, the shadow of a gnomon will exceed its midday shadow by the length of the gnomon.



Note

In the above diagram the points on the 'aṣr curve were found by following al-Farghānī's procedure. First h, the altitude of the Sun when the shadow of the gnomon is its shadow at midday + its length (i.e. the time of 'aṣr) is found as follows. Since the midday altitude  $= 90 - \phi + \delta$ , where  $\phi$  is the

<sup>&</sup>lt;sup>38</sup>Calculation gives 44.8 approx.

<sup>&</sup>lt;sup>39</sup>The "parts" in this section are those of the previous: 1 part =  $\frac{1}{12}$ gnomon.

latitude of the locality (here 30°) and  $\delta$  is the declination of the Sun, and since the shadow function introduced by al-Farghānī =  $12 \cot \theta$  for altitude  $\theta$ ,  $\cot h = 1 + \cot(90 - \phi + \delta)$ . The Sun must be both on the almucantar of height h and on the course of the point on the zodiac of declination  $\delta$ , and therefore on the intersection of the two (J in the previous diagram). J was found graphically, and the corresponding point on the 'aṣr, the point opposite J on the zodiac, was found by joining J and E and producing the line to the course of  $-\delta$ .

#### [10] Other lines on the plate; other parts of the astrolabe

A line for the beginning of dawn or the end of dusk is not necessary, since it is the same for all latitudes and for all times of the year. Near the equinox dusk or dawn occurs when the Sun is 17° vertically beneath the horizon. Also, the times vary with the atmosphere and with the light of the Moon.

The alidade with its sights, the pin [which goes through the centre of the *mater*, plates and rete] and the "horse" [a wedge to go through a hole in the pin to stop it falling out] are made in the usual way.

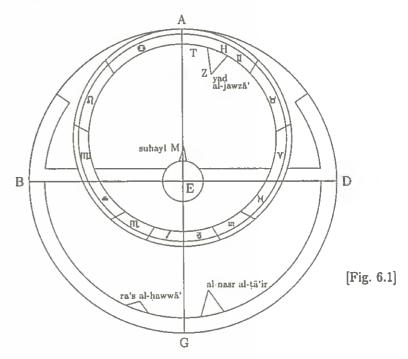
#### Chapter 6: The southern astrolabe

In the southern astrolabe the zodiac is of the same size and its centre is the same distance from the centre of the plate as in the northern astrolabe, but each sign is in the diametrically opposite place in the projection of the zodiac – since the ratio of the declination of any point in the northern half of the zodiac to its distance to the north pole is the same as the ratio for the opposite point with respect to the south pole<sup>40</sup>.

For the fixed stars the *mediatio* is the same in both types of astrolabe, but their courses are different. The fixed stars in the southern astrolabe lie between the south pole and the course of Cancer. In the two projections the horizon for any one latitude is of the same size – this is true of all great circles; in the southern astrolabe the centre of the horizon is on the northern side. The almucantar whose altitude,  $h, = \phi$  [i.e. the one that goes through the pole of projection] becomes a straight line; if  $h < \phi$ , the centre is on the northern side and, if  $h > \phi$ , on the southern. The azimuths are of the same size in both projections. Their line of centres cuts the meridian line on the southern side. As  $\phi >$  or  $< \epsilon$ , the zenith falls inside or outside the course of the beginning of Cancer.

#### [1] Making the rete

Draw the zodiac as in the northern astrolabe, putting Aries where Libra was, etc., and put in the names of the signs. For the fixed stars we take two examples.



 $<sup>^{40}</sup>$ This is tantamount to saying that  $\delta:\overline{\delta}$  is the same for opposite points on the zodiac, and this ensures that in the northern and southern astrolabes the zodiac is the same size, etc. But this is hard to interpret, for simply  $\delta$  by itself would have sufficed, for  $\delta$  controls the distance of the projected point from the centre of the plate. Taking the sines or chords of  $\delta$  and  $\overline{\delta}$  produces no ratio of use in comparing the projection of opposite points. The passage can hardly have been in al-Farghānī's original text.

- (1) Yad al-jawzā': put H at its mediatio (Gem 14°, from Table
- 3); find its  $\delta$  (5;42°, from Table 3) and hence EZ the semid. of its course ([21;42°]  $\doteq 21\frac{2}{3}$ °, from Table 1)<sup>41</sup>: Z is the position of the star.
- (2) Suhayl: put T at its mediatio (Gem 29;43°, from Table 3) find its  $\delta$  (-51;27, from Table 3) and hence EM, the semid. of its course, ([6:52°]  $\doteq$  (6 +  $\frac{1}{2}$  +  $\frac{1}{3}$ )°, from Table 1): M is the position of the star.

#### [2] Horizon and almucantars

Let  $\phi = 30^{\circ}$ . To draw the horizon:

EK = 34;2 and semid. of hor. = 39:18 [from Table 4] With centre K and semid. 39;18 draw  $Z\widehat{M}L$ , arc of hor.

To draw the almucantar of altitude 6°:

 $\phi+6^\circ=36^\circ; \overline{\phi}+6^\circ=156^\circ.$  These are the nearest and greatest distances of the almucantar from the south pole

..., from Table 1, the corresponding semid.s are 6;23 and 92;27 EY = 6;23

Semid. of almuc. =  $\frac{1}{2}(6;23 + 92;27) = 49;25$ 

YH = 49;25 [so H is the centre of the almuc.]

With centre H and semid. HY draw  $T\widehat{Y}N$ , arc of almuc. of 6°

To draw the almucantar of altitude =  $\phi$  (here = 30°)

The nearest and furthest dist. from south pole =  $60^{\circ}$  and  $180^{\circ}$  Opposite  $60^{\circ}$  in Table 1 is 11;20

ES = 11;20

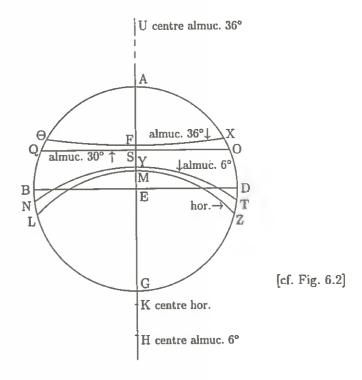
OSQ || DEB. So OSQ is the almuc. of 30°

To draw the almucantar of altitude 36°

The nearest and furthest dist. from south pole = 66° and 174°

Opposite 66° and 174° in Table 1 are 12;46 and 375;2, resp. EF = 12;46Semid. of almuc. =  $\frac{1}{2}(375;2-12;46) = 181;8°$ FU = 181;8 [so U is the centre of the almucantar] With centre  $U^{42}$  and semid. UF draw  $X\widehat{F}U$ , arc of almuc. of 36°

And so on for the almucantars up to altitude 84°, which falls outside  $\odot ABGD$  and almost touches it.



# [3] Azimuths

When the image of the zenith falls outside the plate, we take the opposite point.

When  $\phi = 30^{\circ}$ , the point opposite the zenith is 60° from the south pole; opposite that in Table 1 is 11;20 EC = 11;20 [so C represents the point opposite the zenith]

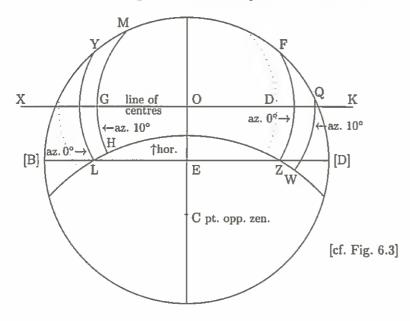
<sup>&</sup>lt;sup>41</sup>The semidiameters of the courses are found from Table 1, not direct from Table 3, as in the northern astrolabe. The "southern rete semidiameters" found in the Table 3 of MS B seem therefore to be added and not in the original text.

<sup>&</sup>lt;sup>42</sup>Al-Farghānī does not remark on the practical inconvenience of having a centre so far from the place of the instrument.

439

In the column for  $\phi$  [here 30°] in Table 4 take what is in the first row, 22;41

CO = 22;41, O being on the southern part of the meridian



With centre O and semid. OC draw EZ YL on the east and west side, cutting the horizon and the horizon at Sphaera recta at their intersections

Through O draw  $KOX \parallel DB$ 

Opposite 10° in Table 5 is 19

With compasses with distance 19;0 mark D G on lines OK OX Find point on OX equidistant from C and G

With centre this point and semid this distance, draw  $H\widehat{B}M$  [of azimuth of  $10^{\circ}$ ]

[And from an equivalent point on OK draw WDQ [of azimuth of 10°]

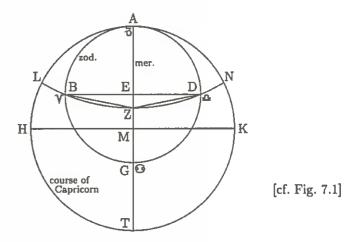
And so on for the other azimuths.

Chapter 7: other forms of the astrolabe are not possible

[1] The plane cannot touch the sphere at a point other than one of the poles.

For then the parallels to the equator, produced by the daily rotation from east to west, would not come out parallel and would have different centres, all of them different from the projection of the pole. Also the horizon at *sphaera recta* would not become a straight line, but an arc of a circle.

Example: let the plane touch the sphere at one of the poles of the zodiac.



Z is the projection of the pole of the equator. The centre of  $\bigcirc AHTK^{43}$  is not Z (cf. the almucantars in the standard projection), but, say, M. The horizon at sphaera recta goes through B D and  $Z^{44}$ : it is arc LBZDN. Having drawn lines BZ ZD, we rotate the zodiac about Z: B reaches the place originally occupied by A when A reaches D's old

<sup>&</sup>lt;sup>43</sup>AHTK is a conjecture of the editor; in the text is ABGD, but this is obviously nonsense. There are several other unsatisfactory parts of the passage.

<sup>&</sup>lt;sup>44</sup>It is not clear why the horizon at sphaera recta should go through B and D, the first points of Aries and Libra. Perhaps al-Farghānī is invoking an analogy with the standard projection – in which ABGD would be the equator and B D, the mid-points of  $\widehat{ABG}$  and  $\widehat{ADG}$ , respectively, would be the intersections of the horizon and the equator.

place (:  $B\hat{Z}A = A\hat{Z}D$ ), but they do this before D reaches G's old place (:  $A\hat{Z}D \ll D\hat{Z}G$ ). So B reaches A's position before B's opposite, point D, reaches G: contradiction.

If we let the motion be about M, the centre of the equator in the projected figure, the above inequality becomes even more pronounced.

#### Note

Al-Farghānī's argument about rotating the zodiac and seeing where four points (the beginnings of Aries, Cancer, Libra and Capricorn) reach in the same time is unclear. Two interpretations are possible:

- (i) The motion is considered as being in the sphere and the affects on the projection is considered. When the zodiac is rotated about the poles of the equator, the first point of Aries does not occupy the place originally occupied by the first point of Capricorn, but another point on the circle through both sets of poles. For these two points are at different distances from the pole of the equator. On the projection the whole zodiac circle would rotate. There is no question of the zodiac's rotating within itself.
- (ii) A point is imagined moving round the zodiac in the projection or rather four points, starting at B A D G at a uniform angular speed about Z. But one may ask: to what rotation in the sphere does this corespond?

[2] The mapping in the [melon-shaped] astrolabe is not valid.

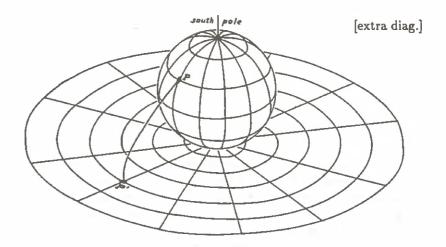
#### Note

The principle of the mapping in this instrument<sup>45</sup> is shown by the following diagram: meridians are mapped into straight lines through the pole; if N is the north pole of the sphere, which is in contact with the plane, P' is the mapping of P when NP' = the curvilinear distance NP.

It is absurd that of the two poles, both stationary points, one should become a circle moving about the other. How can the poles cling to the horizon at *sphaera recta* when one is a movable circle? The zodiac [and the horizon, almucantars and azimuths] are not circles or straight lines and have to be drawn by joining up points; it has the *tannūrī* form [see below].

Note

The Muḥammad ibn Mūsā mentioned by al-Farghānī as writing a criticism of the melon-shaped astrolabe is presumably Muḥammad ibn Mūsā ibn Shākir, one of the Banū Mūsā. For he is also quoted – again as Muḥammad ibn Mūsā – in Chapter 1 for an identifiable passage from a work by the Banū Mūsā. Abū Jaʿfar Muḥammad ibn Mūsā al-Khwārizmī, the well known writer on astrolabes, is therefore less likely.



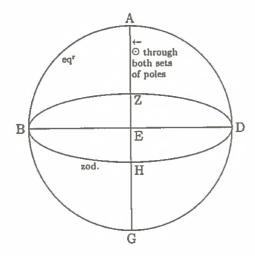
[3] The [orthographic] projection is not practical for the whole sphere and is hard to draw.

This mapping is made by dropping perpendiculars from the points on the sphere onto a plane tangent to it at one of the poles. The zodiac becomes two sections of  $tann\bar{u}r\bar{i}$  form.

In the diagram  $AZ = GH = \text{Versin } \epsilon$ .  $\therefore$  EZ = EH. Hence the courses of Capricorn and Cancer will be the same size; so the instrument will be impossible to work with unless only half the heavens are considered at a time.

<sup>&</sup>lt;sup>45</sup>For the melon-shaped astrolabe, see Kennedy-Kunitzsch-Lorch [1999].

[cf. Fig. 7.2]



#### Note

Al-Farghānī uses the term tannūrī in two places in this chapter: once to describe the rounded form of the zodiac in the melon-shaped astrolabe and again here to describe the zodiac in the orthographic projection. He thought of the latter as "the form of two sections approximately similar to the sections of the tannūrī form". This brings to mind the diagrams in the manuscripts: two arcs are joined together with a sharp angle at each connection. Certainly, ellipses were normally so represented in medieval manuscripts – presumably for lack of instruments to draw them easily –, so that the evidence of the drawings is neutral; but Al-Farghānī's phrase is curious. In his usage tannūrī seems to be some rounded curve that is not a circle 46.

# Bibliography

- C. Anagnostakis, "The Arabic Version of Ptolemy's Planisphaerium", Ph.D. thesis, Yale University 1984. Published by University Microfilms.
- Battānī [1899-1907] Al-Battānī sive Albatenii opus astronomicum, ed. C. A. Nallino, 3 vols., Milan 1899-1907.
- Al-Bīrūnī, "Istikhrāj al-awtār fī al-dā'ira", in *Rasā'il al-Bīrūnī*, Hyderabad 1367/1948.
- Al-Bīrūnī, Kitāb taḥdīd nihāyāt al-amākin li-taṣḥīḥ masāfāt al-masākin, ed. P. Bulgakov, Cairo 1962.
- Al-Bīrūnī, The Determination of the Coordinates of Positions for the Correction of Distances between Cities, translated by Jamil Ali, Beirut 1967.
- A. A. Björnbo, "Studien über Menelaos' Sphärik. Beiträge zur Geschichte der Sphärik und Trigonometrie der Griechen", Abhandlungen zur Geschichte der mathematischen Wissenschaften 14 (1902), viii + 154 pp.
- C. Brockelmann, Geschichte der arabischen Litteratur, vol. I (2nd ed.), Leiden 1943; Suppl., I, Leiden 1937.
- F. J. Carmody, Arabic Astronomical and Astrological Sciences in Latin Translation. A Critical Biography, Berkeley and Los Angeles 1956. A Copy Annotated by Francis S. Benjamin.
- F. Charette, "al-Farghānī's Tables for Constructing Astrolabes", unpublished typescript of a paper presented at the Jubilee Symposium on al-Farghānī, Uzbek Academy of Sciences, Samarkand and Fergana, Uzbekistan, September 1998.
- F. Charette and P. G. Schmidl, "al-Khwārizmī and Practical Astronomy in Ninth-Century Baghdad. The Earliest Extant Corpus of Texts in Arabic on the Astrolabe and Other Portable Instruments". Forthcoming.
- M. Clagett, Archimedes in the Middle Ages, vol. 1: The Arabo-Latin Tradition, Madison 1964.
- M. Destombes, "Note sur le catalogue d'étoiles du Calife Al-Mamoun", Actes du VIII<sup>e</sup> Congrès International d'Histoire des Sciences (Florence-Milan 3-9 Septembre 1956), Florence 1958, pp. 309-312.

<sup>&</sup>lt;sup>46</sup>See Kennedy-Kunitzsch-Lorch [1999], pp. 6, 198-199.

Diocles → Toomer

- Euclid [1926] Sir Tho. L. Heath, The Thirteen Books of Euclid's Elements, 2nd ed., Cambridge 1926; repr. New York 1956.
- Al-Farghānī [1669/1986] Jawāmi' 'ilm al-nujūm, ed. J. Golius, 1669; repr. Frankfurt am Main 1986.
- Al-Farghānī [1537] Rudimenta astronomica Alfragani . . . , Nuremberg 1537.
- J. Frank, "Die Verwendung des Astrolabs nach al Chwârizmî", Abhandlungen zur Geschichte der Naturwissenschaften und der Medizin 3, Erlangen 1922.
- S. Gibbs, *Greek and Roman Sundials*, New Haven 1976 (Yale Studies in the History of Science and Medicine, 11).
- D. Girke, Drei Beiträge zu den frühesten islamischen Sternkatalogen mit besonderer Rücksicht auf Hilfsfunktionen für die Zeitrechnung bei Nacht, Institut für Geschichte der Naturwissenschaften, Johann Wolfgang Goethe-Universität, Frankfurt am Main, Preprint Series No. 8 (1988).
- E. Glowatzki and H. Göttsche, Die Sehnentafel des Klaudios Ptolemaios nach den historischen Formelplänen neu berechnet, München, Wien 1976.
- Ibn Abī Uṣaybi'a, Kitāb 'uyūn al-anbā' fī ṭabaqāt al-aṭibbā', 2 vols., Cairo 1299/1882.
- Ibn al-Nadīm, *Kitāb al-fihrist*, ed. G. Flügel, Leipzig 1871-72; repr. Beirut: Maktabat Khayyāṭ [1964].
- M. Jenkins (ed.), Islamic Art in the Kuwait National Museum. The al-Sabah Collection, London 1983.
- E. S. Kennedy, "A Survey of Islamic Astronomical Tables", Transactions of the American Philosophical Society, NS 46 (1956) Part 2, 123-177; repr. ca. 1989 (with new pagination).
- E. S. Kennedy, A Commentary upon Bīrūnī's Kitāb taḥdīd al-amākin, Beirut 1973.
- E. S. Kennedy, P. Kunitzsch, R. P. Lorch (eds.), The Melon-Shaped Astrolabe in Arabic Astronomy, Stuttgart 1999.
- Khwārizmī [1914] Die astronomischen Tafeln des Muḥammed ibn Mūsā al-Khwārizmī in der Bearbeitung des Maslama ibn Aḥmed al-Madjrīṭī und der latein. Uebersetzung des Athelhard von Bath, ed. A. Bjørnbo, R. Besthorn and H. Suter, Copenhagen 1914.
- Khwārizmī → Frank, Neugebauer

- D. A. King, Mathematical Astronomy in Medieval Yemen. A Biobibliographical Survey, Malibu 1983.
- King [1983a] D. A. King, al-Khwārizmī and New Trends in Mathematical Astronomy in the Ninth Century, Hagop Kevorkian Center for Near Eastern Studies, Occasional Papers on the Near East No. 2, New York 1983.
- D. A. King, A Survey of the Scientific Manuscripts in the Egyptian National Library, Winona Lake, Indiana 1986.
- D. A. King, "A Survey of Medieval Islamic Shadow Schemes for Simple Time Reckoning", *Oriens* 32 (1990) 191-249.
- D. A. King, A Catalogue of Medieval Astronomical Instruments, 1: Early Eastern astrolabes (to ca. 1500), 2: The earliest Eastern Islamic astrolabes (9th-11th centuries) [July 1994 version].
- P. Kunitzsch, "Die arabische Herkunft von zwei Sternverzeichnissen in cod. Vat. gr. 1056", Zeitschrift der Deutschen Morgenländischen Gesellschaft 120 (1970) 281-287; repr. in Kunitzsch [1989], item III.
- P. Kunitzsch (ed.), Claudius Ptolemäus. Der Sternkatalog des Almagest. Die arabisch-mittelalterliche Tradition, 3 vols., Wiesbaden 1986-1991.
- P. Kunitzsch, The Arabs and the Stars, Northampton 1989.
- P. Kunitzsch, "On Six Kinds of Astrolabe: a Hitherto Unknown Latin Treatise", Centaurus 36 (1993) 200-208; repr. in Kunitzsch [2004], item XXII.
- P. Kunitzsch, "The Second Arabic Manuscript of Ptolemy's Planisphaerium", Zeitschrift für Geschichte der Arabisch-Islamischen Wissenschaften 9 (1994) 83-89; repr. in Kunitzsch [2004], item VI.
- P. Kunitzsch, "The Role of Al-Andalus in the Transmission of Ptolemy's Planisphaerium and Almagest", Zeitschrift für Geschichte der Arabisch-Islamischen Wissenschaften 10 (1995-96) 147-155; repr. in Kunitzsch [2004], item VII.
- P. Kunitzsch, "Traces of a Tenth-Century Spanish-Arabic Astrolabe", Zeitschrift für Geschichte der Arabisch-Islamischen Wissenschaften 12 (1998) 113-120; repr. in Kunitzsch [2004], item XVI.

Bibliography

- P. Kunitzsch, "Three Dubious Stars in the Oldest European Table of Astrolabe Stars", Zeitschrift für Geschichte der Arabisch-Islamischen Wissenschaften 13 (1999-2000) 57-69; repr. in Kunitzsch [2004], item XIX.
- P. Kunitzsch, "Jadwal al-kawākib al-thābita fī al-zīj al-ma'mūnī al-mumtaḥan", Proceedings of the Twenty-Second Annual Conference for the History of Arabic Science, Aleppo, October 23-25, 2001, Aleppo Univerity Press 1424/2003, pp. 345-351.
- P. Kunitzsch, Stars and Numbers, Aldershot 2004.
- R. Lorch, "Ptolemy and Maslama on the Transformation of Circles into Circles in Stereographic Projection", Archive for History of Exact Sciences 49 (1995-96) 271-284.
- R. Lorch, Thābit ibn Qurra. On the Sector-Figure and Related Texts, Frankfurt am Main 2001.
- P. Luckey, "Das Analemma von Ptolemäus", Astronomische Nachrichten 320 (Nr. 5498) (1927) 17-46.
- L. A. Mayer, Islamic Astrolabists and their Works, Geneva 1956.

Menelaus → Björnbo

- Mumtaḥan Tables [1986] Yaḥyā ibn Abī Manṣūr, Al-Zīj al-Ma'mūnī al-mumtaḥan, Frankfurt am Main 1986 (reproduced in facsimile from MS ar. 927 in the Escorial Library).
- F. Nau, "Le traité sur l'astrolabe plan de Sévère Sabokt", ed. F. Nau, Journal asiatique 1899, 56-101 and 238-303.
- O. Neugebauer, "The Early History of the Astrolabe", Isis 40 (1949) 240-256.
- O. Neugebauer, The Astronomical Tables of al-Khwārizmī, Copenhagen 1962.
- Philoponus [1981] Jean Philopon, Traité de l'astrolabe, trans. A. P. Segonds. Astrolabica 2, Paris 1981.
- Ptolemy. Claudii Ptolemaei opera quae exstant omnia, vol. I, pars 1-2: Syntaxis mathematica, Leipzig 1898-1903; vol. II: Opera astronomica minora, Leipzig 1907 (including Analemma and Planisphaerium).
- Ptolemy --- Anagnostakis, Kunitzsch, Luckey, Toomer
- A. I. Sabra, "Al-Farghānī", Dictionary of Scientific Biography, vol. 4, 541-545, New York 1971.
- Sebokht, Severus -- Nau

- F. Sezgin, GAS V and VI. Geschichte des arabischen Schrifttums V, Mathematik, (1974), and VI, Astronomie, (1978), Leiden.
- M. Steinschneider, Die hebraeischen Übersetzungen des Mittelalters und die Juden als Dolmetscher, Berlin 1893; repr. Graz 1956.
- Al-Şūfī, Şuwaru 'l-kawākib or Uranometry, Hyderabad-Deccan 1373/1954.

Thābit → Lorch

Theodosius Tripolites, Sphaerica, ed. J. L. Heiberg, Berlin 1927.

- Les Sphériques de Théodose de Tripoli, œuvres traduites ... avec une introduction et notes par P. ver Eecke, Bruges 1927.
- Theon [1822] ΘΕΩΝΟΣ ΑΛΕΞΑΝΔΡΕΩΣ ΥΠΟΜΝΗΜΑ. Commentaire de Théon d'Alexandrie sur le livre III de l'Almageste de Ptolemée; Tables manuelles des mouvemens des astres, ed. M. Halma, Paris 1822; repr. 1990.
- G. J. Toomer, "Al-Khwārizmī, Abū Ja'far Muḥammad ibn Mūsā", Dictionary of Scientific Biography, vol. 7, 358-365, New York 1973.
- G. J. Toomer, Diocles on Burning Mirrors, Berlin etc. 1976.
- G. J. Toomer, Review of Glowatzki and Göttsche (q.v.), Centaurus 21 (1977) 321-323.
- G. J. Toomer (trans.), Ptolemy's Almagest, London 1984.
- Al-Ţūsī, Naṣīr al-Dīn, Rasā'il, vol. 2, Hyderabad 1359 [1940].
- J. Vernet, "Las 'Tabulae Probatae'", Homenaje a J. M. Millás-Vallicrosa, II (Barcelona 1956), pp. 501-522; repr. in Vernet [1979], pp. 191-212.
- J. Vernet, Estudios sobre historia de la ciencia medieval, Barcelona 1979.
- J. Vogt and M. Schramm, "Synesios vor dem Planisphaerium", in Das Altertum und jedes neue Gute. Festschrift für Wolfgang Schadewaldt zum 15. März 1970, Stuttgart 1970, pp. 264-311.